

Консервативные системы

Система тел называется *консервативной*, если для неё выполняется закон сохранения механической энергии: $K + W = \text{const}$, где K — кинетическая энергия системы, W — её потенциальная энергия.

Если в системе имеются упругие пружины и при этом сама система находится во внешнем поле силы тяжести, то W является суммой соответствующих слагаемых вида $kx^2/2$ и mgh . Такая система будет консервативной при условии, что на тела системы не действуют силы сопротивления движению — в частности, силы трения.

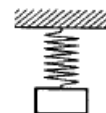
ЗАДАЧА 1. («Покори Воробьёвы горы!», 2018, 7–9) Снаряд массы $m = 6$ кг, летевший вертикально, взорвался в верхней точке траектории. При этом образовались два осколка, полетевшие поступательно. Известно, что в результате взрыва суммарная кинетическая энергия осколков увеличилась на $W = 480$ кДж, а масса образовавшихся пороховых газов пренебрежимо мала. Относительная скорость разлёта осколков сразу после взрыва оказалась на 25% больше минимально возможной. Найдите эту скорость. Каким было отношение масс осколков?

$$v = \frac{v_{\text{отн}}}{v_{\text{отн}}} \cdot c/n \cdot 0001 = \frac{m \cdot z}{M} \cdot \Lambda \cdot g = a$$

ЗАДАЧА 2. (МФТИ, 1976) Цирковой гимнаст падает с высоты $H = 1,5$ м на туго натянутую упругую предохранительную сетку. Каково будет максимальное провисание гимнаста в сетке, если в случае спокойно лежащего в сетке гимнаста провисание $l = 0,1$ м?

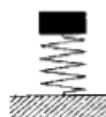
$$m \cdot g \cdot H = \frac{H \cdot l}{2} + \frac{1}{2} k l^2 + l = x$$

ЗАДАЧА 3. (МОШ, 2017, 11) Груз, подвешенный на лёгкой пружине жёсткостью $k = 200$ Н/м, растягивает её на $x = 2$ см. Какую работу необходимо совершить вертикальной силе, приложенной к грузу, чтобы деформация пружины стала вдвое больше начальной?



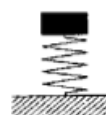
$$A_1 = 0,04 \text{ Дж}, A_2 = 0,36 \text{ Дж}$$

ЗАДАЧА 4. (Всеросс., 2018, МЭ, 11) На лёгкой вертикально установленной пружине уравновешена гиря. Деформация пружины при этом составляет $x = 6$ см. Чтобы увеличить деформацию пружины вдвое, медленно надавливая на груз в вертикальном направлении, надо совершить работу $A = 1$ Дж. Найдите жёсткость пружины.



$$k \text{ Н/м} \cdot 952 \approx \frac{z \cdot x}{V} = \gamma$$

ЗАДАЧА 5. (МОШ, 2018, 11) На лёгкой пружине уравновешена гиря. Деформация пружины при этом составляет $x = 5$ см. Чтобы увеличить деформацию пружины вдвое, медленно приподнимая груз в вертикальном направлении, надо совершить работу $A = 9$ Дж. Найдите жёсткость пружины.

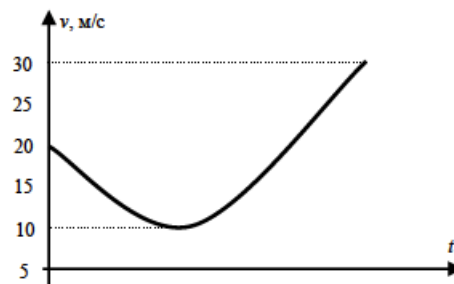


$$k \text{ Н/м} \cdot 008 \approx \frac{z \cdot x \cdot 6}{V} = \gamma$$

ЗАДАЧА 6. («Курчатов», 2018, 10) Два одинаковых груза массой $m = 100$ г каждый соединены лёгкой вертикальной пружиной. Жёсткость пружины $k = 50$ Н/м. Изначально верхний груз удерживают неподвижно, и система находится в равновесии. Затем верхний груз отпускают. Определите начальное удлинение x_1 пружины и максимальное удлинение x_2 пружины в процессе движения. Ускорение свободного падения примите равным $g = 10$ м/с².

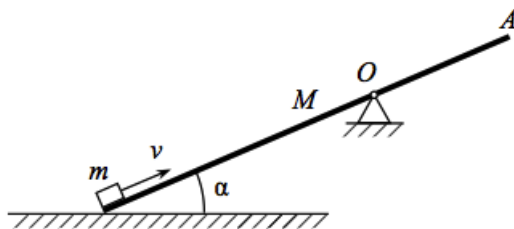
$$x_1 = x_2 = 1x$$

ЗАДАЧА 7. (МОШ, 2017, 11) На графике представлена зависимость модуля скорости шарика, брошенного под углом к горизонту с балкона, от момента броска до падения на землю. Определите, под каким углом был брошен шарик и на какой высоте над землёй находится балкон. Сопротивлением воздуха можно пренебречь. $g = 10$ м/с².



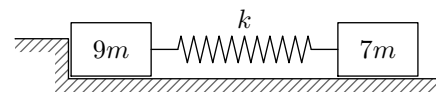
$$60^\circ; 25$$

ЗАДАЧА 8. (МОШ, 2018, 11) Груз массой m толкнули вверх по гладкой доске массой M и длиной l , шарнирно закреплённой в точке O (см. рис.). Доска с горизонтом составляет угол α , расстояние $OA = h < l/2$. Какую скорость v нужно сообщить грузу, чтобы нижний конец доски оторвался от пола?



$$v > \frac{m}{M} \sqrt{\frac{2gh}{\sin \alpha} \left(\frac{Ml}{2} + h - l \right)}$$

ЗАДАЧА 9. («Физтех», 2011) На гладкой горизонтальной поверхности стола находятся бруски массами $9m$ и $7m$, к которым прикреплена лёгкая упругая пружина жёсткостью k , сжатая на величину x_0 (см. рисунок). Брусок массой $7m$ удерживают неподвижно, другой брусок прижат к упору. Затем брусок массой $7m$ отпускают.

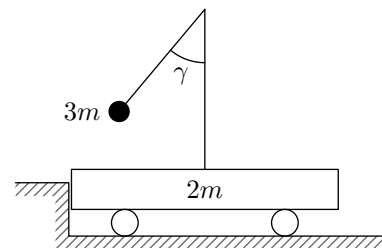


- 1) Найдите скорость бруска массой $7m$ в момент отрыва другого бруска от упора.
- 2) Найдите величину деформации пружины при максимальном расстоянии между брусками в процессе их движения после отрыва от упора.

Примечание. Величиной деформации называется модуль разности длин пружины в напряжённом и ненапряжённом состояниях.

$$v = x \sqrt{\frac{m}{9}} \quad x = a$$

ЗАДАЧА 10. («Физтех», 2011) На горизонтальной поверхности стола находится платформа с укрепленным на ней штативом. К штативу привязан на нити длиной l небольшой по сравнению с длиной нити шар. Масса платформы со штативом $2m$, масса шара $3m$. Шар отклоняют и удерживают неподвижно так, что нить составляет угол γ ($\cos \gamma = 1/3$) с вертикалью, а платформа прижата к упору (см. рисунок). Затем шар отпускают.



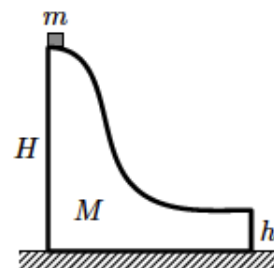
1) Найдите скорость шара в момент отрыва платформы от упора.

2) Найдите максимальный угол отклонения нити от вертикали направо в процессе движения системы после отрыва от упора.

Направления всех движений параллельны одной и той же вертикальной плоскости. Массой колёс платформы пренебречь.

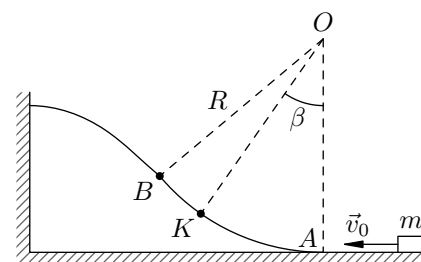
$$\frac{3l}{11} \cos \gamma = v \left(\gamma : \sqrt{\frac{6}{5}} \right) \wedge = a \quad (1)$$

ЗАДАЧА 11. («Курчатов», 2017, 11) Небольшая шайба массой m скатывается с вершины гладкой горки массой M и высотой H . Горка находится на гладкой поверхности. На какой высоте h над поверхностью должен находиться нижний горизонтальный участок горки для того, чтобы шайба упала на поверхность на максимальном расстоянии от точки поверхности, над которой произошел отрыв? Чему равно это расстояние, если $m : M = 19 : 81$, а высота горки $H = 1$ м?



$$v_{\text{отр}} = \frac{m+M}{M} \sqrt{gH} \quad \wedge H = \text{const} \quad \gamma/H = \eta$$

ЗАДАЧА 12. (МФТИ, 2001) На гладкой горизонтальной поверхности стола покоится горка, упирающаяся в гладкую вертикальную стенку (см. рисунок). Участок AB профиля горки — дуга окружности радиусом R . По направлению к горке движется со скоростью v_0 небольшая по сравнению с размерами горки монета массой m . Монета въезжает на горку, движется по горке без трения, не отрываясь от неё, и достигает точки K , продолжая движение. Радиус OK составляет с вертикалью угол β ($\cos \beta = 5/7$).

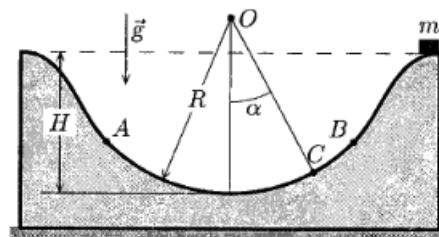


1) Найти скорость монеты в точке K .

2) Найти силу давления горки на стенку в момент прохождения монетой точки K .

$$\left(\frac{l}{b} + \frac{y}{a} \right) m \frac{l}{\sqrt{2}} = J \left(\gamma : \sqrt{\frac{4}{2}} - \frac{0a}{z} \right) \wedge = a \quad (1)$$

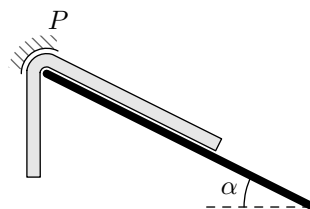
ЗАДАЧА 13. (МФТИ, 2001) На горизонтальной поверхности стола покоится чаша с небольшой по сравнению с чашей шайбой массой m (см. рисунок). Нижняя часть AB внутренней поверхности чаши есть часть сферы радиусом R . Глубина чаши $H = 3R/5$, её внутренняя поверхность гладкая. Шайба начинает скользить без начальной скорости и при движении не отрывается от чаши, а чаша остаётся в покое. Шайба достигает точки C , для которой угол между радиусом OC и вертикалью равен α ($\cos \alpha = 4/5$).



- 1) Найти скорость шайбы в точке C .
- 2) Найти силу трения между чашей и столом при прохождении шайбой точки C .

$$mv \frac{dz}{dt} = v \sin \left(z - v \cos \alpha + \frac{H}{R} \right) \delta u = f \left(z ; \frac{g}{R} \right) \Lambda z = a \quad (1)$$

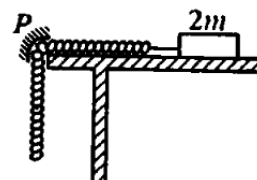
ЗАДАЧА 14. (МФТИ, 1998) На доске, наклонённой под углом 30° к горизонту, удерживают в покое однородную гибкую верёвку длиной $l = 40$ см так, что на доске лежит $4/7$ длины верёвки, а $3/7$ висит вертикально (см. рисунок). Трение верёвки о доску и направляющий желоб P пренебрежимо мало. Верёвку отпускают, и она движется, оставаясь в одной и той же вертикальной плоскости.



- 1) Найти ускорение верёвки в начальный момент движения.
- 2) Найти скорость верёвки в момент, когда соскользнёт с доски и примет вертикальное положение.

$$v \sin \alpha \approx \frac{v \sin \alpha - g}{2} \Lambda \frac{z}{l} = a \quad (z ; v \sin \alpha \approx \frac{z}{l} = v \sin \alpha - g) \frac{z}{l} = v \quad (1)$$

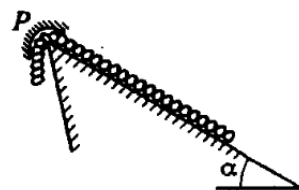
ЗАДАЧА 15. (МФТИ, 1998) Однородный гибкий канат массой m и длиной $L = 75$ см прикреплен к бруску массой $2m$, находящемуся на горизонтальной поверхности стола (см. рисунок). Со стола свешивается половина длины каната. Коэффициент трения бруска о стол $\mu = 0,15$. Трением каната о стол и направляющий желоб P пренебречь. Брусок удерживают в покое, а затем отпускают.



- 1) Найти ускорение бруска в начале движения.
- 2) Найти скорость бруска в момент, когда канат соскользнёт со стола.

$$v \sin \alpha \approx \frac{7g}{18} \Lambda \frac{z}{L} = a \quad (z ; v \sin \alpha \approx \frac{z}{L} = v \sin \alpha - g) \frac{z}{L} = v \quad (1)$$

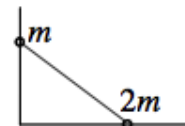
ЗАДАЧА 16. (МФТИ, 1998) Цепочку длиной $l = 20$ см удерживают в покое на клине так, что на наклонённой под углом α ($\sin \alpha = 3/5$) к горизонту поверхности клина лежит $2/3$ цепочки, а $1/3$ висит (см. рисунок). Трение цепочки о клин и направляющий желоб P пренебрежимо мало. Цепочку отпускают, и она «заползает» на клин, оставаясь в одной и той же вертикальной плоскости.



- 1) Найти ускорение цепочки в начальный момент движения.
- 2) Найти скорость цепочки в момент, когда она полностью окажется на клине.

$$v \sin \alpha \approx \frac{7g}{18} \Lambda \frac{z}{l} = a \quad (z ; v \sin \alpha \approx \frac{z}{l} = v \sin \alpha - g) \frac{z}{l} = v \quad (1)$$

Задача 17. («Росатом», 2012, 11) Стержень согнули под углом 90° и расположили так, что одна из сторон получившегося угла вертикальна, а вторая горизонтальна. На каждую сторону угла надели маленькие массивные бусинки с массами m и $2m$ и соединили их невесомым стержнем длиной l . В начальный момент стержень вертикален. Затем от малого толчка он приходит в движение, и бусинки скользят по сторонам угла (см. рисунок). Найти максимальную скорость нижней бусинки в процессе последующего движения.



$$(0 = z - xz + \epsilon x \text{ винэнвэл винэпэо олоннэжигоипи лэлялэглэе}) \sqrt{6} \wedge \epsilon \epsilon^2 \cdot 0 \approx a$$

Задача 18. (МОШ, 2012, 10) «Водяная ракета» представляет собой полторалитровую ($V = 1,5$ л) бутылку, в которую налито небольшое количество воды массой $m = 200$ г. Ракета несёт полезный груз, укреплённый на её корпусе снаружи. Бутылка заткнута резиновой пробкой, а давление воздуха в ней равно $p = 5$ атмосфер. Оцените, на какую высоту взлетит эта ракета, запущенная вертикально вверх из перевёрнутого положения в результате быстрого выброса воды после удаления пробки. В момент старта ракета была неподвижна. Общая масса взлетевшей ракеты с «боеголовкой» $M = 0,5$ кг. Считайте, что давление в бутылке при выбросе воды меняется не сильно. Массой пробки и воздуха в бутылке пренебречь. Плотность воды $\rho = 1000$ кг/м³, ускорение свободного падения $g = 10$ м/с².

$$\text{н } g^2 \approx \frac{(m + pV) \sqrt{6} \delta \delta \epsilon}{z \text{ удф}} = \eta$$

Задача 19. (МОШ, 2012, 11) На лёгкой короткой нити к ветке сосны подвешена гирька массой $m = 1$ кг. К ней привязана другая лёгкая нить с длиной в недеформированном состоянии $L = 1$ м и жёсткостью $k = 1$ кН/м, на конце которой висит ещё одна гирька массой $m = 1$ кг. Система находилась в равновесии до момента, когда верхнюю нить перебил дятел. Гирьки упали на землю одновременно. Каково расстояние H от ветки до земли? Ускорение свободного падения $g = 10$ м/с².

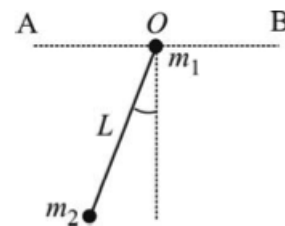
$$\text{н } g^2 z = \left(\frac{6 m z}{T k} + 1 \right) \frac{z}{T} = H$$

Задача 20. (МОШ, 2010, 11) На гладкой горизонтальной плоскости покоится гладкая горка высотой H и массой M , а на её вершине лежит небольшая шайба массой m (см. рисунок). После лёгкого толчка шайба скатывается с горки и скользит перпендикулярно массивной вертикальной стенке, движущейся по плоскости в сторону горки со скоростью u . Испытав абсолютно упругое столкновение со стенкой, шайба скользит в обратном направлении, к горке. С какой минимальной скоростью u должна двигаться стенка, чтобы шайба смогла преодолеть горку?



$$\frac{m + pV}{pV} H \delta \zeta \sqrt{\frac{pV}{m}} = n$$

Задача 21. (МОШ, 2013, 10) Два маленьких шарика 1 и 2, масса каждого из которых m , соединены невесомым стержнем длиной L . Первый шарик шарнирно закреплён в точке O , а второй шарик совершает колебания в вертикальной плоскости. В один из моментов, когда стержень был вертикален, верхний шарик освободили из крепления. Когда угол между стержнем и вертикалью оказался равным $\beta > 0$, шарик 2 приблизился к прямой AB на минимальное расстояние. С какой скоростью двигался шарик 2 в момент освобождения шарика 1? Сопротивлением воздуха пренебречь.

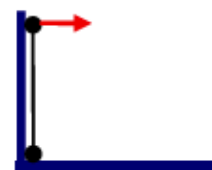


$$\frac{g \sin \beta}{g} \sqrt{2L} = a$$

Задача 22. (МОШ, 2013, 11) Гантель, состоящая из двух шариков массами m и $2m$ и лёгкого стержня длиной L , поставлена вертикально на гладкую горизонтальную поверхность более массивным шариком вниз. После небольшого толчка нижний шарик гантели начинает двигаться по горизонтальной поверхности, а верхний — двигаться в пространстве. Найдите модули скоростей v_1 и v_2 шариков в зависимости от синуса угла наклона β гантели к горизонту. Ускорение свободного падения равно g .

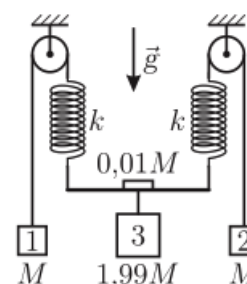
$$\frac{g \sin \beta}{g} \sqrt{2L} = v_1 \quad ; \quad \frac{g \sin \beta}{g} \sqrt{2L} = v_2$$

Задача 23. («Покори Воробьёвы горы!», 2015, 10–11) Гантель из двух массивных одинаковых шариков и лёгкого жёсткого стержня поставлена вертикально в гладкий угол между вертикальной стеной и горизонтальным полом. Верхний шарик подталкивают от стены, сообщая ему скорость v_0 (но не сообщая скорости нижнему шарика). Каким будет угол наклона стержня к вертикали в тот момент, когда сила давления нижнего шарика на стенку будет максимальна? Длина стержня L , ускорение свободного падения g .



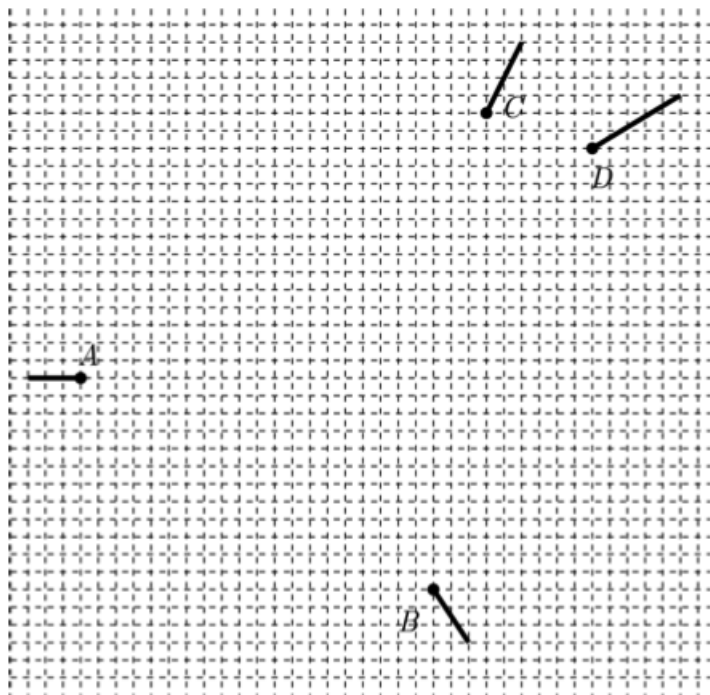
$$0 = N \sin \beta \leq 0 \text{ или } \sin \beta > 0 \text{ или } \left(\frac{g \sin \beta}{g} \sqrt{2L} \right) \cos \beta = \dots$$

Задача 24. (МОШ, 2008, 10) Лёгкая доска подвешена за края на двух пружинах жёсткостью k , к другим концам которых прикреплены нерастяжимые нити, перекинутые через неподвижные блоки и соединённые с грузами 1 и 2 массой M каждый (см. рисунок). На середине доски лежит шайба массой $0,01M$; к доске снизу под шайбой подвешен груз 3 массой $1,99M$. В некоторый момент времени нить, связывающая доску и груз 3, обрывается. На какую максимальную высоту относительно своего первоначального положения подскочит шайба? Нити, блоки и пружины считать невесомыми, трение отсутствует, ускорение свободного падения равно g .



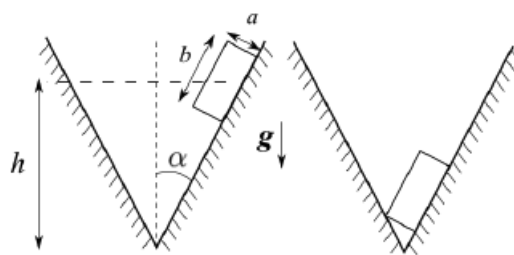
$$\frac{g}{g} \approx 4$$

Задача 25. (МОШ, 2018, 10) Регистрирующая аппаратура установила положения элементарных частиц A , B , C и D в некоторый момент, а также их перемещения за время τ , считая с этого момента (перемещения показаны на рисунке отрезками). Массы частиц C и D одинаковы. Была высказана догадка, что эти частицы появились при распаде одной-единственной частицы, и что она сначала распалась на три частицы, а затем одна из трёх образовавшихся частиц распалась на две частицы. Установите, верна ли эта гипотеза, и если да, то определите, через какое время после первого распада произошёл второй распад. Считайте, что частицы движутся свободно.



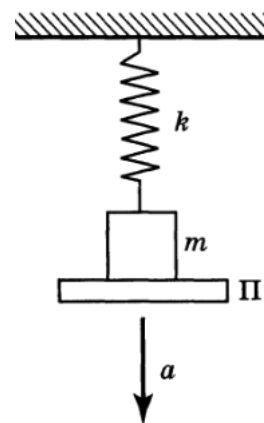
Лга: через 2τ

Задача 26. (МОШ, 2016, 11) Между двумя плоскостями, составляющими угол α , на поверхности одной из плоскостей находится брусок длиной b и высотой a . В начальный момент времени центр масс бруска находится на высоте h от линии пересечения плоскостей. Брусок отпускают без начальной скорости, он соскальзывает и касается своим ребром другой плоскости. Найдите скорость бруска в этот момент. Линия пересечения плоскостей параллельна поверхности земли. Трением пренебречь.



$$\left(\frac{v^2 g_1}{v \cos \alpha} - v \cos \frac{\alpha}{2} - y \right) b \sqrt{2g} = a$$

ЗАДАЧА 27. (Всеросс., 2000, ОЭ, 9) Груз массы m прикреплен к потолку лёгкой пружиной жёсткости k . В начальный момент времени груз лежит на подставке П, пружина не растянута, а её ось вертикальна (рис.). На какую максимальную длину L растянется пружина, если подставку начнут опускать с ускорением a ? Постройте график зависимости $L(a)$. Попробуйте подобрать удобные масштабы для переменных L и a .

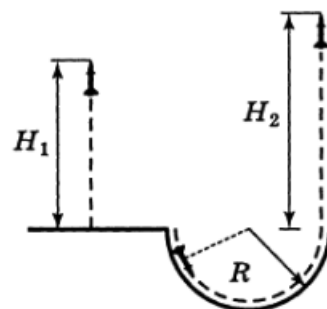


$$\left. \begin{array}{l} b \leq v \text{ нгээ} \\ b > v \text{ нгээ} \end{array} \right\} \left(\frac{b}{(v-bz)v^\wedge} + 1 \right) \frac{y}{b\omega z} = T$$

ЗАДАЧА 28. (Всеросс., 2003, ОЭ, 10) В высоком цилиндрическом сосуде радиуса $R = 4$ см с жидким гелием при температуре, близкой к абсолютному нулю (так что гелий является сверхтекучим и трением можно пренебречь), вертикально плавает ареометр — пластмассовый цилиндр радиуса $r = 3,9$ см и массой $m = 500$ г. В результате малых колебаний ареометра уровень гелия в сосуде тоже колеблется, причем амплитуда этих колебаний $x = 1$ мм. Найдите максимальную скорость v уровня поверхности гелия при этих колебаниях. Считайте, что капиллярными эффектами можно пренебречь, а плотность гелия $\rho = 122$ кг/м³.

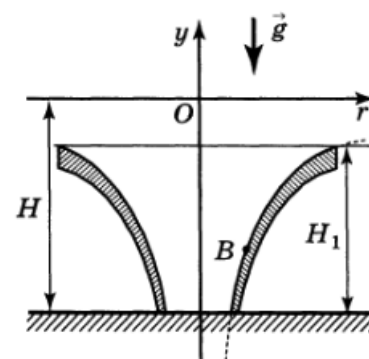
$$\frac{\partial}{\partial x} \left(\frac{m}{\rho \sigma x} \right) = a$$

ЗАДАЧА 29. (Всеросс., 1998, ОЭ, 11) Некто предложил новый способ запуска ракет. Вместо того, чтобы запускать их вверх, он рекомендовал отпускать ракеты вниз по направляющим, образующим дугу большого радиуса R (рис.). В некоторый момент движения по направляющим следовало включить двигатель. Автор изобретения утверждал, что при таком запуске высота H_2 подъёма ракеты будет превышать высоту H_1 , достижимую при обычном запуске (вертикально вверх). Полагая H_1 и R заданными, найдите максимально возможное значение высоты H_2 . Считать, что двигатель ракеты работает короткий промежуток времени, а сопротивлением воздуха и трением между корпусом ракеты и направляющими можно пренебречь.



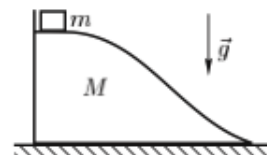
$$y^2 H^{\wedge 2} + {}^1 H = {}^2 H$$

ЗАДАЧА 30. (Всеросс., 2000, ОЭ, 11) Небольшая шайба B скользит по гладкой внутренней поверхности воронки, описываемая окружностью в горизонтальной плоскости. В результате незначительного толчка вверх вдоль поверхности скольжения шайба сошла с орбиты и вылетела из воронки со скоростью v . Зная, что расстояние H от начала координат до дна воронки равно 100 см, $H_1 = 75$ см, найдите v . Считать, что для точек профиля внутренней поверхности воронки координата y обратно пропорциональна квадрату радиуса воронки r : $y \sim 1/r^2$ (см. разрез воронки на рис.).



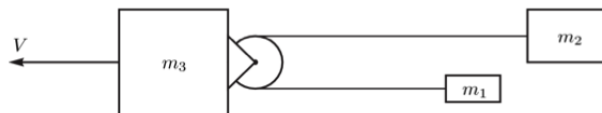
$$\frac{\partial}{\partial x} g^{\wedge} \approx ({}^1 H - H) b z^{\wedge} = a$$

ЗАДАЧА 31. (Всеросс., 2010, РЭ, 11) Слева направо по гладкой плоскости скользит тяжёлая горка массы M , на вершине которой покоится лёгкий груз массы m (см. рисунок). Кинетическая энергия K_1 груза в четыре раза меньше его потенциальной энергии Π . Груз съезжает с горки без трения. Найдите его кинетическую энергию K_2 , когда он окажется на плоскости. Считайте, что $\Pi = 1$ Дж, а $M \gg m$.



$$K_1 = 0,25 \Pi = \frac{\Pi}{4}$$

ЗАДАЧА 32. (Всеросс., 2015, РЭ, 11) На гладкой горизонтальной плоскости находятся три бруска, массы которых равны m_1 , m_2 и m_3 . На рисунке приведён вид сверху. Упругая лёгкая резинка связывает бруски 1 и 2 и проходит через блок, прикреплённый к бруску 3. Трения в системе нет. Исходно бруски неподвижны, а резинка чуть провисает. Бруску 3 ударом (мгновенно) сообщают скорость v .

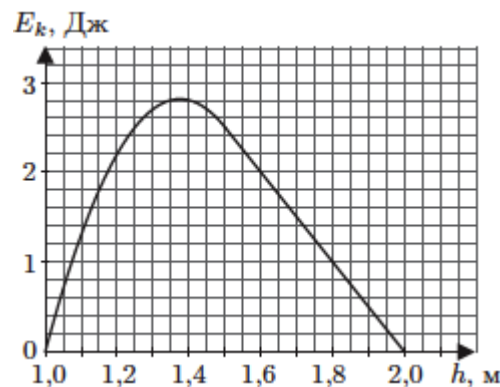


- 1) Найдите скорости брусков в момент, когда растяжение резинки наибольшее.
- 2) Какими будут скорости брусков, когда резинка снова провиснет?
- 3) В случае, когда $v = 1$ м/с, $m_1 = 1$ кг, $m_2 = 2$ кг, $m_3 = 3$ кг найдите скорость третьего бруска, когда растяжение резинки наибольшее.

$$\frac{m_1 v_1 + m_2 v_2 + m_3 v_3}{m_1 v_1 + m_2 v_2 + m_3 v_3} = \epsilon_a \cdot \frac{m_1 v_1 + m_2 v_2 + m_3 v_3}{m_1 v_1 + m_2 v_2 + m_3 v_3} = \epsilon_a \cdot \frac{m_1 v_1 + m_2 v_2 + m_3 v_3}{m_1 v_1 + m_2 v_2 + m_3 v_3} = \epsilon_a \quad (2)$$

$$\frac{m_1 v_1 + m_2 v_2 + m_3 v_3}{m_1 v_1 + m_2 v_2 + m_3 v_3} = \epsilon_a \cdot \frac{m_1 v_1 + m_2 v_2 + m_3 v_3}{m_1 v_1 + m_2 v_2 + m_3 v_3} = \epsilon_a \cdot \frac{m_1 v_1 + m_2 v_2 + m_3 v_3}{m_1 v_1 + m_2 v_2 + m_3 v_3} = \epsilon_a \quad (1)$$

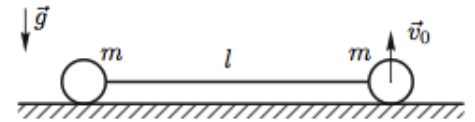
ЗАДАЧА 33. (Всеросс., 2012, финал, 9) На горизонтальном столе вертикально закреплена длинная гладкая труба, внутри которой установлена лёгкая пружина. Внутри трубы с высоты $H = 2$ м над столом без начальной скорости начинает падать шарик. Коснувшись верхнего витка пружины, шарик прилипает к нему. На рисунке приведён график зависимости кинетической энергии E_k падающего шарика от его высоты h над поверхностью стола. Определите длину L_0 недеформированной пружины, коэффициент жёсткости пружины k и массу шарика m . Считайте, что потери механической энергии в момент касания шариком верхнего витка пружины не происходит, и что закон Гука справедлив при любых деформациях пружины. Примите $g = 10$ м/с².



Примечание. Для расчётов используйте выданный Вам отдельно увеличенный рисунок.

$$L_0 = 1,5 \text{ м}; m = 0,5 \text{ кг}; k = 40 \text{ Н/м}$$

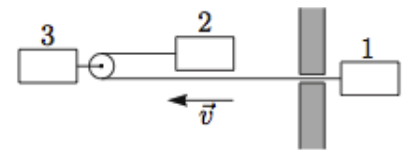
ЗАДАЧА 34. (Всеросс., 2013, финал, 10) Два одинаковых маленьких шарика массы m связаны невесомой и нерастяжимой нитью длины l и покоятся на гладкой горизонтальной плоскости (рис.). Правому шарика сообщается вертикальная скорость v_0 . Ускорение свободного падения g .



- 1) Найдите радиус кривизны траектории верхнего шарика в момент, когда нить вертикальна.
- 2) При каком значении начальной скорости v_0 нижний шарик в этот момент перестанет давить на плоскость?

$$\boxed{R_{\text{кр}} = \frac{v_0^2}{g} \left(1 - \frac{v_0^2}{g l} \right)}$$

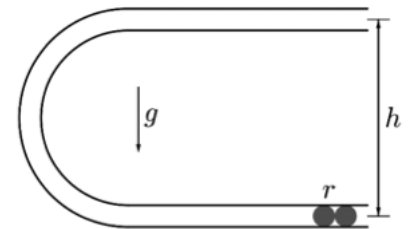
ЗАДАЧА 35. (Всеросс., 2015, финал, 10) Три одинаковых бруска движутся с одинаковыми скоростями \vec{v} . Длинная лёгкая упругая резинка, связывающая первый и второй бруски, проходит сквозь отверстие в массивной стене и через лёгкий блок, прикреплённый к третьему бруску (см. рисунок). В начальный момент времени резинка не растянута. Определите скорости брусков после упругого столкновения первого бруска со стеной в момент времени, когда резинка оказалась



- 1) максимально растянутой;
 - 2) снова ненатянутой.
- Трение в системе не учитывайте. Считайте, что пока резинка не станет снова ненатянутой, груз 2 не сталкивается с блоком, а груз 1 не ударяется о стену.

$$\boxed{v_1 = \frac{v}{2}, v_2 = \frac{3v}{2}, v_3 = \frac{3v}{2}}$$

ЗАДАЧА 36. (Всеросс., 2017, финал, 10) Двум одинаковым соприкасающимся шарикам радиуса $r = 5$ см сообщают горизонтальную скорость u . Шарика движутся по нижнему колену закреплённой стоящей на боку U-образной трубки (рис.). Расстояние между осями колен $h = 1,00$ м, они сопряжены по полуокружности, трения в системе нет, зазор между стенками и шариками мал. При каких значениях скорости u один шарик вылетит из верхнего колена, а другой — из нижнего? Ускорение свободного падения g .



$$\boxed{u > \sqrt{g(h-r)} \text{ and } u < \sqrt{g(h+r)}}$$