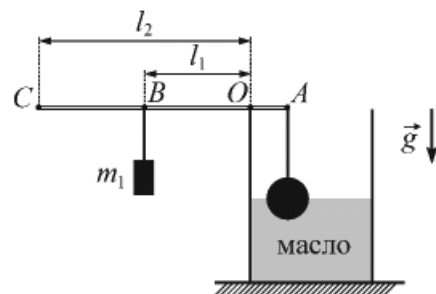


Гидростатика

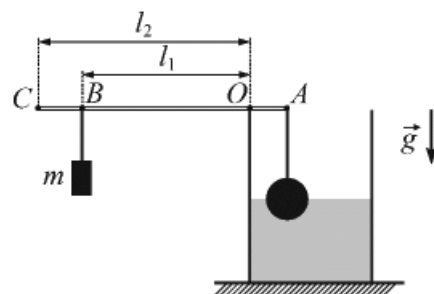
В этом листке собраны задачи по гидростатике, в основном использующие разные комбинированные идеи.

ЗАДАЧА 1. (МФО, 2016, 7) К правому концу A стержня, масса которого пренебрежимо мала, подвесили на тонкой нити алюминиевый шарик. Стержень положили на край сосуда с машинным маслом (как показано на рисунке), а к точке B , находящейся на расстоянии $l_1 = 50$ см слева от точки опоры O , подвесили груз массой $m_1 = 2,3$ кг. При этом шарик оказался погружен в масло на половину своего объёма. Затем груз m_1 сняли, а стержень с шаром перенесли и положили на край сосуда с водой так, что точка опоры O осталась прежней. Груз какой массой m_2 надо подвесить к другому концу стержня C , находящемуся на расстоянии $l_2 = 110$ см от точки O , чтобы алюминиевый шарик снова оказался погруженным на половину своего объёма? Плотности алюминия, машинного масла и воды равны $\rho_a = 2700$ кг/м³, $\rho_m = 800$ кг/м³ и $\rho_v = 1000$ кг/м³ соответственно. Перед погружением шарика в воду его тщательно протерли от масла.



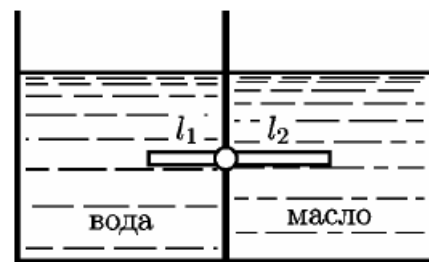
$$\text{или } \Gamma = \frac{\tau_1}{l_1} \frac{v_d - v_d z}{v_d - v_d z} \Gamma u = \tau u$$

ЗАДАЧА 2. (МФО, 2016, 8) К правому концу A стержня, масса которого пренебрежимо мала, подвесили на тонкой нити алюминиевый шарик. Стержень положили на край сосуда с водой (как показано на рисунке), а к точке B , находящейся на расстоянии $l_1 = 50$ см слева от точки опоры O , подвесили груз такой массой m , что шарик оказался погруженным в воду на половину своего объёма. На какую часть своего объёма окажется погруженным в воду этот шарик, если груз m перевесить из точки B в точку C , находящуюся на расстоянии $l_2 = 60$ см слева от точки O ? Плотность алюминия $\rho_a = 2700$ кг/м³, плотность воды $\rho_v = 1000$ кг/м³.



$$90'0 = \left(\frac{\tau}{l} - \frac{a_d}{v_d} \right) \frac{l_1}{\tau_1} - \frac{a_d}{v_d} = v$$

ЗАДАЧА 3. (МФО, 2007, 8) Плотность масла измеряют в опыте, схема которого показана на рисунке. Сосуд разделён на две части вертикальной перегородкой. В одну часть сосуда налита вода, в другую — масло. В перегородку встроены шарнир, который может вращаться без трения. В шарнир вставлена однородная сосновая линейка, которая находится в равновесии. Длина левой части линейки равна $l_1 = 40$ см, правой — $l_2 = 60$ см. Плотность воды равна $\rho_{\text{в}} = 1000$ кг/м³, плотность линейки $\rho = 600$ кг/м³. Чему равна плотность масла $\rho_{\text{м}}$?



$$\rho_{\text{м}} l_2 \approx \left(\frac{\rho_{\text{в}}}{\rho} \right) (d - \rho d) + d = \rho d$$

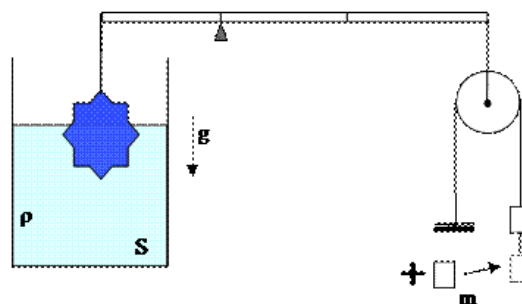
ЗАДАЧА 4. (МФО, 2010, 8) В вертикальный цилиндрический стакан высотой $H = 10$ см и площадью дна $S = 100$ см² налита вода до уровня $h = 8$ см. В стакан опустили, не разбрызгивая воду, $N_1 = 100$ стальных шариков объёмом $V_1 = 1$ см³ каждый, а затем ещё $N_2 = 50$ ледяных кубиков объёмом $V_2 = 2,5$ см³. Какова оказалась после этого сила F давления на дно стакана? Плотность воды $\rho = 1$ г/см³, стали — $\rho_1 = 7,8$ г/см³, льда — $\rho_2 = 0,9$ г/см³, ускорение свободного падения $g = 10$ м/с², трением и атмосферным давлением пренебречь.

$$F = \rho g (d - \rho d) N + S H \rho d = F$$

ЗАДАЧА 5. («Физтех», 2014, 8–10) В цилиндрическом сосуде с водой плавает поплавок, к которому привязан груз массой $m = 3$ кг и объёмом $V = 1$ л. Как изменится уровень воды в сосуде, если нить оборвётся и груз утонет? Площадь дна сосуда $S = 100$ см², плотность воды $\rho = 1000$ кг/м³. Ответ выразите в сантиметрах. Если ответ не целый, то округлить до сотых. Вводите положительное число, если уровень воды повысится, и отрицательное, если понизится.

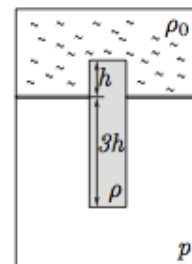
02-

ЗАДАЧА 6. («Физтех», 2016, 8) Тело, частично погружённое в жидкость, находящуюся в сосуде с вертикальными стенками, уравновешено с помощью рычага, блока и груза. Опора делит рычаг в отношении 1 : 2. На сколько изменится (по модулю) высота уровня жидкости в сосуде, если к грузу добавить довесок, имеющий массу 0,3 кг? Тело остаётся частично погружённым в жидкость. Площадь дна сосуда $S = 100$ см². Плотность жидкости 1200 кг/м³. Ответ выразить в см, округлить до целых.



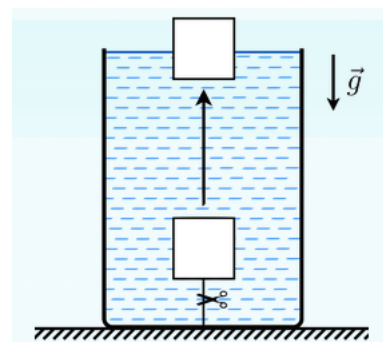
01

ЗАДАЧА 7. («Максвелл», 2014, 8) В герметичном сосуде сверху находится жидкость с плотностью $\rho_0 = 800 \text{ кг/м}^3$, отделённая легким подвижным поршнем от газа (см. рисунок), находящегося внизу и имеющего давление $p = 20 \text{ кПа}$. В поршне есть круглое отверстие, в которое вставлен цилиндрический поплавок, причём в жидкость поплавок погружён на некоторую длину h , а в газ — на длину $3h$. Площадь основания поплавка S . Поплавок может свободно скользить относительно поршня, а поршень — относительно стенок сосуда. Жидкость нигде не подтекает. Какой должна быть плотность поплавка ρ , чтобы система могла оставаться в равновесии? Ускорение свободного падения $g = 10 \text{ м/с}^2$.



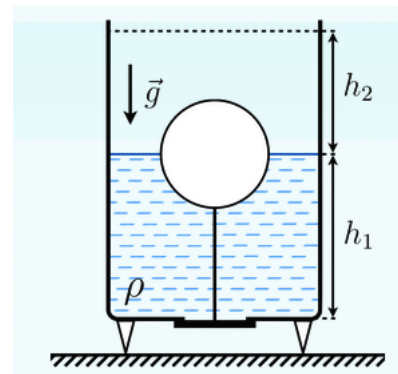
8M/1M 002 = d

ЗАДАЧА 8. (Олимпиада Физтех-лицея, 2015, 10–11) С помощью нити пластиковый кубик массой $m = 24 \text{ г}$ прикреплен ко дну цилиндрического сосуда, наполненного водой, причём кубик целиком погружён в воду. После того как перерезали нить, кубик всплывает. Как и на сколько изменился уровень воды в сосуде? Ответ выразить в мм, округлив до целых. Если уровень повысился, то ответ следует внести со знаком «+», если же понизился, то со знаком «-». Длина ребра кубика равна $a = 4 \text{ см}$. Площадь поперечного сечения сосуда равна $S = 200 \text{ см}^2$. Плотность воды $\rho = 1 \text{ г/см}^3$.



7-

ЗАДАЧА 9. (Олимпиада Физтех-лицея, 2015, 8–9) Сосуд заполнен жидкостью плотности $\rho = 1,5 \text{ г/см}^3$ до уровня $h_1 = 30 \text{ см}$. Отверстие площади $S = 120 \text{ см}^2$ в дне перекрыто снизу пластинкой, которая связана нитью с поплавком, наполовину погружённым в жидкость. С какой силой пластинка давит на дно, если при повышении уровня жидкости на величину $h_2 = 50 \text{ см}$ (при которой поплавок полностью погружён) жидкость начинает выдавливаться из отверстия? Ответ выразить в Н, округлив до целых. Ускорение свободного падения $g = 10 \text{ Н/кг}$. Массами поплавка, нити и пластинки пренебречь.



8I

ЗАДАЧА 10. («Физтех», 2015, 10) В цилиндрическом сосуде с вертикальными стенками, наполненном солёной водой с плотностью 1250 кг/м^3 , плавает кусок пресного льда. Когда лёд растаял, глубина жидкости в сосуде увеличилась на 5%. Какой стала плотность жидкости после таяния льда? Ответ выразите в кг/м^3 и округлите до целых.

06II

ЗАДАЧА 11. («Покори Воробьёвы горы!», 2014, 7–9) Наземникус решил спрятать один из вынесенных золотых слитков в глубоком цилиндрическом колодце, площадь поперечного сечения которого $S = 0,5 \text{ м}^2$. В колодце была вода и поддерживалась температура 0°C . Наземникус поместил слиток в кусок льда, причем лёд со слитком плавал на поверхности воды в колодце, не касаясь стенок. Из-за небольшого повышения температуры лёд все-таки растаял, и уровень воды в колодце понизился на $\Delta h_1 \approx 9,48 \text{ мм}$ (вода из колодца не выливается и в колодец не поступает). После извлечения слитка из колодца уровень понизился ещё на $\Delta h_2 \approx 0,52 \text{ мм}$. Найдите массу золотого слитка и определите его плотность (слитки содержат небольшое количество примесей, и их плотность может отличаться от «табличной» плотности чистого золота). Плотность воды в колодце $\rho_0 = 1,00 \text{ г/см}^3$, тепловым расширением всех материалов при небольшом нагревании пренебечь.

$$\rho_{\text{зол}} \approx \frac{\rho_0 \Delta h_1}{\Delta h_1 + \Delta h_2} = \rho_0 \frac{\Delta h_1}{\Delta h_1 + \Delta h_2} \approx (\rho_0 \Delta h_1 + \rho_{\text{зол}} \Delta h_2) S \Delta h = m$$