

## Малые шевеления

ЗАДАЧА 1. («Курчатов», 2019, 7) Двое ребят отправились в деревню. У одного из них есть велосипед на котором можно ехать со скоростью 24 км/ч, и на нем нельзя ехать вдвоем. За какое наименьшее время они оба будут в деревне, если скорость одного из них без велосипеда равна 5 км/ч, а второго 6 км/ч. Расстояние до деревни 60 км.

ь 2'9

ЗАДАЧА 2. («Курчатов», 2019, 8) Двое ребят отправились в деревню. У одного из них есть велосипед на котором можно ехать со скоростью 28 км/ч, и на нем нельзя ехать вдвоем. За какое наименьшее время они оба будут в деревне, если скорость одного из них без велосипеда равна 8 км/ч, а второго 7 км/ч. Расстояние до деревни 80 км.

ь 8'9

ЗАДАЧА 3. (Всеросс. по математике, 1999, ОЭ, 8.1) Отец с двумя сыновьями отправились навестить бабушку, которая живёт в 33 км от города. У отца есть мотороллер, скорость которого 25 км/ч, а с пассажиром — 20 км/ч (двух пассажиров на мотороллере перевозить нельзя). Каждый из братьев идёт по дороге со скоростью 5 км/ч. Докажите, что все трое могут добраться до бабушки за 3 часа.

ЗАДАЧА 4. (ММО, 1952, 8.4) Два человека  $A$  и  $B$  должны попасть как можно скорее из пункта  $M$  в пункт  $N$ , расположенный в 15 км от  $M$ . Пешком они могут передвигаться со скоростью 6 км/ч. Кроме того, в их распоряжении есть велосипед, на котором можно ехать со скоростью 15 км/ч.  $A$  отправляется в путь пешком, а  $B$  едет на велосипеде до встречи с пешеходом  $C$ , идущим из  $N$  в  $M$ . Дальше  $B$  идёт пешком, а  $C$  едет на велосипеде до встречи с  $A$  и передаёт ему велосипед, на котором тот и приезжает в  $N$ . Когда должен выйти из  $N$  пешеход  $C$ , чтобы время, затраченное  $A$  и  $B$  на дорогу в  $N$ , было наименьшим? ( $C$  идёт пешком с той же скоростью, что  $A$  и  $B$ ; время, затраченное на дорогу, считается от момента выхода  $A$  и  $B$  из  $M$  до момента прибытия последнего из них в  $N$ .)

За 3/11 часа до выхода  $A$  и  $B$ 

ЗАДАЧА 5. (МОШ, 2017, 7) Выйдя из дома, папа с дочкой Машей и сыном Ваней бегут к автобусной остановке, расстояние до которой  $S = 430$  м. Скорость Вани равна  $V = 2$  м/с, скорость Маши —  $2V$ , а скорость папы —  $4V$ . Если папа сажает любого из детей на шею, то его скорость уменьшается до  $3V$ . Двоих детей одновременно папа нести не может. Через какое минимальное время вся семья сможет оказаться на остановке? Можно считать, что посадка детей на папину шею, а также разгон и торможение происходят быстро.

с 95 =  $\frac{43V}{19S} = \text{мин}$

ЗАДАЧА 6. («Росатом», 2015, 7–8) Команда из трёх спортсменов должна пройти по определённому маршруту за минимальное время. Длина маршрута  $l = 18$  км. Спортсмены могут бежать со скоростью  $v = 14$  км/ч или ехать на велосипеде со скоростью  $3v$ . При этом на команду полагается только один одноместный велосипед. Предложите стратегию движения на маршруте, обеспечивающую минимальное время его прохождения, и найдите это минимальное время. Время прохождения маршрута определяется по последнему пришедшему к финишу спортсмену. Велосипед можно оставлять на дороге.

$$\text{время } t = \frac{a_6}{l} = \text{минуты}$$

ЗАДАЧА 7. (МОШ, 2016, 9) Группа из трёх туристов должна перебраться из пункта  $A$  в пункт  $B$  по дороге длиной  $S = 45$  км. Стартуют все туристы одновременно. На всю группу туристов есть только два велосипеда, причем если на велосипеде едут двое, то их скорость равна  $3V$ , а если на велосипеде едет один человек, то его скорость равна  $4V$ . Если же турист идёт пешком, то его скорость движения равна  $V = 5$  км/ч. За какое минимальное время все туристы могут оказаться в пункте назначения? Временем посадки туристов на велосипед, а также временами разгона и торможения можно пренебречь.

$$\text{время } t = \frac{A_7}{S} = \text{ч}$$

ЗАДАЧА 8. («Максвелл», 2015, 7) Группа туристов из трёх человек направилась из пункта  $A$  в пункт  $B$ , расстояние между которыми  $L = 22$  км. Попутных машин нет. В распоряжении группы есть один велосипед, на котором одновременно могут ехать не больше двух человек. Скорость движения пешим ходом составляет  $v_0 = 5$  км/час, при езде на велосипеде одного человека его скорость  $v_1 = 20$  км/час, а при езде вдвоём —  $v_2 = 15$  км/час. Как должны действовать туристы, чтобы за минимальное время добраться до пункта  $B$ ? Найдите это время.

$$\text{Минимальное время равно } 2,4 \text{ часа}$$

ЗАДАЧА 9. (Всеросс. по математике, 2007, финал, 8.5) От Майкопа до Белореченска 24 км. Три друга должны добраться: двое из Майкопа в Белореченск, а третий — из Белореченска в Майкоп. У них есть один велосипед, первоначально находящийся в Майкопе. Каждый из друзей может идти (со скоростью не более 6 км/ч) и ехать на велосипеде (со скоростью не более 18 км/ч). Оставлять велосипед без присмотра нельзя. Докажите, что через 2 часа 40 минут все трое друзей могут оказаться в пунктах назначения. Ехать на велосипеде вдвоём нельзя.

ЗАДАЧА 10. (МОШ, 2016, 8) На кухне стоят две включённые (прогретые) электроплитки мощностями 1 кВт и 2 кВт, а также есть один кипятильник мощностью 0,5 кВт (время его прогрева мало). Хозяйка заполняет водой три кастрюли, налив в них 1, 2 и 3 литра воды соответственно, и планирует как можно быстрее получить 6 литров кипятка. Начальная температура воды во всех кастрюлях одинакова и равна  $+20^\circ\text{C}$ . Удельная теплоёмкость воды  $4200$  Дж/(кг · °C). Чему равно минимальное время, необходимое для получения кипятка? Опишите одну из возможных процедур манипуляций с кастрюлями, плитками и кипятильником, при которой это рекордное время достигается. Считайте, что вся теплота передается только воде. Временами, которые хозяйка тратит на перестановку кастрюль и перемещение кипятильника, можно пренебречь.

$$\text{с } 576$$