Олимпиада «Надежда энергетики» по математике 9 класс, 2015 год, вариант 2

- 1. Станция связана линиями с несколькими предприятиями, при этом
 - 1. среди любых 3 линий есть ведущая на предприятие города М;
 - 2. среди любых 4 линий есть ведущая на предприятие поселка П.

Может ли число линий быть меньше 5? Если оно не меньше 5, то найдутся ли среди любых 5 линии, не ведущие ни в M, ни в П?

- **2.** Треугольник вращается в своей плоскости. Через какую точку должна проходить ось вращения, чтобы заметалась наименьшая площадь?
- **3.** Квадратное уравнение $x^2 + px + q = 0$ имеет ровно один корень. Положим $T(x) = x^2 + px + q$. Известно, что уравнение T(T(T(x))) = 0 имеет ровно три различных корня. Найдите их.
- **4.** После полудня прошло целое число минут, и в этот момент угол между часовой и минутной стрелками составил ровно 2 градуса. Какое время показывают часы, если это событие произошло впервые после полудня?
- **5.** В городе работают три банка. Известно, что вклад, размещенный в одном из них (неизвестно в каком), через год удвоится, в другом (тоже неизвестно, в каком) утроится, а один из банков (неизвестно, какой из трех) разорится, и вкладчик потеряет свои деньги. У Ивана Ивановича есть 600000 рублей. Он хочет рискнуть и разместить свои деньги в банках на год. Как ему разложить деньги по банкам, чтобы при самом плохом ходе событий получить максимально возможный доход (некоторую сумму он может оставить и дома)? Какую сумму в этом случае он получит на руки через год?
- 6. Господин Сыр Жуй, большой поклонник Фэн-шуй, владеет парком, представляющим собой прямоугольный треугольник с острым углом $\alpha = \frac{11}{24}\pi$ и гипотенузой длины 640 м и желает устроить в нем лабиринт аллей. Для этого прокладываются аллеи, идущие вдоль медианы и высоты, опущенных из прямого угла. Эти аллеи вместе с отсекаемой частью гипотенузы образуют новый прямоугольный треугольник. В нем из прямого угла снова прокладываются аллея-высота и аллея-медиана и т. д.
 - 1. Найдите длину аллеи-гипотенузы 5-го треугольника.
 - 2. Найдите площадь 5-го треугольника.
- 7. Весной 1945 года контрразведчики гестапо с 4 радиостанций, расположенных в вершинах квадрата на территории Берлина, зафиксировали в некоторый момент работу советского радиопередатчика. Штирлиц проявил инициативу и доложил Мюллеру, что расстояния от точек прослушивания до передатчика составили 1, 9, 4 и 5 км. Должен ли Мюллер верить такому сообщению?