

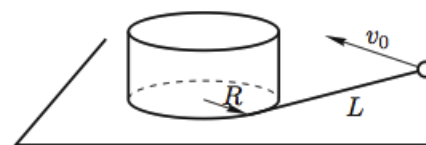
Всероссийская олимпиада школьников по физике

11 класс, заключительный этап, 2005/06 год

ЗАДАЧА 1. Пушечный снаряд массой $M = 100$ кг разорвался в некоторой точке траектории на два осколка, разлетевшихся с импульсами $p_1 = 3,6 \cdot 10^4$ кг·м/с и $p_2 = 2,4 \cdot 10^4$ кг·м/с. Импульсы осколков направлены под углом $\alpha = 60^\circ$ друг к другу. Определите, при каком отношении масс осколков выделившаяся при взрыве кинетическая энергия будет минимальной. Найдите эту энергию.

$$K_{\text{min}} = \frac{1}{2} M v_{\text{cm}}^2 = \frac{1}{2} M \left(\frac{p_1 \cos \alpha + p_2 \cos \alpha}{M} \right)^2 = 4,32 \text{ МДж}$$

ЗАДАЧА 2. Круглый вертикальный цилиндр радиусом R прикреплён к горизонтальной плоскости (рис.). Внизу с боковой поверхностью цилиндра соединена нерастяжимая нить длиной L , направленная по касательной к поверхности цилиндра. На другом конце нити закреплена маленькая шайба. Шайбе сообщают горизонтальную скорость v_0 , направленную перпендикулярно нити, и шайба начинает скользить по плоскости.



1) Сколько времени будет продолжаться движение шайбы (наматывание нити на цилиндр) в отсутствие трения?

2) Сколько времени будет продолжаться движение шайбы при наличии трения между шайбой и плоскостью? Коэффициент трения равен μ .

$$\left. \begin{aligned} \frac{v_0}{R} \Lambda_T > 0 \text{ и } \mu < \frac{v_0}{R} \\ \frac{v_0}{R} \Lambda_T < 0 \text{ и } \mu > \frac{v_0}{R} \end{aligned} \right\} \left(\frac{v_0^2}{2R} - \mu \right) \frac{v_0}{R} = \mu \left(\frac{v_0^2}{2R} - \mu \right) = \mu \left(\frac{v_0^2}{2R} - \mu \right)$$

ЗАДАЧА 3. На рисунке изображена система, состоящая из баллона объёмом $V_0 = 0,2$ м³ и цилиндра с поршнем. Начальный объём баллона и цилиндра $V_1 = kV_0$, где $k = 2,72$. В системе находится воздух под давлением $p_0 = 10^5$ Па и при температуре $T_0 = 300$ К, равной температуре наружного воздуха. Передвигая поршень, весь воздух из цилиндра закачивают в баллон. Определите количество теплоты, которое передаётся окружающей среде в следующих двух случаях.



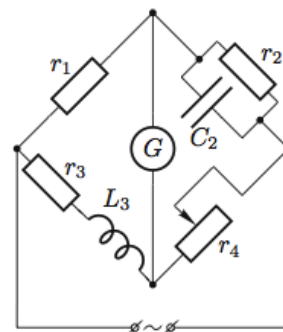
1) Поршень передвигается медленно, так что в каждый момент времени вся система находится в тепловом равновесии с окружающей средой.

2) Поршень передвигается достаточно быстро, так что за время его перемещения можно пренебречь теплообменом с окружающей средой, но воздух внутри системы в каждый момент времени находится в равновесном состоянии. После завершения процесса перекачки температура воздуха в баллоне постепенно сравнивается с температурой окружающего воздуха.

Примечание. Адиабатический процесс описывается уравнением $pV^\gamma = \text{const}$, где параметр $\gamma = 7/5$.

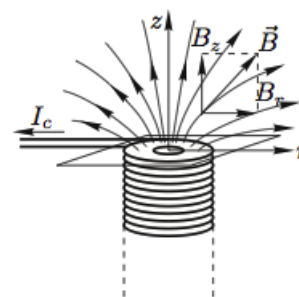
$$Q = \frac{p_0 V_0}{\gamma - 1} \left(\frac{p_1}{p_0} \right)^{\frac{1-\gamma}{\gamma}} - \frac{p_1 V_1}{\gamma - 1} = \frac{p_0 V_0}{\gamma - 1} \left(\frac{p_1}{p_0} \right)^{\frac{1-\gamma}{\gamma}} - \frac{p_1 V_1}{\gamma - 1}$$

ЗАДАЧА 4. Для определения ёмкости C_2 и сопротивления утечки r_2 конденсатора собрана мостовая схема (рис.), которая сбалансирована при подключении гармонического переменного напряжения. Оказалось, что баланс моста не нарушается при любом изменении частоты напряжения. Чему равны параметры C_2 и r_2 , если известно, что $r_1 = 2500$ Ом, $r_3 = 10$ Ом, $L_3 = 1$ Гн, $r_4 = 800$ Ом. Гальванометр измеряет действующее значение силы тока.



$$\text{Физическое значение } C_2 = \frac{r_1 r_3}{r_2 r_4} = \frac{2500 \cdot 10}{800 \cdot r_2} = \frac{31,25}{r_2} \text{ Ф}$$

ЗАДАЧА 5. У торца вертикально расположенного длинного соленоида на тонком немагнитном листе лежит соосно с соленоидом круглое тонкое кольцо из сверхпроводника (рис.). В начальном состоянии сила тока в витках соленоида и сила тока в кольце равны нулю. При протекании тока по виткам соленоида вблизи торца возникает неоднородное магнитное поле. Вертикальную B_z и радиальную B_r составляющие вектора магнитной индукции \vec{B} можно в некоторой ближней области задать с помощью соотношений $B_z \approx B_0(1 - \alpha z)$, $B_r \approx B_0 \beta r$, где α и β — некоторые константы, а B_0 определяется силой тока в соленоиде. По виткам соленоида начинают пропускать ток силой I , постепенно увеличивая его значение. Определите:



- 1) критическое значение силы тока I_0 в соленоиде, при котором кольцо начинает подниматься над опорой;
- 2) высоту кольца над опорой при $I = 2I_0$;
- 3) частоту малых колебаний сверхпроводящего кольца при $I = 2I_0$.

Числовые данные: $\alpha = 36 \text{ м}^{-1}$, $\beta = 18 \text{ м}^{-1}$, масса кольца $m = 100$ мг, коэффициент самоиндукции кольца $L = 1,8 \cdot 10^{-8}$ Гн, площадь кольца $S = 1 \text{ см}^2$, магнитная постоянная $\mu_0 = 1,257 \cdot 10^{-6} \text{ Гн/м}$, плотность намотки соленоида $n = 10^3 \text{ м}^{-1}$.

$$\text{Физическое значение } I_0 = \sqrt{\frac{mg}{\mu_0 n^2 S}} = \sqrt{\frac{0,1 \cdot 9,8}{1,257 \cdot 10^{-6} \cdot 10^6 \cdot 1}} = \sqrt{7,83} \approx 2,8 \text{ А}$$