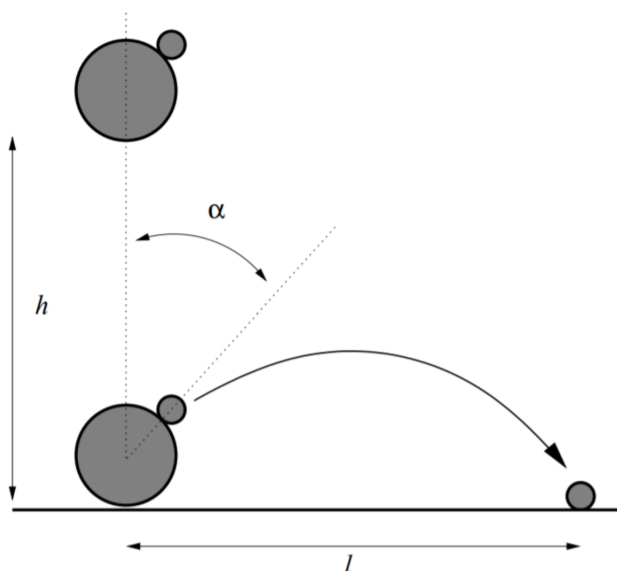


Олимпиада «Курчатов» по физике

10 класс, 2020 год

1. Шар для боулинга и мяч для гольфа сбрасывают вместе на плоскую поверхность с высоты h . Мяч для боулинга намного массивнее мяча для гольфа, и радиусы обоих шаров много меньше h . Шар для боулинга сталкивается с поверхностью и сразу после этого с мячом для гольфа: шары сбрасывают так, что все движения перед вторым столкновением являются вертикальными, и мяч для гольфа ударяется о шар для боулинга под углом α от его верхней точки, как показано на рисунке. Все столкновения являются абсолютно упругими, нет трения между шаром для боулинга и мячом для гольфа. После столкновения мяч для гольфа движется при отсутствии сопротивления воздуха и приземляется на расстояние l . Высота $h = 1$ м фиксирована, но α может меняться. Каково максимально возможное значение l и под каким углом α оно достигается?



$$l \approx 14,1 \text{ м}, \alpha \approx 27^\circ$$

2. Схема содержит n элементов с ЭДС $\mathcal{E}_1, \dots, \mathcal{E}_n$ и внутренними сопротивлениями r_1, \dots, r_n , как показано на рисунке 1. Элементы с $\mathcal{E}_1, \dots, \mathcal{E}_n$ и r_1, \dots, r_n заменяют на один элемент с ЭДС \mathcal{E} и внутренним сопротивлением r , как показано на рисунке 2, при этом падение напряжения на внешнем резисторе не меняется для любого значения сопротивления R . Найдите зависимость \mathcal{E} и r от $\mathcal{E}_1, \dots, \mathcal{E}_n$ и r_1, \dots, r_n .

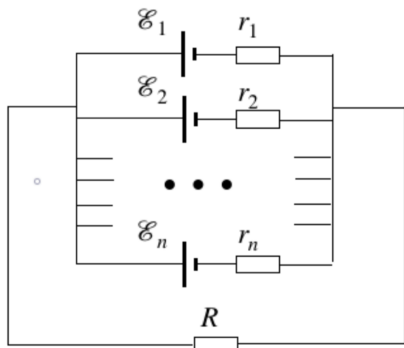


Рис. 1

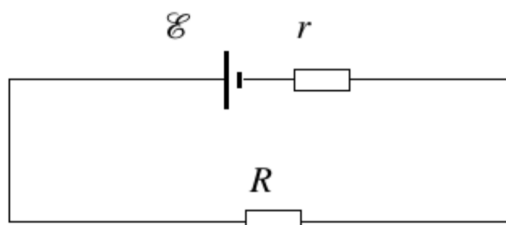


Рис. 2

$$\frac{\sum_{i=1}^n \mathcal{E}_i}{1} = \mathcal{E} ; \frac{\sum_{i=1}^n r_i}{1} = r$$

3. Горизонтальный цилиндр разделён пополам теплопроводящим поршнем. В одной половине находится гелий, в другой азот N_2 . Отношение k числа молей гелия к числу молей азота равно 3. Сначала поршень закреплён, и газы медленно обмениваются теплом. В момент, когда давления газов (но не их температуры) становятся одинаковыми и равными $P_0 = 0,35$ МПа, поршень отпускают. Найдите давление P газов в конечном состоянии механического и теплового равновесия. Стенки цилиндра не проводят тепло, поршень движется без трения.

$$P = \frac{4P_0(k+1)}{3k+5} = 0,4 \text{ МПа}$$

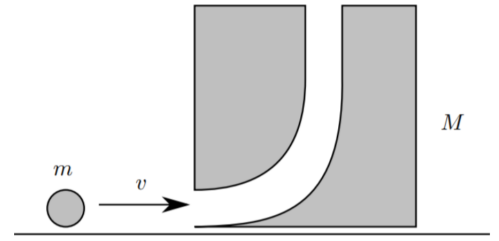
4. Влажный воздух адиабатически поднимается от поверхности моря вверх. Давление у поверхности моря равно $P_1 = 100$ кПа, температура воздуха — 298 К. На высоте, на которой давление становится равным $P_2 = 85$ кПа, начинают образовываться облака и начинает идти дождь. 1 кг влажного воздуха теряет $\Delta m = 2,5$ г воды в виде дождя по достижению высоты, давление на которой равно $P_3 = 70$ кПа. Удельную теплоту испарения воды принять равной $\lambda = 2500$ кДж/кг, считать, что на всем диапазоне высот плотность воздуха меняется линейно. Пренебречь влиянием паров воды на плотность воздуха, воздух считать идеальным двухатомным газом с плотностью $\rho_1 = 1,189$ кг/м³. Найти:

1. Температуру воздуха на высоте, где начинают появляться облака.
2. Найти высоту, на которой начинают появляться облака.
3. Найти температуру на высоте, где давление равно 70 кПа.

Примечание: Для адиабатического процесса верно $PV^\gamma = \text{const}$, где P — давление, V — объём, γ — показатель адиабаты. Для воздуха можно принять $\gamma = \frac{7}{5}$, теплоёмкость при постоянном объёме $C_V = 5R/2$, где $R = 8,31$ Дж/(моль · К) — универсальная газовая постоянная.

$$\frac{dQ}{m dV} + \frac{\lambda}{T-1} \left(\frac{dL}{dL} \right) = L \left(\frac{(\gamma d+1)d}{\gamma d-1} \right) \tau = \gamma \left(\frac{d}{\gamma d-1} \right) \tau = \tau L$$

5. В кубе массы M просверлено отверстие так, что шар массы m может войти горизонтально, а затем пройти через куб и вылететь вертикально вверх. Шар и куб расположены на поверхности без трения, куб изначально находится в покое. Рассмотрим ситуацию, в котором шар движется горизонтально со скоростью v_0 . Шар попадает в куб и выбрасывается из верхней части куба. Предположим, что нет потерь на трение, когда шар проходит через куб, где он входит в верхнее отверстие, а затем выбрасывается из бокового отверстия. Определите время возврата шарика в положение, в котором происходит первоначальное столкновение, в терминах отношения масс $\beta = \frac{M}{m} > 0$, скорости v_0 и ускорения свободного падения g .



$$\left(\frac{1-g}{g}\right) \frac{g+1}{g} \sqrt{\frac{b}{0.06g}} = t$$