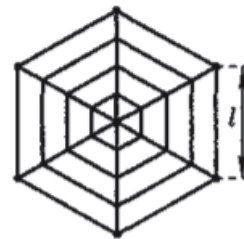


Всероссийская олимпиада школьников по физике

11 класс, федеральный окружной этап, 2005/06 год

ЗАДАЧА 1. Паук сплёл паутинку в виде правильного шестиугольника со стороной $l = 45$ см (рис.) и закрепил крайние точки радиальных нитей радиусом $r = 0,01$ мм так, что сила их натяжения оказалась равна $F_0 = 6$ мН. Считайте деформации паутины упругими, а её модуль Юнга $E = 2 \cdot 10^8$ Па. При относительном удлинении, превышающем $\varepsilon_{\max} = 0,2$, нить паутины рвётся.

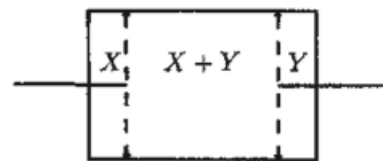


1) Найдите максимальную массу M мухи, которая, попав в паутину, не порвёт её, если скорость мухи $v = 2$ м/с. Считайте, что муха попадает в центр паутины перпендикулярно её плоскости.

2) В центр паутины попала муха массой $m = 0,1$ г. Найдите период T малых колебаний мухи вдоль перпендикуляра к плоскости паутины. Попав в паутину, махать крыльями муха не может.

$$v_{\max} \approx \frac{0,19}{\sqrt{m}} \sqrt{\frac{F_0}{E}} = L \left(\frac{F_0}{E} \right)^{1/2} \approx \left(\frac{F_0}{E} \right)^{1/2} \left(\frac{2}{\varepsilon_{\max}} \right)^{1/2} = W \quad (1)$$

ЗАДАЧА 2. В цилиндре, температура T которого поддерживается постоянной, находятся ν_X молей идеального газа X и ν_Y молей идеального газа Y . В цилиндр вдвинуты два полупроницаемых поршня (рис.), первый из которых пропускает только молекулы газа X , а второй — только молекулы газа Y . В начальный момент времени поршни расположены так, что они касаются друг друга и чистые вещества X и Y занимают объёмы V_{X0} и V_{Y0} . Поршни начинают медленно раздвигать, и в конце процесса образуется смесь газов X и Y объёма $V_{X0} + V_{Y0}$. Какая суммарная работа A совершается газами в данном процессе?



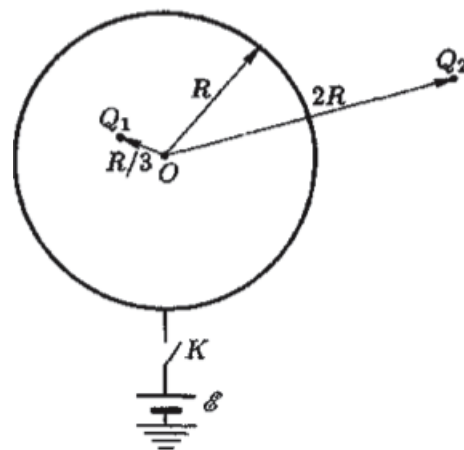
Примечание. Площадь криволинейной трапеции, ограниченной графиком функции $y = 1/x$ и прямыми $y = 0$, $x = x_1$ и $x = x_2$, составляет $S(x_1, x_2) = \ln \frac{x_2}{x_1}$.

$$\frac{0,19}{\sqrt{m}} \sqrt{\frac{F_0}{E}} = L \left(\frac{F_0}{E} \right)^{1/2} \approx \left(\frac{F_0}{E} \right)^{1/2} \left(\frac{2}{\varepsilon_{\max}} \right)^{1/2} = W$$

ЗАДАЧА 3. Найдите скорость u уменьшения радиуса R мыльного пузыря при его сдувании через трубку радиусом $r \ll R$. Объём трубки пренебрежимо мал по сравнению с объёмом пузыря, воздух в пузыре можно считать неподвижным. Коэффициент поверхностного натяжения мыльного раствора σ . Считайте, что при истечении из пузыря воздух ведёт себя как идеальная невязкая несжимаемая жидкость плотностью ρ .

$$\frac{dR}{dt} \sqrt{\frac{\rho}{2\sigma}} = n$$

ЗАДАЧА 4. Внутри тонкостенной незаряженной проводящей сферы радиусом R находится точечный заряд Q_1 на расстоянии $R/3$ от центра сферы O (рис.). Снаружи сферы находится точечный заряд Q_2 на расстоянии $2R$ от центра сферы. Сфера расположена на расстоянии от Земли значительно большем R и соединена с Землёй через источник с ЭДС \mathcal{E} и ключ K . Потенциал Земли примите равным нулю.

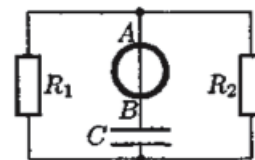


1) Найдите потенциал φ в центре сферы при разомкнутом ключе K .

2) Найдите заряд Q сферы после замыкания ключа K и наступления равновесия.

$$\frac{\epsilon}{\epsilon_0} - \text{div} - \text{grad} \varphi = \text{div} \left(\frac{\epsilon}{\epsilon_0} + \text{div} \epsilon \right) \frac{\text{grad} \varphi}{1} = \rho \quad (1)$$

ЗАДАЧА 5. Электрическая цепь состоит из двух резисторов сопротивлениями R_1 и R_2 и конденсатора ёмкостью C (рис.). Участок AB провода проходит вдоль диаметра одного из витков длинного соленоида, сила тока в котором линейно растёт со временем. Найдите заряд q конденсатора в установившемся режиме, если ток в резисторе R_1 при этом равен I_1 .



$$|\text{div} - \text{grad} \varphi|_{1,2} \frac{\epsilon}{\epsilon_0} = b$$