

Закон преломления

Вся необходимая теория имеется в статье «[Преломление света](#)» базового курса.

ЗАДАЧА 1. Найдите угол падения светового луча на поверхность стекла, если преломлённый луч перпендикулярен отражённому. Скорость света в воздухе равна $c = 3 \cdot 10^8$ м/с; скорость света в стекле — $v = 2 \cdot 10^8$ м/с.

$$\sin \alpha \approx \frac{c}{v} \sin \beta = v$$

ЗАДАЧА 2. Палка с изломом посередине погружена в пруд так, что наблюдателю, находящемуся на берегу и смотрящему вдоль надводной части палки, она кажется прямой, составляющей угол α с горизонтом. Чему равен (острый) угол β излома палки? Показатель преломления воды $n = 4/3$.

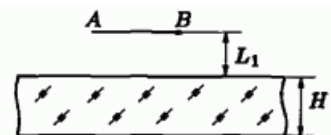
$$\left(\frac{u}{v \cos \alpha}\right) \sin \alpha - v - \frac{c}{v} = g$$

ЗАДАЧА 3. В горизонтальное дно озера, имеющего глубину H , вбита свая высотой h (над поверхностью дна). Найдите длину тени сваи на дне озера. Солнечные лучи падают на поверхность воды под углом α , показатель преломления воды равен n . Рассмотрите два случая: 1) $h < H$; 2) $h > H$.

$$\frac{v \sin \alpha - c \sin \beta}{v \sin H} + v \sin(H - \alpha) = l \left(\frac{v \sin \alpha - c \sin \beta}{v \sin \alpha} = l \right)$$

ЗАДАЧА 4. (*Всеобщ., 2003, ОЭ, 9*) В шестидесятых годах прошлого века группа советских физиков во главе с доктором физико-математических наук Виктором Георгиевичем Веселаго занималась поиском веществ, обладающих отрицательным показателем преломления. Поведение таких веществ было рассмотрено теоретически в статье, опубликованной в 1967 г. в журнале «Успехи физических наук» (том 92). В частности, в статье было показано, что остаётся справедливым закон преломления Снелля ($n_1 \sin \varphi_1 = n_2 \sin \varphi_2$, где φ_1 — угол падения, φ_2 — угол преломления, а n_1 и n_2 — соответствующие показатели преломления). При этом плоскопараллельная пластинка может при некоторых условиях быть идеальной «линзой». К сожалению, тогда найти вещества с такими свойствами не удалось. Однако в 2000 году группой физиков из университета Сан-Диего были созданы композитные материалы, обладающие отрицательным показателем преломления. . .

Над прозрачной плоскопараллельной пластинкой, обладающей отрицательным показателем преломления $n = -1$, находится светящаяся стрелка AB (рис.). Расстояние от неё до пластинки $L_1 = 6$ см, толщина пластинки $H = 10$ см. Под пластинкой возникает изображение $A'B'$ стрелки AB . Покажите построением, как получается это изображение. На каком расстоянии L_2 от нижней стороны плоскопараллельной пластинки будет находиться изображение $A'B'$? Действительным или мнимым будет это изображение? Найдите увеличение k , даваемое такой пластинкой в рассматриваемом случае. Будет ли это изображение единственным во всём пространстве? Отражения от границ раздела пластинка–воздух не учитывать.



$$\text{изображение} \text{ в} \text{ } l_2 \text{ ; } l_1 = \eta \text{ ; } \text{действительное} \text{ ; } k = \eta \text{ ; } l_1 - H = \eta l$$

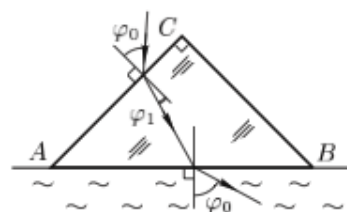
ЗАДАЧА 5. (МФТИ, 1981) Радиопередатчик, работающий на спутнике, позволяет фиксировать его угловое положение. Однако преломление радиоволн в атмосфере прифодит при этом к небольшой ошибке. Так, для спутника, видимого под углом 45° к вертикали, ошибка составляет две угловых минуты. Определить показатель преломления радиоволн атмосферой, считая её толщину малой по сравнению с высотой, на которой летит спутник.

$$\boxed{9000' \Gamma = u}$$

ЗАДАЧА 6. (МФТИ, 1975) Для определения показателя преломления жидкости её помещают в кювету, имеющую вид равнобедренной призмы с углом при вершине φ . Призма освещается параллельным пучком света таким образом, что лучи внутри жидкости идут параллельно основанию. Оказалось, что угол отклонения вышедшего пучка от первоначального направления распространения равен δ . Найти показатель преломления жидкости.

$$\boxed{\frac{\frac{\varepsilon}{\sigma} \text{u} \text{is}}{\varphi + \delta} = u}$$

ЗАДАЧА 7. (Всеросс., 2010, РЭ, 11) Поверхности воды касается равнобедренная стеклянная призма ABC (см. рисунок). Луч света, падающий из воздуха под углом φ_0 на грань AC , после прохождения призмы выходит через грань AB под тем же углом φ_0 . Чему равен угол преломления φ_1 ?



Показатель преломления воды $n_0 = 4/3$, угол C при вершине призмы — прямой. Величина угла φ_0 неизвестна.

$$\boxed{\delta \Gamma \approx \frac{\varepsilon \wedge^{0u} + \Gamma}{\Gamma} \text{Э} \text{I} \text{I} \text{I} \text{E} = \text{I} \delta}$$

ЗАДАЧА 8. На горизонтальном дне водоёма, имеющего глубину H , лежит плоское зеркало. Луч света падает на поверхность воды под углом α . На каком расстоянии от места падения луч снова выйдет на поверхность воды после отражения от зеркала? Показатель преломления воды равен n .

$$\boxed{\frac{\frac{\nu}{\varepsilon} \text{u} \text{is} - \varepsilon u \wedge}{\nu \text{u} \text{is} H \varepsilon} = l}$$

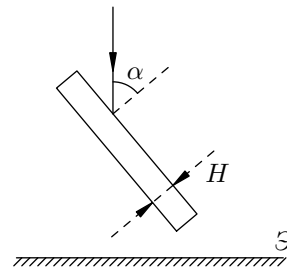
ЗАДАЧА 9. Световой луч падает под углом α на поверхность стеклянной плоскопараллельной пластинки толщиной d . Найдите величину сдвига луча на выходе из пластинки (то есть расстояние между вышедшим лучом и падающим). Показатель преломления стекла равен n .

$$\boxed{\left(\frac{\frac{\nu}{\varepsilon} \text{u} \text{is} - \varepsilon u \wedge}{\nu \text{u} \text{is} \cos \alpha} - \Gamma \right) \nu \text{u} \text{is} p = s}$$

ЗАДАЧА 10. На какое расстояние сместится луч света, распространяющийся в стекле с показателем преломления n , если на его пути имеется плоскопараллельная щель ширины d , заполненная воздухом? Угол падения луча на щель равен α , полного отражения не происходит.

$$\boxed{\left(\Gamma - \frac{\frac{\nu}{\varepsilon} \text{u} \text{is} \varepsilon u - \Gamma \wedge}{\nu \text{u} \text{is} \cos \alpha} \right) \nu \text{u} \text{is} p = s}$$

ЗАДАЧА 11. (МФТИ, 1987) Луч света падает на плоскопараллельную пластинку толщиной $H = 1$ см из стекла с показателем преломления $n = 1,73$ (см. рисунок). Из-за многократных отражений от граней пластинки на экране Э образуется ряд светлых пятен. Найдите расстояние между пятнами, если угол падения $\alpha = 60^\circ$, а падающий луч перпендикулярен плоскости экрана. Плоскость падения луча совпадает с плоскостью рисунка.



$$x \approx \frac{v_{\text{ср}} \sin \alpha}{v_{\text{ст}} \cos \alpha} H = x$$

ЗАДАЧА 12. (МФТИ, 1987) На плоскопараллельную стеклянную пластинку, нижняя грань которой посеребрена, падает под углом $\alpha = 30^\circ$ узкий пучок света, содержащий излучение двух длин волн. Показатель преломления стекла для одной длины волны равен n_1 , а для другой — n_2 ($n_2 > n_1$). В результате первого преломления на верхней грани, однократного отражения от нижней и ещё одного преломления на верхней грани из пластинки выходят два пучка света. Найдите расстояние между пучками, вышедшими из пластинки, если её толщина равна H .

$$\left(\frac{1 - \frac{v_1 \sin \alpha}{c}}{1} - \frac{1 - \frac{v_2 \sin \alpha}{c}}{1} \right) \sin \alpha H = s$$

ЗАДАЧА 13. На поверхности водоёма, имеющего глубину H , плавает фанерный круг радиуса r , над центром которого на некоторой высоте h расположен точечный источник света. При какой величине h радиус R тени от круга на дне водоёма будет максимальным? Найдите этот максимальный радиус. Показатель преломления воды равен n .

$$0 = \frac{dR}{dh} \text{ или } \frac{1 - \frac{v \sin \alpha}{c}}{H} + \alpha = \frac{dR}{dh}$$

ЗАДАЧА 14. (МФТИ, 1994) На спокойной поверхности водоёма появилось пятно загрязнения радиуса $R = 5$ м, не пропускающее свет. Определите размер области на дне водоёма, куда не попадает свет. Поверхность воды освещается рассеянным светом. Глубина водоёма $H = 2,6$ м. Показатель преломления воды $n = 4/3$. Отражение от дна не учитывать.

$$r \approx \frac{1 - \frac{v \sin \alpha}{c}}{H} - \alpha = R$$

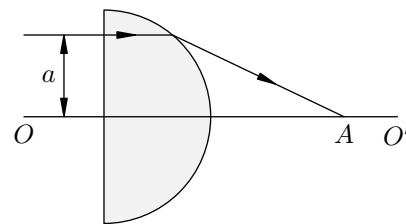
ЗАДАЧА 15. (МФТИ, 1994) Поверхность озера глубиной $H = 1,3$ м покрыта тонким слоем льда со снегом, практически не пропускающим свет. Найти площадь светлого пятна на дне озера от полыньи в форме круга радиуса $R = 2$ м. Озеро освещается рассеянным светом. Показатель преломления воды $n = 4/3$.

$$r \approx \frac{1 - \frac{v \sin \alpha}{c}}{H} + \alpha = R$$

ЗАДАЧА 16. («Покори Воробьёвы горы!», 2014, 10–11) В ясный солнечный день на поверхности пруда плавает плот, отбрасывая на горизонтальное дно пруда тень в форме квадрата со стороной $2a = 2$ м. Какова глубина пруда, если при затягивании неба сплошной облачностью тень на дне пруда вырождается в точку? Показатель преломления воды относительно воздуха $n = 1,33$. Поверхность воды считать гладкой. Толщиной плота пренебречь.

$$r \approx \frac{1 - \frac{v \sin \alpha}{c}}{H} = H$$

ЗАДАЧА 17. (МФТИ, 1994) Тонкий пучок лучей света падает перпендикулярно на плоскую поверхность половины оптически прозрачного шара (см. рисунок). Радиус шара R , расстояние от луча до оси OO' , проходящей через центр шара O , равно $a = 0,6R$, показатель преломления материала шара $n = 4/3$. Найти расстояние от точки O до точки A пересечения луча, преломлённого на сферической поверхности, с осью OO' .



$$\frac{a}{R} = \frac{1}{3}$$

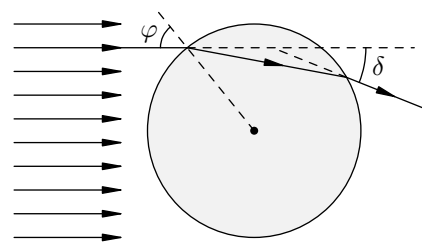
ЗАДАЧА 18. (МФТИ, 1994) Оптически прозрачный шар радиуса R помещён в параллельный пучок лучей света. Минимальное расстояние, пройденное одним из преломлённых лучей внутри шара (до первого пересечения с поверхностью), оказалось равным $R\sqrt{7}/2$. Найти показатель преломления материала шара.

$$\frac{\varepsilon}{\mu} = n$$

ЗАДАЧА 19. (МФТИ, 1994) Луч света падает на поверхность стеклянного шара параллельно некоторой оси OO' , проходящей через его центр. Угол падения этого луча на поверхность шара $\varphi = \arcsin(24/25)$. Преломлённый луч проходит через точку пересечения этой оси с поверхностью шара. Найти показатель преломления стекла.

$$n = \frac{5}{3}$$

ЗАДАЧА 20. (МФТИ, 1994) Шар из оптически прозрачного материала помещён в параллельный пучок света (см. рисунок). Угол падения одного из лучей на поверхность шара $\varphi = \arctg(4/3)$. Угол его отклонения от первоначального направления после двух преломлений на поверхности шара $\delta = 2 \arctg(7/24)$. Найти показатель преломления материала шара.



$$n = \frac{4}{3}$$

ЗАДАЧА 21. («Покори Воробьёвы горы!», 2015, 10–11) Точечный источник света расположен в воздухе практически вплотную к поверхности прозрачного шара. При этом все лучи от этого источника, попадающие внутрь шара, после выхода из него в воздух пересекаются с лучом, проходящим через центр шара. Что можно сказать о показателе преломления вещества этого шара?

$$n < 2$$

Задача 22. (МОШ, 2015, 11) Внутри прозрачного шестигранного корпуса шариковой ручки имеется круглый канал, заполненный чернилами. При рассматривании тёмного канала через прозрачный корпус было отмечено, что вращение корпуса вокруг его оси симметрии приводит к изменению видимой толщины канала с чернилами. Ширина видимой тёмной полосы максимальна, когда ближайшее ребро шестигранника, ось симметрии ручки и глаз наблюдателя лежат в одной плоскости. Отношение максимальной видимой толщины канала к его минимальной видимой толщине при неизменном расстоянии от ручки до глаза (которое во много раз больше толщины ручки) равно двум. Отношение диаметра d канала к длине L стороны шестигранника равно $d/L = \sqrt{3}/4$. Найдите показатель преломления n материала, из которого сделан корпус.

$$\boxed{z = u}$$

Задача 23. (Всеросс., 2017, финал, 11) Как известно, Солнце не является точечным источником света, а имеет малый угловой диаметр (при наблюдении с Земли) $2\delta = 0,52^\circ$. Этот факт приводит к тому, что область полной тени за Землёй оказывается конечной.

1. Пусть рефракция (явление преломления солнечных лучей в земной атмосфере) отсутствует. На каком расстоянии L_1 от Земли ещё будет наблюдаться полная тень? Найдите продолжительность полного лунного затмения в этом случае.
2. В действительности рефракция оказывает существенное влияние на размер области полной тени. Пусть атмосфера Земли имеет приведённую высоту $h = 8$ км и средний показатель преломления $n = 1,00028$.

Полагая, что границу тени образуют лучи, идущие по касательной к поверхности Земли, определите, на каком максимальном расстоянии L_2 теперь будет наблюдаться полная тень. Какая часть площади лунного диска окажется затемнена?

Радиус Земли $R = 6400$ км, ускорение свободного падения $g = 9,8$ м/с², угловой диаметр Луны равен угловому диаметру Солнца 2δ , период обращения Луны вокруг Земли $T_0 = 27,3$ сут.

$$\boxed{1. L_1 = \frac{R}{\delta} \approx 1,4 \cdot 10^6 \text{ км}, T \approx 1,6 \text{ ч}; 2. L_2 = \frac{\delta + (n-1)\sqrt{\frac{h}{2}}}{R} \approx 4,08 \cdot 10^5 \text{ км}, \varepsilon \approx 0,048}$$