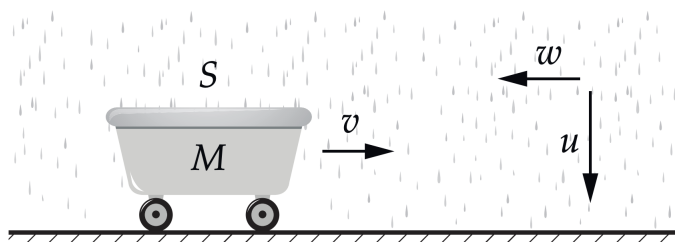


## Московская олимпиада школьников по физике

11 класс, первый тур, 2021 год

**ЗАДАЧА 1. Таз на колёсиках.** Тазик на колёсиках движется под дождём по горизонтальной дороге. Суммарная масса капель в единице объёма равна  $\rho$ , а их скорость вблизи поверхности земли равна  $u$ . Площадь верхнего горизонтального сечения тазаика равна  $S$ . В нулевой момент ( $t = 0$ ) таз пустой, его масса вместе с колёсами равна  $M$ , а скорость равна  $v_0$  ( $v_0 \ll u$ ). Далее везде силой трения качения и силой сопротивления воздуха можно пренебречь.



**А.** Пусть в дне таза есть небольшое отверстие. Дождевая вода, попадая в таз, стекает на дно, распределяется по нему тонким слоем и вытекает через отверстие. Можно считать, что масса воды в тазу пренебрежимо мала по сравнению с массой таза.

A1) Какое расстояние  $L_1$  пройдёт таз до остановки, если капли падают вертикально?

A2) Подул встречный (для тазаика) ветер, так что горизонтальная составляющая скорости капель вблизи земли оказалась равна  $\omega$ , а вертикальная — равна  $u$ . Какое расстояние  $L_2$  пройдёт тазик до остановки, если время движения равно  $t$ ?

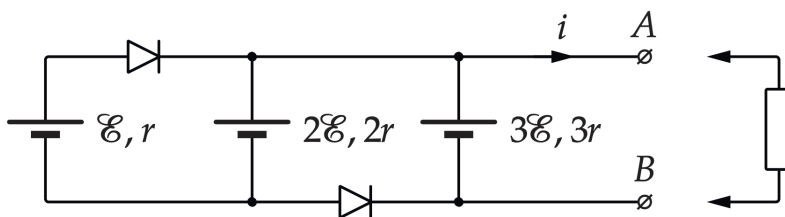
**В.** В этой части задачи считается, что дырок в тазике нет, вся попадающая в таз дождевая вода остаётся в нём. За рассматриваемое время вода не заполняет таз целиком и не переливается через борт. Ветра нет, скорость капель вертикальна.

B1) Определите зависимость скорости таза от времени  $v(t)$  в этом случае.

B2) Если таз проходит расстояние  $S$  к моменту, когда масса воды в нём становится равна массе таза  $M$ , то какое расстояние он пройдёт к моменту, когда масса воды в нём станет равна  $3M$ ?

$$S_2 = 1.5 S \left( \frac{v_0 + \omega t}{v_0} \right)^2 \quad (A1) \quad L_2 = \frac{S \rho \omega t}{2 M} \quad (A2) \quad v(t) = v_0 - \frac{S \rho \omega t}{M} \quad (B1) \quad S_2 = 2S \left( \frac{S \rho \omega t}{M} \right)^2 \quad (B2)$$

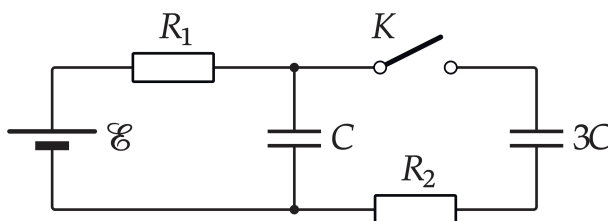
ЗАДАЧА 2. **Изобразите характеристику.** (По мотивам Ф753, Зильберман А.Р.) В схеме специального источника напряжения, показанной на рисунке, диоды — идеальные (открываются при близком к нулю напряжении), значения ЭДС и внутреннего сопротивления равны:  $\varepsilon = 1,5$  В и  $r = 1,0$  Ом соответственно.



Изобразите графически зависимость  $i(U)$  (ВАХ источника), где  $i$  — ток, возникающий при подключении к источнику нагрузки, а  $U$  — разность потенциалов выводов  $A$  и  $B$ :  $U = \varphi_A - \varphi_B$ .

См. конспект

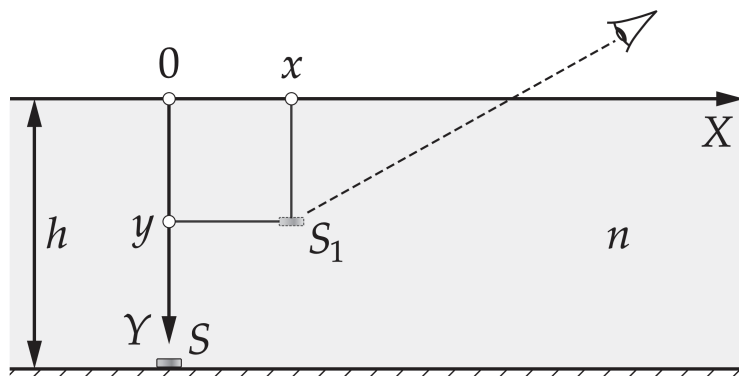
ЗАДАЧА 3. **Токи через секунду.** В схеме, показанной на рисунке, ключ  $K$  изначально разомкнут, конденсатор ёмкостью  $C = 100$  мкФ заряжен, а конденсатор ёмкостью  $3C$  не заряжен, ток в цепи равен нулю. Другие параметры схемы равны:  $R_1 = 10$  МОм,  $R_2 = 10$  Ом,  $\varepsilon = 12$  В. Внутренним сопротивлением источника и сопротивлением проводов можно пренебречь.



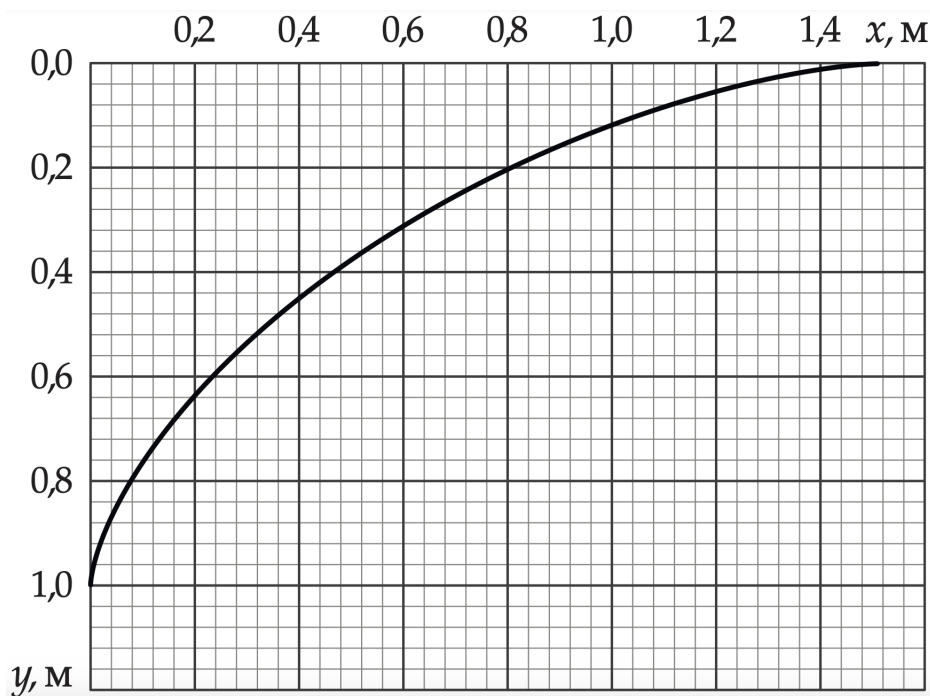
Ключ замыкают. Определите токи  $i_1$  и  $i_2$ , текущие через резисторы  $R_1$  и  $R_2$  соответственно, через одну секунду после замыкания ключа.

$i_1 \approx 0,9$  мкА;  $i_2 = 0$  мкА

**ЗАДАЧА 4. Рассматривая монеточку.** На дне сосуда глубиной  $h$ , заполненного жидкостью с показателем преломления  $n$ , в точке с координатами  $(0, h)$  (направление осей показано на рисунке) располагается монеточка  $S$ .



Наблюдатель видит изображение монеточки  $S_1$  в точке с координатами  $(x, y)$ . Множество значений  $(x, y)$  для разных углов зрения изображено на графике. Используя график, найдите показатель преломления жидкости  $n$  и глубину сосуда  $h$ .



$$n = 1.33 \pm 0.05; h = 0.1 \text{ м}$$

**ЗАДАЧА 5. О капле.** В этой задаче рассматривается эффект уменьшения температуры капли воды вследствие испарения с её поверхности при близких к комнатным давлению и температуре.

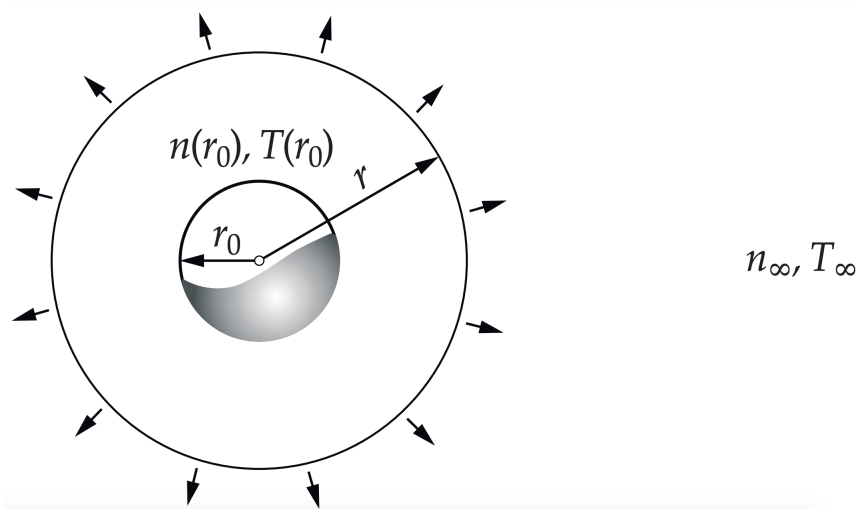
В одном из экспериментов шарообразная капля воды радиусом порядка миллиметра удерживалась силами поверхностного натяжения на тонкой полимерной леске. Зависимость температуры капли от времени измерялась с помощью высокоточного инфракрасного тепловизора. Вдали от капли (на «бесконечности») поддерживались постоянные значения: температуры  $T_\infty$ , давления  $p_\infty$  и относительной влажности воздуха  $\varphi_\infty$ . Обнаружилось, что если в начальный момент температура капли была равна температуре на бесконечности  $T_\infty$ , то затем в течение короткого времени она уменьшалась до значения  $T_\infty - \Delta T$  ( $\Delta T$  порядка нескольких градусов) и далее длительное время оставалась постоянной. Предлагается определить величину разности

температур  $\Delta T$ , учитывая диффузию пара от капли на бесконечность и тепловой поток, обусловленный разностью температур капли и воздуха на бесконечности. Конвекцией и передачей тепла по леске предлагается пренебречь.

В стационарном режиме в пространстве вне капли устанавливается распределение концентрации пара  $n(r)$  и температуры  $T(r)$ . В силу сферической симметрии концентрация и температура зависят только от расстояния до центра капли  $r$  и удовлетворяют уравнениям:

$$\frac{dN}{dt} = -D4\pi r^2 \frac{dn}{dr}, \quad \frac{dQ}{dt} = -\kappa 4\pi r^2 \frac{dT}{dr}.$$

где  $dN$  — количество молекул пара, проходящих за время  $dt$  через поверхность сферы радиусом  $r$ , концентрической с каплей,  $dQ$  — количество тепла, переносимого за время  $dt$  через поверхность той же сферы; коэффициенты диффузии и теплопроводности  $D$  и  $\kappa$  можно считать постоянными. Маленькими стрелками на рисунке символически показан поток диффундирующих молекул пара.



**А.** Коэффициенты диффузии и теплопроводности  $D$  и  $\kappa$ , молярная масса  $\mu_{H_2O}$ , удельная теплота испарения воды  $L$  и радиус капли  $r_0$  считаются известными. Изменение радиуса капли вследствие испарения можно считать незначительным.

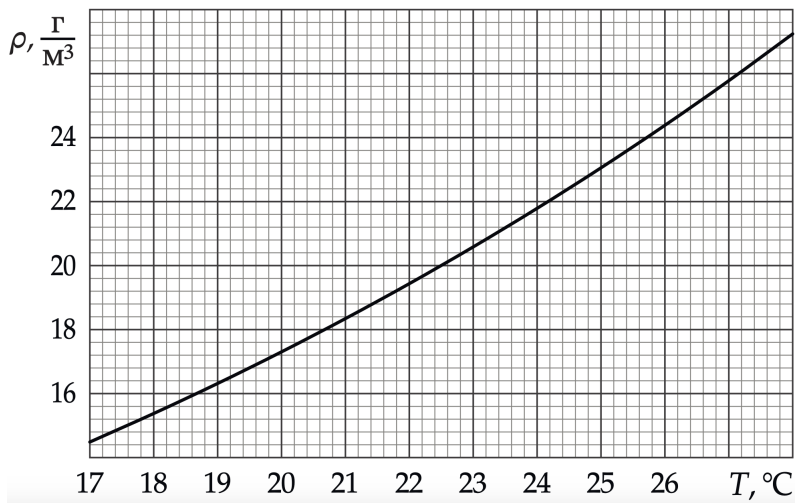
- A1) Температура у поверхности капли  $T(r_0)$  и температура на бесконечности  $T_\infty$  (см. рис.) известны. Определите тепловой поток  $\frac{dQ}{dt}$  и распределение температуры  $T(r)$ .
- A2) Известны концентрации пара:  $n(r_0)$  и  $n_\infty$ , определите массу воды, испаряющейся с поверхности капли за малое время  $t$ .
- A3) Используя результаты пунктов A1) и A2), выразите разность плотностей пара у капли и на бесконечности  $\Delta\rho = \rho(r_0) - \rho_\infty$  через разность температур  $\Delta T = T_\infty - T(r_0)$ .

**В.** Отношение коэффициентов теплопроводности и диффузии в условиях задачи удовлетворяет соотношению:

$$\frac{\kappa}{D} = \frac{v_B}{v_{H_2O}} \frac{c_V \rho_B}{\mu_B},$$

где  $v_{H_2O}$  и  $v_B$  — среднеквадратичные скорости молекул воды и воздуха,  $c_V = 2,5R$  — молярная теплоёмкость воздуха при постоянном объёме,  $\rho_B$  — плотность воздуха. Определите отношение коэффициентов при температуре 300 К. При расчёте плотности давление воздуха можно считать равным  $10^5$  Па. Универсальная газовая постоянная равна  $R = 8,3$  Дж/(моль·К), молярные массы воды и воздуха:  $\mu_{H_2O} = 18$  г/моль и  $\mu_B = 29$  г/моль соответственно. Убедитесь в том, что при изменении температуры на 10 К отношение коэффициентов меняется незначительно.

С. Используя график зависимости плотности насыщенного пара воды от температуры, приведённый на рисунке ниже, а также результаты, полученные в частях **А** и **В**, определите как можно точнее величину разности температур  $\Delta T$ , для следующих значений параметров на бесконечности:  $T_\infty = 27^\circ\text{C}$ ,  $\varphi_\infty = 70\%$ . Удельная теплота испарения воды и давление воздуха равны:  $L = 2,4 \cdot 10^6$  Дж/кг и  $p_0 = 10^5$  Па соответственно.

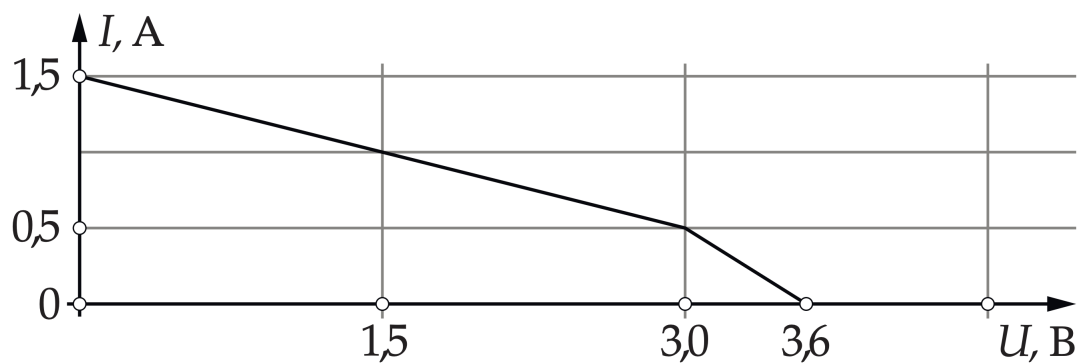


*Примечание.* При выполнении заданий части **А** может оказаться полезной формула:

$$\int_a^\infty \frac{dx}{x^2} = \frac{1}{a}.$$

См. конец листка

Ответ к задаче 2



Ответ к задаче 5

A1)  $q = -4\pi\kappa r_0 (T_\infty - T(r_0)), T(r) = T_\infty - (T_\infty - T(r_0)) \frac{r_0}{r};$

A2)  $m = 4\pi D r_0 t (n(r_0) - n_\infty) \frac{\mu_{H_2O}}{N_A};$

A3)  $\Delta\rho = \frac{\kappa}{LD} \Delta T;$

B)  $\frac{\kappa}{D} \approx 657 \frac{\text{Дж}}{\text{К}\cdot\text{м}^3};$

C)  $\Delta T = 5 \pm 0,5 \text{ K}$