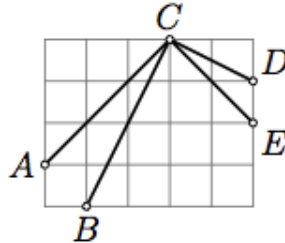


## Равенство треугольников

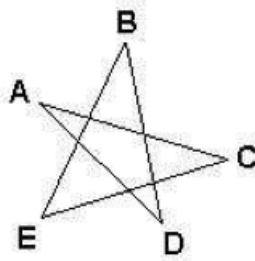
ЗАДАЧА 1. (Всеросс., 2020, ШЭ, 8.4) На клетчатой бумаге отмечены точки  $A, B, C, D, E$ , как на рисунке справа. Докажите, что  $\angle ACB = \angle DCE$ .



ЗАДАЧА 2. (Всеросс., 2013, ШЭ, 8.5) В пятиугольной звезде, изображённой на рисунке,

$$\angle ACE = \angle ADB \quad \text{и} \quad \angle DBE = \angle BEC.$$

Известно также, что  $BD = CE$ . Докажите, что  $\angle ACD = \angle ADC$ .



ЗАДАЧА 3. (Всеросс., 2019, ШЭ, 8.6) Выпуклый четырёхугольник  $ABCD$  таков, что  $\angle BAC = \angle BDA$  и  $\angle BAD = \angle ADC = 60^\circ$ . Найдите длину  $AD$ , если известно, что  $AB = 14$ ,  $CD = 6$ .

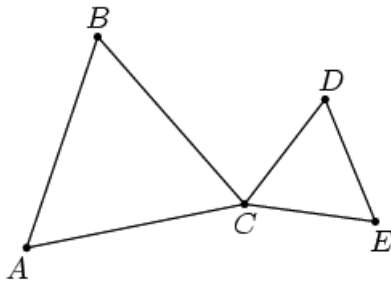
□

ЗАДАЧА 4. (Всеросс., 2017, МЭ, 8.5) В прямоугольнике  $ABCD$  на диагонали  $AC$  отмечена точка  $K$  так, что  $CK = BC$ . На стороне  $BC$  отмечена точка  $M$  так, что  $KM = CM$ . Докажите, что  $AK + BM = CM$ .

ЗАДАЧА 5. (Всеросс., 2016, МЭ, 8.5) Внутри равностороннего треугольника  $ABC$  отмечена произвольная точка  $M$ . Докажите, что можно выбрать на стороне  $AB$  точку  $C_1$ , на стороне  $BC$  — точку  $A_1$ , а на стороне  $AC$  — точку  $B_1$  таким образом, чтобы длины сторон треугольника  $A_1B_1C_1$  были равны отрезкам  $MA$ ,  $MB$  и  $MC$ .

ЗАДАЧА 6. (Всеросс., 2014, МЭ, 8.5) На сторонах  $BC$  и  $CD$  квадрата  $ABCD$  отмечены точки  $M$  и  $K$  соответственно так, что  $\angle BAM = \angle CKM = 30^\circ$ . Найдите  $\angle AKD$ .

ЗАДАЧА 7. (Московская устная олимпиада по геометрии, 2010, 8–9) Два равносторонних треугольника  $ABC$  и  $CDE$  имеют общую вершину (см. рисунок). Найдите угол между прямыми  $AD$  и  $BE$ .



◻09

ЗАДАЧА 8. (Турнир городов, 2014, 8–9) На боковых сторонах  $AB$  и  $AC$  равнобедренного треугольника  $ABC$  отметили соответственно точки  $K$  и  $L$  так, что  $AK = CL$  и  $\angle ALK + \angle LKB = 60^\circ$ . Докажите, что  $KL = BC$ .

ЗАДАЧА 9. (ММО, 2008, 8.3) На сторонах  $AB$  и  $BC$  треугольника  $ABC$  выбраны точки  $K$  и  $M$  соответственно так, что  $KM \parallel AC$ . Отрезки  $AM$  и  $KC$  пересекаются в точке  $O$ . Известно, что  $AK = AO$  и  $KM = MC$ . Докажите, что  $AM = KB$ .

ЗАДАЧА 10. (МГУ, мехмат, 2002-03.2) Точка  $O$  лежит на диагонали  $AC$  выпуклого четырехугольника  $ABCD$ . Известно, что  $OC = OD$  и что точка  $O$  одинаково удалена от прямых  $DA$ ,  $AB$  и  $BC$ . Найти углы четырехугольника, если  $\angle AOB = 110^\circ$  и  $\angle COD = 90^\circ$ .

◻011 ' ◻011 ' ◻06 ' ◻09