## Олимпиада «Курчатов» по математике

## 8 класс, 2021 год

- **1.** Назовём число *маленьким*, если оно 10-значное и не существует меньшего 10-значного числа с такой же суммой цифр. Сколько существует маленьких чисел?
- **2.** Про вещественные числа a, b, c, x, y известно, что

$$\frac{1}{a+x} = 6$$
,  $\frac{1}{b+y} = 3$ ,  $\frac{1}{c+x+y} = 2$ .

Докажите, что среди чисел a, b, c одно равно сумме двух других.

- **3.** На стороне BC остроугольного треугольника ABC выбрана точка D так, что AB+BD=DC. Докажите, что  $\angle ADC=90^\circ$ , если известно, что  $\angle B=2\angle C$ .
- **4.** На доске написано N натуральных чисел, где N > 5. Известно, что сумма всех чисел равна 80, а сумма любых пяти из них не больше 19. Какое наименьшее значение может принимать N?
- **5.** На доске выписаны числа от 1 до 2021. Денис хочет выбрать среди них 1010 так, чтобы сумма любых двух не равнялась 2021 или 2022. Сколько существует способов это сделать?