

# Олимпиада «Покори Воробьёвы горы!» по математике

## 5–6 классы, 2018 год, вариант 2b

1. Тетрадь и линейка (в сумме) стоят в 8 раз больше, чем один карандаш. При этом тетрадь стоит на 25% больше, чем линейка и карандаш. Во сколько раз тетрадь дороже карандаша?

Б 5 раз

2. В музыкальном кружке каждый из участников умеет играть по крайней мере на одном музыкальном инструменте. 8 человек играют на фортепиано, 9 на саксофоне и 11 — на гитаре. Известно, что по крайней мере три человека играют на фортепиано и на гитаре, по крайней мере четверо — на гитаре и саксофоне, и по крайней мере один человек — на фортепиано и саксофоне. Какое наибольшее количество участников может быть в кружке при этих условиях?

22

3. Натуральные числа, у которых сумма цифр равна 5, упорядочили по возрастанию. Какое число стоит на 121-м месте?

00003

4. У Феоктиста Аристарховича есть 14 китайских ваз династии Цин, причём никакие две не были сделаны в один год. Вазы надо распределить по трём полкам, причём на каждую полку надо поставить хотя бы одну вазу и нельзя более древнюю вазу ставить ниже, чем менее древнюю. Найдите количество таких способов расстановки, если порядок ваз на одной полке не учитывается.

78

5. На прямой расположены 14 точек  $A_1, \dots, A_{14}$ , идущие с промежутками 1 см. Коля строит окружности по следующим правилам.

- Окружности не пересекаются и не касаются.
- Внутри каждой окружности есть по крайней мере одна из указанных точек  $A_1, \dots, A_{14}$ .
- Ни одна из этих точек не лежит на окружности.
- Различные окружности содержат внутри себя различные наборы точек. Т. е., например, если какая-то окружность содержит точки  $A_1$  и  $A_2$  внутри, а остальные снаружи, то вторую окружность, содержащую только  $A_1$  и  $A_2$  внутри, построить уже нельзя.

Какое наибольшее количество окружностей Коля сможет построить по этим правилам?