

Тепловые двигатели

Содержание

1	МФТИ и «Физтех»	2
2	Всероссийская олимпиада школьников по физике	7
3	Московская олимпиада школьников по физике	14
4	«Покори Воробьёвы горы!»	20
5	«Росатом»	22
6	«Курчатов»	24
7	APhO, IPhO	24

Напомним, что КПД цикла есть отношение работы за цикл к количеству теплоты, полученной в цикле от нагревателя:

$$\eta = \frac{A}{Q_{\text{н}}}.$$

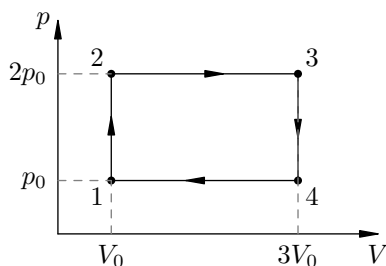
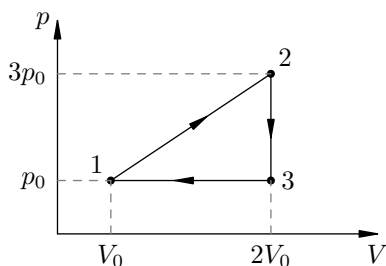
При этом работа A есть разность количества теплоты, полученного от нагревателя, и количества теплоты, переданного холодильнику:

$$A = Q_{\text{н}} - Q_{\text{х}}.$$

Соответственно,

$$\eta = \frac{Q_{\text{н}} - Q_{\text{х}}}{Q_{\text{н}}}.$$

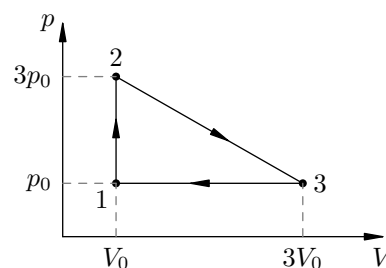
ЗАДАЧА 1. Вычислите КПД циклов, изображённых на рисунках. Рабочим телом служит идеальный одноатомный газ.



$$\frac{3p_0}{p_0} = \frac{6V_0}{V_0}$$

ЗАДАЧА 2. Тепловой двигатель работает по циклу, состоящему из изохоры 1–2, участка 2–3 линейной зависимости давления от объёма и изобары 3–1 (см. рисунок; координаты точек 1, 2 и 3 указаны). Рабочим веществом служит одноатомный идеальный газ. Вычислите КПД этого двигателя.

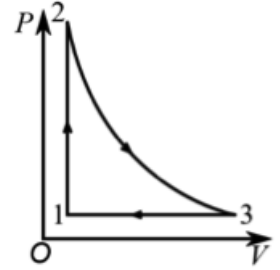
$$\frac{3p_0}{p_0} = \frac{6V_0}{V_0}$$



1 МФТИ и «Физтех»

ЗАДАЧА 3. («Физтех», 2018, 10) Одноатомный идеальный газ нагревается в изохорическом процессе 1–2, затем расширяется в адиабатическом процессе 2–3 и сжимается в изобарическом процессе 3–1 (см. рис.). Отношение работы газа A_{23} в процессе 2–3 к работе над газом A_{31} ($A_{31} > 0$) в процессе 3–1

$$\frac{A_{23}}{A_{31}} = \frac{36}{7}.$$



В процессе сжатия объём газа уменьшается в 8 раз.

- 1) Найти отношение температур T_2/T_3 в состояниях 2 и 3.
- 2) Найти КПД цикла.

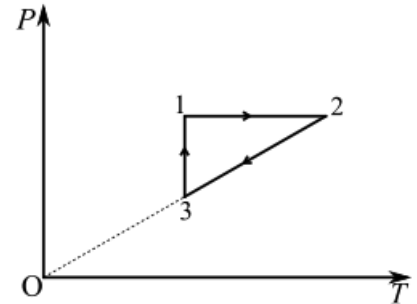
$$\frac{86}{85} = \mu \left(\gamma = \frac{5J}{2L} \right) \quad (1)$$

ЗАДАЧА 4. («Физтех», 2017, 10) Одноатомный идеальный газ в количестве $\nu = 1$ моль участвует в прямом циклическом процессе, составленном из двух изотерм и двух изохор. При изохорическом нагревании газ получает $Q_1 = 1000$ Дж теплоты, при изотермическом расширении газ получает ещё $Q_2 = 500$ Дж теплоты. Известно, что минимальная температура в процессе $T_1 = 300$ К.

- 1) Найти максимальную температуру T_2 газа в цикле.
- 2) Найти работу A газа при расширении.
- 3) Найти КПД η цикла.

$$\ln 10 \approx \frac{\gamma L}{\gamma L - 2L} \frac{\gamma \partial + 1 \partial}{\gamma \partial} = \mu \left(\gamma = \frac{5J}{2L} \right) \quad (1) \quad \ln 10 \approx \frac{\gamma \partial + 1 \partial}{\gamma \partial} = \mu \left(\gamma = \frac{5J}{2L} \right) \quad (1)$$

ЗАДАЧА 5. («Физтех», 2017, 10–11) Рабочим веществом тепловой машины является гелий в количестве ν . Цикл машины изображён на диаграмме зависимости давления P от температуры T (см. рис.). Процесс 1–2 изобарный, процесс 2–3 идёт с прямо пропорциональной зависимостью давления от температуры, процесс 3–1 изотермический. Температуры в состояниях 2 и 1 отличаются в два раза. КПД машины равен η . Температура в состоянии 1 равна T_1 .

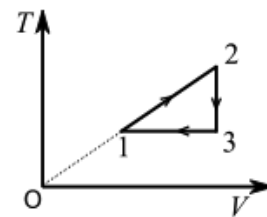


- 1) Найти работу газа за цикл.
- 2) Найти количество теплоты Q ($Q > 0$), отведённой от газа за цикл.

Замечание: единица количества вещества — моль.

$$\ln 10 \approx \frac{\gamma L}{\gamma L - 2L} \frac{\gamma \partial + 1 \partial}{\gamma \partial} = \mu \left(\gamma = \frac{5J}{2L} \right) \quad (1) \quad \ln 10 \approx \frac{\gamma \partial + 1 \partial}{\gamma \partial} = \mu \left(\gamma = \frac{5J}{2L} \right) \quad (1)$$

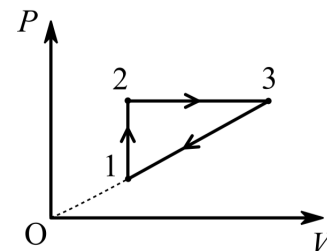
ЗАДАЧА 6. («Физтех», 2019, 11) На диаграмме зависимости температуры T газа от объема V для гелия в количестве $\nu = 1$ моль показано, что сначала газ переводится из состояния с температурой $T_1 = 100$ К в процессе 1–2 прямо пропорциональной зависимости температуры от объема, при этом объем газа увеличивается в 2 раза. Затем газ охлаждается до температуры $T_3 = T_1$ в изохорическом процессе 2–3. Далее в изотермическом процессе 3–1 газ переходит в начальное состояние, при этом внешнее давление совершает над газом работу $A_1 = 576$ Дж.



1. Найти максимальную температуру газа в этом цикле.
2. Найти работу, совершенную газом в процессе 1–2.
3. Найти КПД цикла.

$$\eta = 1 - \left(\frac{T_3}{T_2} \right)^{\frac{5}{2}} = 1 - \left(\frac{100}{200} \right)^{\frac{5}{2}} = 1 - \left(\frac{1}{2} \right)^{\frac{5}{2}} \approx 1 - 0.177 = 0.823$$

ЗАДАЧА 7. («Физтех», 2020, 11) Тепловая машина работает по циклу, состоящему из изохоры, изобары и участка прямо пропорциональной зависимости давления P от объема V (см. рис.). Рабочее вещество — одноатомный идеальный газ.

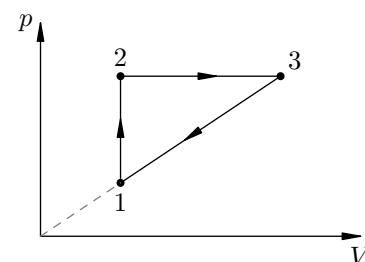


1. Найти отношение молярных теплоемкостей на тех участках цикла, где происходило повышение температуры газа.
2. Найти в изобарном процессе отношение количества теплоты, полученной газом, к работе газа.
3. Найти предельно возможное максимальное значение КПД такого цикла.

$$\eta = 1 - \frac{C_{V2}}{C_{V1}} = 1 - \frac{5/2 R}{3/2 R} = 1 - \frac{5}{3} = -\frac{2}{3}$$

ЗАДАЧА 8. (МФТИ, 2006) Тепловая машина работает по циклу, состоящему из изохоры 1–2, изобары 2–3 и участка 3–1 прямо пропорциональной зависимости давления от объема (см. рисунок). Найти КПД цикла, если объем на изобаре изменяется в два раза. Рабочее вещество — одноатомный идеальный газ.

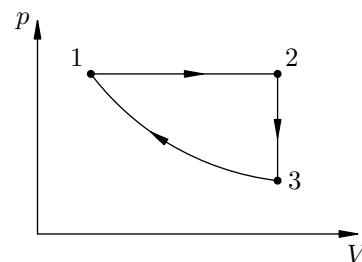
$$\eta = 1 - \frac{5}{3} = -\frac{2}{3}$$



ЗАДАЧА 9. (МФТИ, 2006) Тепловая машина работает по циклу, состоящему из изобары 1–2, изохоры 2–3 и адиабаты 3–1 (см. рисунок). Найти КПД этого цикла, если объём на изобаре изменяется в 8 раз. Рабочее вещество — идеальный одноатомный газ.

Указание. В адиабатическом процессе температура T и объём V связаны уравнением $T^3V^2 = \text{const}$.

$$\frac{\partial p}{\partial V} = \alpha$$

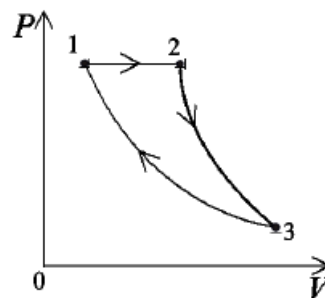


ЗАДАЧА 10. («Физтех», 2016, 10–11) Газообразный гелий совершает цикл, состоящий из изобарического расширения 1–2, адиабатического процесса 2–3 и изотермического сжатия 3–1 (см. рисунок). КПД цикла равен η .

1) Найти отношение работы газа за цикл к работе газа в процессе 2–3.

2) Найти отношение работы газа в процессе 2–3 к работе над газом при его сжатии.

$$\frac{(u-1)\xi}{\xi} = \beta \quad (z : u \frac{\xi}{\xi} = \nu \quad (1$$



ЗАДАЧА 11. («Физтех», 2011) С идеальным одноатомным газом провели прямой цикл, состоящий из двух изобар и двух адиабат. Оказалось, что работа газа при изобарическом расширении равна A , а суммарное количество теплоты, полученное газом за цикл, равно Q .

1) Какое количество теплоты получил газ при изобарическом расширении?

2) Найдите КПД цикла.

$$\frac{V\xi}{\xi} = \alpha \quad (z : V \frac{\xi}{\xi} = \tau \quad (1$$

ЗАДАЧА 12. («Физтех», 2011) С идеальным одноатомным газом провели прямой цикл, состоящий из двух изобар и двух адиабат. Оказалось, что при изобарическом сжатии над газом совершили работу A ($A > 0$), а работа газа за цикл равна A_0 .

1) Какое количество теплоты отвели от газа при изобарическом сжатии?

2) Найдите КПД цикла.

$$\frac{V\xi + 0V\xi}{2A_0} = \alpha \quad (z : V \frac{\xi}{\xi} = \tau \quad (1$$

ЗАДАЧА 13. («Физтех», 2012) Идеальный одноатомный газ совершает цикл, состоящий из двух изобар и двух адиабат. Найдите КПД цикла, если работа, совершённая над газом при изобарическом сжатии, в три раза меньше работы, совершённой газом при изобарическом расширении.

$$\frac{\xi}{\xi} = \alpha$$

ЗАДАЧА 14. («Физтех», 2012) С идеальным одноатомным газом проводят циклический процесс, состоящий из двух изохор и двух адиабат. В процессе адиабатического расширения газ совершает работу A , а в процессе изохорического нагревания к газу подводят количество теплоты Q . КПД цикла равен η . Найдите отношение изменений температуры в процессах адиабатического расширения и сжатия.

$$\frac{V-\partial u}{V} = \frac{\xi L \nabla}{L \nabla}$$

ЗАДАЧА 15. («Физтех», 2014) Идеальный газ совершает цикл, состоящий из адиабатического расширения, изотермического сжатия и изохорического нагревания. Работа газа при расширении в 9 раз больше работы газа за цикл.

- 1) Во сколько раз работа газа при расширении больше работы над газом при сжатии?
- 2) Найдите КПД цикла.

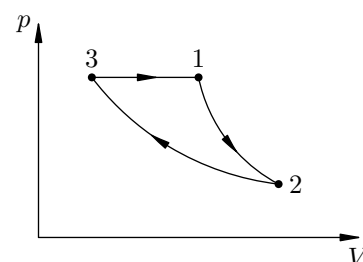
$$\frac{6}{1} = \eta \quad (2) \quad \frac{8}{6} \quad \text{В} \quad (1)$$

ЗАДАЧА 16. («Физтех», 2014) Идеальный газ совершает цикл, состоящий из изотермического расширения, изохорического охлаждения и адиабатического сжатия, КПД которого равен η .

- 1) Во сколько раз работа газа при расширении больше работы газа за цикл?
- 2) Найдите отношение отведённого тепла к работе газа за цикл.

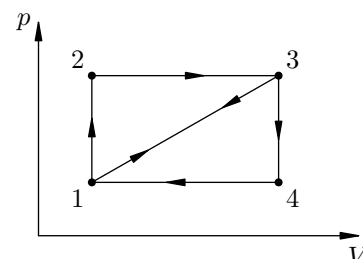
$$\frac{\eta}{1-\eta} \quad (2) \quad \frac{\eta}{1} \quad \text{В} \quad (1)$$

ЗАДАЧА 17. (МФТИ, 2005) Идеальный газ используется как рабочее тело в тепловой машине, работающей по циклу, состоящему из адиабатического расширения 1–2, изотермического сжатия 2–3 и изобарического расширения 3–1 (см. рисунок). КПД цикла равен η , при изотермическом сжатии над газом совершается работа A_T ($A_T > 0$). Какую работу совершает машина в указанном цикле?



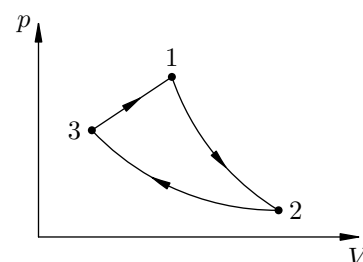
$$\int_V \frac{u-1}{u} = V$$

ЗАДАЧА 18. (МФТИ, 2005) Идеальный газ используется как рабочее вещество в тепловой машине. Цикл 1–2–3–1 состоит из изохоры 1–2, изобары 2–3 и участка 3–1 линейной зависимости давления от объёма (см. рисунок). КПД этого цикла равен η_1 . Второй цикл 1–3–4–1 состоит из участка 1–3 линейной зависимости давления от объёма, изохоры 3–4 и изобары 4–1. Найти КПД второго цикла.



$$\frac{v_{u-1}}{v_u} = z_u$$

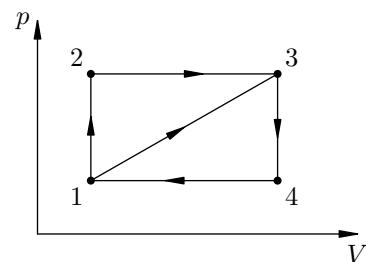
ЗАДАЧА 19. (МФТИ, 2005) Идеальный газ используется как рабочее тело в тепловой машине, работающей по циклу 1–2–3–1, состоящему из адиабатического расширения 1–2, изотермического сжатия 2–3 и участка 3–1 линейной зависимости давления от объёма (см. рисунок). За цикл машина совершает работу A , КПД цикла равен η . Найти работу, совершаемую над газом в изотермическом процессе.



$$V \frac{u}{u-1} = \int_V$$

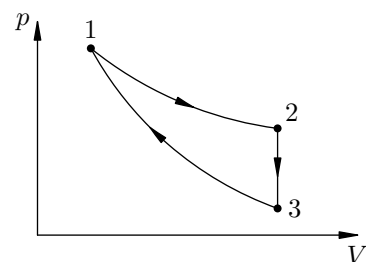
ЗАДАЧА 20. (МФТИ, 2005) Идеальный газ используется как рабочее тело в тепловой машине. Цикл 1–2–3–4–1 состоит из двух изохор 1–2 и 3–4 и двух изобар 2–3 и 4–1 (см. рисунок). Цикл 1–3–4–1 состоит из участка 1–3 линейной зависимости давления от объёма, изохоры 3–4 и изобары 4–1. Найти КПД цикла 1–2–3–4–1, если КПД цикла 1–3–4–1 равен η .

$$\frac{u+1}{u\gamma} = x u$$



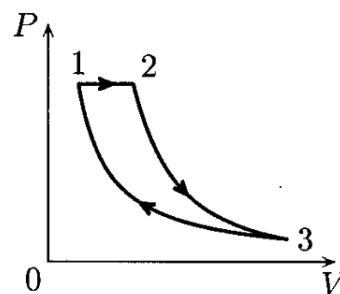
ЗАДАЧА 21. («Физтех», 2007) Тепловая машина работает по замкнутому циклу (см. рисунок). Процесс 1–2 — изотермический; 2–3 — изохорический; 3–1 — адиабатический. Рабочее вещество — ν молей одноатомного идеального газа. В процессе расширения к газу подводят количество теплоты Q . В процессе, где тепло от газа отводится, давление газа уменьшается в $\alpha = 3$ раза. Во всём цикле 1–2–3–1 машина совершает работу A . Найти минимальную температуру газа в цикле.

$$\frac{u^{\alpha\epsilon}}{v-\epsilon} = \frac{u^{\alpha(1-\epsilon)\epsilon}}{(v-\epsilon)\epsilon} = \text{const} L$$



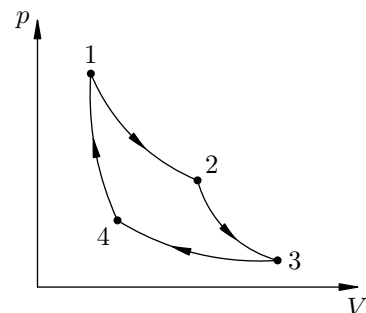
ЗАДАЧА 22. («Физтех», 2007) Тепловая машина работает по замкнутому циклу (см. рисунок). Процесс 1–2 — изобарический; 2–3 — адиабатический; 3–1 — изотермический. Рабочее вещество — ν молей одноатомного идеального газа. В процессе 1–2 объём газа увеличивается в $\beta = 5$ раз. В процессе изотермического сжатия от газа отводится количество теплоты Q ($Q > 0$). Во всём цикле 1–2–3–1 машина совершает работу A . Найти максимальную температуру газа в цикле.

$$T_{\text{max}+A}^{\frac{u\gamma}{v}} = x v L$$



ЗАДАЧА 23. (МФТИ, 2007) Тепловая машина работает по циклу Карно, состоящему из двух изотерм 1–2 и 3–4 и двух адиабат 2–3 и 4–1 (см. рисунок). Рабочее вещество — ν молей идеального одноатомного газа. В процессе изотермического расширения машина совершает работу A_{12} , а в процессе адиабатического расширения — работу A_{23} . Какая работа совершается над газом в изотермическом процессе 3–4, если температура в нём равна T ?

$$A_{34} = \frac{3\nu RT A_{12}}{3\nu RT A_{12} + 2A_{23}}$$

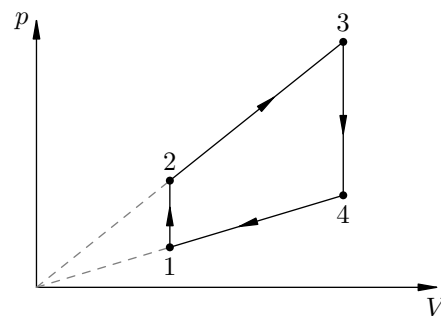


ЗАДАЧА 24. (МФТИ, 2007) Тепловая машина работает по циклу Карно, состоящему из двух изотерм 1–2 и 3–4 и двух адиабат 2–3 и 4–1 (см. рисунок предыдущей задачи). Работа сжатия в изотермическом процессе 3–4 равна A_{34} ($A_{34} > 0$), а работа сжатия в адиабатическом процессе 4–1 равна A_{41} ($A_{41} > 0$). Какую работу совершает машина за весь цикл 1–2–3–4–1? Рабочее вещество — ν молей идеального одноатомного газа. Изотермическое сжатие происходило при температуре T .

$$A = \frac{2A_{34}A_{41}}{3\nu RT}$$

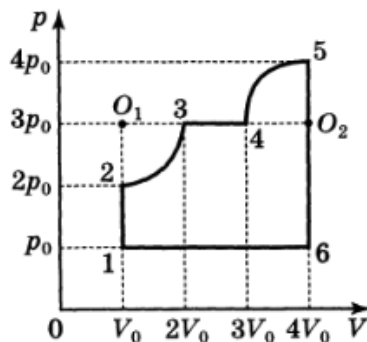
ЗАДАЧА 25. («Физтех», 2014, 11) Определите коэффициент полезного действия теплового двигателя, работающего по циклу, приведённому на графике. Процессы 1–2 и 3–4 — изохорические. В процессах 2–3 и 3–4 давление прямо пропорционально объёму. Рабочее тело — одноатомный идеальный газ. Известно, что $p_2/p_1 = V_4/V_2 = 6$. Ответ дайте в процентах, округлив до десятых.

%5,02



2 Всероссийская олимпиада школьников по физике

ЗАДАЧА 26. (Всеросс., 1993, ОЭ, 10) Определить КПД цикла, показанного на рисунке. Газ идеальный одноатомный. Участки 2–3 и 4–5 на чертеже представляют собой дуги окружностей с центрами в точках O_1 и O_2 .

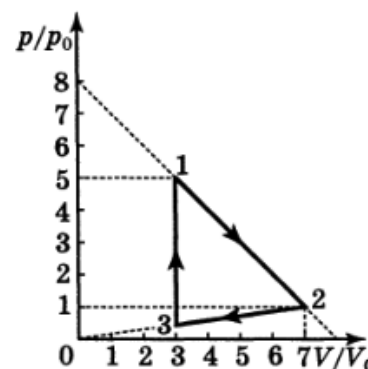


$\frac{16}{5} = 3,2$

ЗАДАЧА 27. (Всеросс., 1999, ОЭ, 10) В тепловой машине ν молей идеального одноатомного газа совершают замкнутый цикл, состоящий из процессов 1–2 и 2–3, в которых давление p газа линейно зависит от занимаемого им объёма V , и изохорического процесса 3–1 (рис.). Величины p_0 и V_0 считайте известными. Найдите:

- 1) температуру и давление газа в точке 3;
- 2) работу A , совершаемую газом за цикл;
- 3) коэффициент полезного действия η тепловой машины.

$\frac{9\sqrt{3}}{8} = \eta : 0,104 \frac{1}{\sqrt{3}} = \nu : \frac{3\sqrt{3}}{0,104 \sqrt{3}} = \epsilon L$



ЗАДАЧА 28. (Всеросс., 2003, ОЭ, 10) Для повышения мощности дизельных двигателей используются устройства, называемые турбокомпрессор и интеркулер. Турбокомпрессор позволяет увеличить начальное давление воздуха, подаваемого в цилиндры двигателя, а интеркулер — охлаждать сжатый воздух (рис.). Какого (во сколько раз) максимального увеличения мощности двигателя можно достичь при помощи

- 1) одного турбокомпрессора?
- 2) турбокомпрессора и интеркулера вместе?

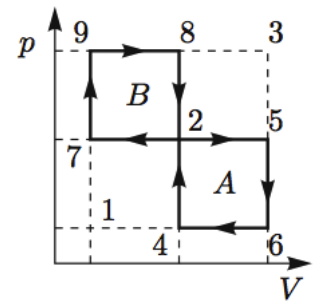


Считайте, что турбокомпрессор сжимает воздух адиабатически, интеркулер охлаждает его изобарически, используя для этого забортный воздух, КПД двигателя не зависит от начального давления воздуха в цилиндрах, а мощность пропорциональна максимально возможному количеству сжигаемого топлива за цикл. В решении используйте следующие обозначения: p_1 — давление окружающего воздуха, T_1 — его температура, V_1 — объём цилиндров, а давление на выходе компрессора $p_2 = Kp_1$, причём $K = 2$.

Примечание. Уравнение адиабаты: $pV^\gamma = \text{const}$. Для воздуха $\gamma = 1,40$.

$$\frac{p_2}{p_1} = K = 2 \Rightarrow \frac{T_2}{T_1} = K^{1/\gamma} = 2^{1/1,4} \approx 1,64$$

ЗАДАЧА 29. (Всеросс., 2008, ОЭ, 10) Идеальный одноатомный газ совершает циклический процесс A , состоящий из двух изохор и двух изобар. Затем тот же газ совершает аналогичный процесс B (рис.). КПД какого процесса больше? Полагая КПД процесса A заданным и равным η_A , вычислите η_B . В обоих процессах $\Delta p_{21} = \Delta p_{32} = \Delta p$ и $\Delta V_{21} = \Delta V_{32} = \Delta V$, но их числовые значения неизвестны.

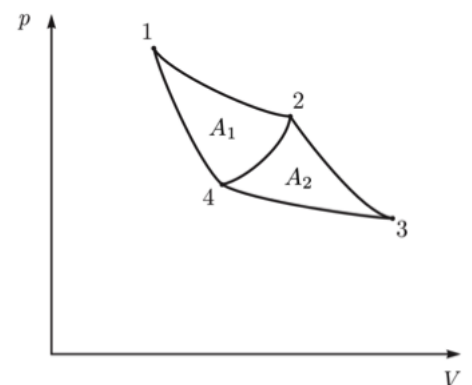


$$\eta_B > \frac{v\mu + 1}{v\mu} = \eta_A$$

ЗАДАЧА 30. (Всеросс., 2014, РЭ, 10) Рабочим телом тепловой машины является идеальный одноатомный газ. Цикл состоит из изобарного расширения (1, 2), адиабатического расширения (2, 3) и изотермического сжатия (3, 1). Модуль работы при изотермическом сжатии равен A_{31} . Определите, чему может быть равна работа газа при адиабатическом расширении A_{23} , если у указанного цикла КПД $\eta \leq 40\%$.

$$\frac{2}{3} A_{31} < A_{23} \leq A_{31}$$

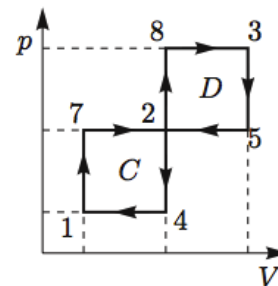
ЗАДАЧА 31. (Всеросс., 2015, РЭ, 10) На pV -диаграмме (см. рисунок) изображены три замкнутых процесса, происходящих с идеальным газом: 1–2–4–1, 2–3–4–2 и 1–2–3–4–1. На участках 1–2 и 3–4 температура газа постоянна, а на участках 2–3 и 4–1 газ теплоизолирован. Известно, что в процессе 1–2–4–1 совершается работа $A_1 = 5$ Дж, а в процессе 2–3–4–2 — работа $A_2 = 4$ Дж. Найдите коэффициент полезного действия процесса 1–2–3–4–1, если коэффициенты полезного действия процессов 1–2–4–1 и 2–3–4–2 равны.



$$\eta_{12341} = \frac{1}{2} \left(\frac{1}{\eta_{1241}} + \frac{1}{\eta_{2342}} \right) - 1 = 0,38$$

ЗАДАЧА 32. (Всеросс., 2008, ОЭ, 11) Идеальный одноатомный газ совершает циклический процесс C , состоящий из двух изохор и двух изобар. Затем тот же газ совершает аналогичный процесс D (рис.). КПД какого процесса больше? Полагая КПД процесса C заданным и равным η_C , вычислите η_D . В обоих процессах $\Delta p_{21} = \Delta p_{32} = \Delta p$ и $\Delta V_{21} = \Delta V_{32} = \Delta V$, но их числовые значения неизвестны.

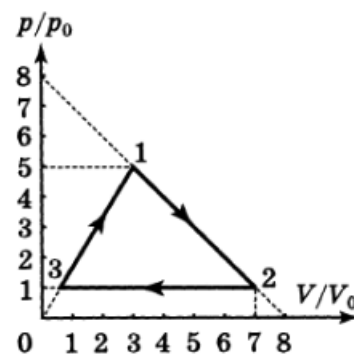
$$\eta_D > \frac{\partial u_{\nu+1}}{\partial u} = \alpha u$$



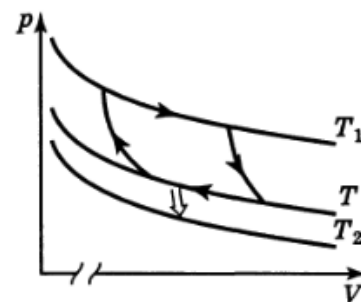
ЗАДАЧА 33. (Всеросс., 1999, ОЭ, 11) Рабочим веществом тепловой машины являются ν молей идеального одноатомного газа, которые совершают замкнутый цикл, состоящий из линейной зависимости давления p от объёма V на участке $1-2$, изобарического процесса $2-3$ и линейной зависимости давления от объёма $3-1$ (рис.). Величины p_0, V_0 считать известными. Найдите:

- 1) объём V_3 и температуру T_3 в точке 3 ;
- 2) работу A газа за цикл;
- 3) коэффициент полезного действия тепловой машины.

$$\frac{\epsilon \zeta}{8} = u \left(\epsilon : 0 \Lambda^{0d} \frac{\epsilon}{p_0} = V \left(\zeta : \frac{H \alpha \epsilon}{0 \Lambda^{0d} \epsilon} = \epsilon_L : 0 \Lambda \frac{\epsilon}{\epsilon} = \epsilon \Lambda \right) \right)$$



ЗАДАЧА 34. (Всеросс., 1996, финал, 10) Рабочее вещество тепловой машины совершает цикл Карно (рис.) между изотермами T и T_1 ($T_1 > T$). Холодильником является резервуар, температура которого постоянна и равна $T_2 = 200$ К ($T_2 < T$). Теплообмен между рабочим веществом и холодильником осуществляется посредством теплопроводности. Количество теплоты, отдаваемое в единицу времени холодильнику, $q = a(T - T_2)$, где $a = 1$ кВт/К. Теплообмен рабочего вещества с нагревателем происходит непосредственно при $T_1 = 800$ К. Полагая, что продолжительность изотермических процессов одинакова, а адиабатических — весьма мала, найдите температуру «холодной» изотермы T , при которой мощность N тепловой машины наибольшая. Определите наибольшую мощность тепловой машины.



$$T = \sqrt[2]{T_1 T_2} = \sqrt[2]{800 \cdot 200} = 400 \text{ К}; N_{\max} = \frac{1}{2} \left(\sqrt[2]{T_1 T_2} - \sqrt[2]{T_1 T_2} \right)^2 = 100 \text{ кВт}$$

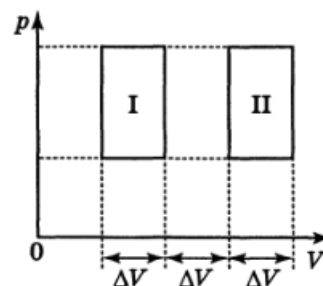
ЗАДАЧА 35. (Всеросс., 2010, финал, 11) У тепловой машины, работающей по циклу Карно, температура нагревателя $T_1 = 800$ К, а температура T холодильника зависит от полезной мощности P машины. Холодильник представляет собой массивное теплоизолированное от окружающей среды тело, которое посредством теплопроводности передаёт холодному резервуару с температурой $T_2 = 300$ К всю тепловую энергию Q_2 , полученную за время Δt работы машины. Теплопроводность осуществляется по закону $Q_2 = \alpha(T - T_2)\Delta t$, где $\alpha = 1,0$ кВт/К.



- 1) Выразите мощность P тепловой машины через температуры T_1 , T и T_2 .
- 2) Вычислите температуру T_m холодильника, при которой мощность машины максимальна.
- 3) Определите эту максимальную мощность P_{\max} .
- 4) Найдите КПД η тепловой машины при работе с максимальной мощностью.

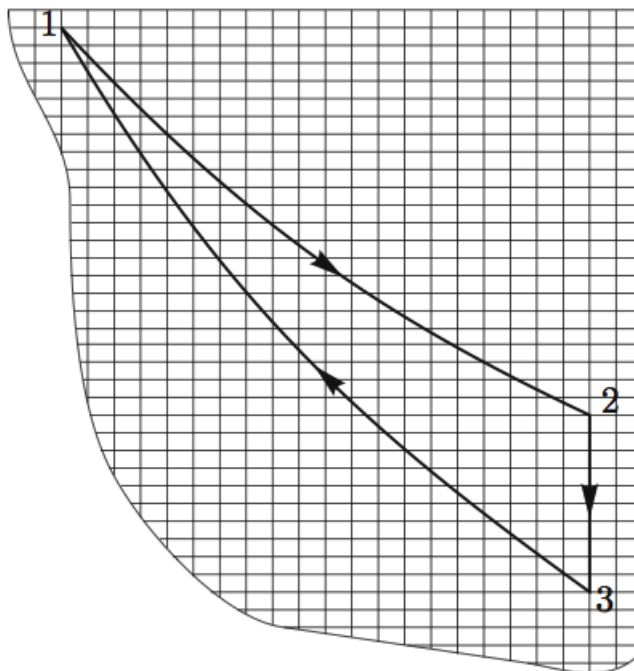
$$P \approx 0,39 \sqrt{\frac{T_1}{T_2}} \approx 120 \text{ кВт}; \eta \approx 0,2$$

ЗАДАЧА 36. (Всеросс., 1998, финал, 10) В тепловой машине в качестве рабочего тела используется один моль идеального одноатомного газа. На рисунке представлены циклы I и II, совершаемые этим газом. Найдите коэффициенты полезного действия (КПД) η_1 и η_2 этих циклов, если их отношение равно $\alpha = \eta_1/\eta_2 = 1,6$.



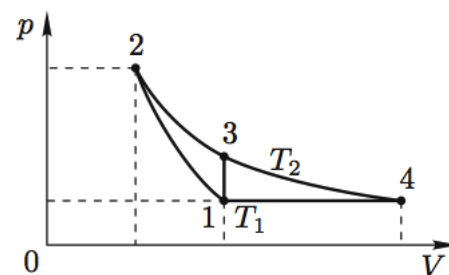
$$\eta_1 = \frac{2}{3}, \eta_2 = \frac{1}{3}$$

ЗАДАЧА 37. (Всеросс., 2001, финал, 10–11) Говорят, что в архиве лорда Кельвина нашли обрывок рукописи, на котором был изображён замкнутый цикл для $\nu = 1$ моль гелия в координатах p, V (рис.). Цикл состоял из изотермы 1–2, изохоры 2–3 и адиабаты 3–1. КПД данного цикла $\eta = 0,125$. Найдите объём газа в изохорическом процессе, если на рисунке ось давления вертикальна, а ось объёма горизонтальна. Масштаб по оси объёма: 1 дел = 0,5 л; по оси давления: 1 дел = 5 кПа.



$\eta \approx 0,125$

ЗАДАЧА 38. (Всеросс., 2006, финал, 10) Рассмотрите два цикла, совершаемых над идеальным газом (рис.). В первом из них газ адиабатически сжимают из состояния 1 до состояния 2, затем изотермически расширяют до состояния 3 и наконец изохорически возвращают в исходное состояние 1. КПД такого цикла обозначим η_V . Во втором цикле газ адиабатически сжимают из состояния 1 до состояния 2, затем изотермически расширяют до состояния 4 и наконец изобарически возвращают в исходное состояние 1. КПД такого цикла обозначим η_p . Сравните η_V и η_p .

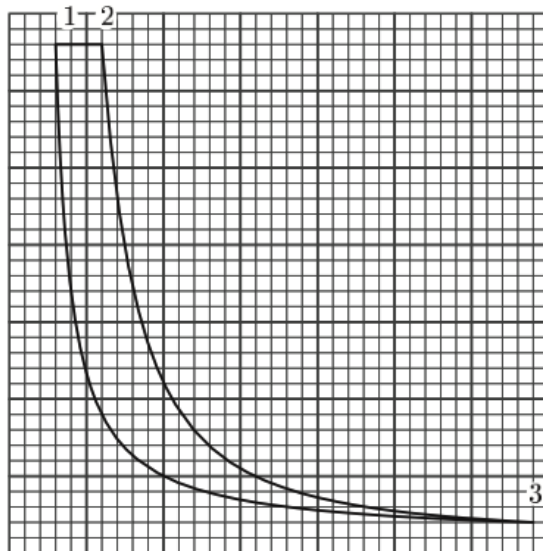


Примечание. В адиабатическом процессе $pV^\gamma = \text{const}$, где $\gamma = C_p/C_V$. При изотермическом расширении идеального газа от объёма V_a до объёма V_b им совершается работа

$$A_{ab} = \nu RT \ln \frac{V_b}{V_a}.$$

$dU = \Lambda U$

ЗАДАЧА 39. (Всеросс., 2009, финал, 10) Говорят, что в архиве лорда Кельвина нашли p, V -диаграмму замкнутого циклического процесса тепловой машины (рис.). Процесс 1–2 — изобара, 2–3 — адиабата, 3–1 — изотерма. От времени чернила выцвели, и координатные оси на диаграмме исчезли. Известно, что рабочим веществом машины был идеальный газ (гелий) количеством $\nu = 2$ моля. Масштаб по оси давления — 1 мал. кл. = 1 атм, по оси объёма — 1 мал. кл. = 1 л.

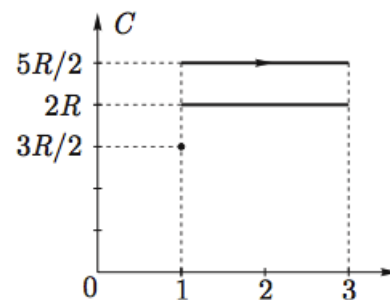


- 1) Восстановите положение координатных осей и вычислите максимальное давление газа в данном циклическом процессе.
- 2) Вычислите максимальную и минимальную температуры газа в цикле.
- 3) Найдите работу A_T на изотерме 3–1.
- 4) Найдите КПД цикла η .

Примечание. Универсальная газовая постоянная $R = 0,082$ л · атм/(моль · К).

$$p_1 = p_{\max} = 32 \text{ атм}, V_1 = 1 \text{ л}; T_{\max} = 780 \text{ К}, T_{\min} = 195 \text{ К}; A_T = 11,2 \text{ кДж}; \eta = 54\%$$

ЗАДАЧА 40. (Всеросс., 2019, финал, 10) В архиве лорда Кельвина нашли график циклического процесса, совершенного над фиксированным количеством одноатомного идеального газа (рис.). От времени чернила выцвели, и информация про направления некоторых процессов была утрачена. Также была утрачена и информация про то, что отложено по оси абсцисс. Известно лишь, что на оси абсцисс отложена одна из следующих величин: объем, давление, температура или плотность, а шкала выполнена в условных единицах. По оси ординат отложена молярная теплоемкость газа C . Найдите максимально возможный КПД цикла.

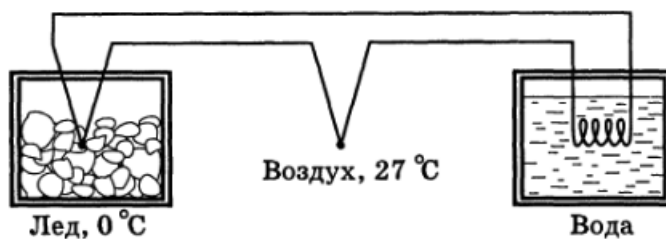


$$8/1$$

ЗАДАЧА 41. (Всеросс., 1996, финал, 11) Периодически действующая установка (тепловая машина) использует тепловую энергию, переносимую тёплым течением океана. Оцените максимальную полезную мощность, которую можно от неё получить, если скорость течения воды в месте расположения установки $u = 0,1$ м/с, средняя температура воды в поверхностном слое океана, толщина которого $h = 1$ км, $T_1 = 300$ К, температура воздуха вблизи поверхности воды $T_2 = 280$ К, размер установки в поперечном течении направлении $L = 1$ км, удельная теплоёмкость воды $c = 4200$ Дж/(кг · К), плотность воды $\rho = 10^3$ кг/м³.

$$P_{\max} \approx \rho u h L c (T_1 - T_2)$$

ЗАДАЧА 42. (Межреспубликл., 1992, финал, 11) Один из спаев термопары находится при комнатной температуре ($t_1 = 27^\circ\text{C}$), а второй — в теплоизолированном сосуде со льдом, имеющим температуру $t_2 = 0^\circ\text{C}$. Мощность, развиваемая термопарой, выделяется на сопротивлении нагревателя, который помещён в другой теплоизолированный сосуд, содержащий воду (рис.). Оцените повышение температуры воды к моменту окончания плавления льда. Можно считать, что всё электрическое сопротивление цепи сосредоточено в нагревателе. Массы воды и льда одинаковы. Удельная теплоёмкость воды $c = 4,2$ кДж/(кг · К); удельная теплота плавления льда $\lambda = 335$ кДж/кг.



$$\Delta T = \frac{\lambda}{c} \frac{m}{M}$$

ЗАДАЧА 43. (Всеросс., 2019, финал, 11) В двух одинаковых сосудах с поршнем при одинаковых давлении p_A и температуре T_A находятся одинаковые смеси равных масс m жидкой и твердой фаз вещества X . При этом плотность твердой фазы на 20 % больше плотности вещества жидкой фазы ρ_X . Не изменяя внешнего давления, к первому сосуду медленно подводят известное количество теплоты Q_1 . В этом процессе масса твердой фазы уменьшается вдвое. Затем, обеспечив надежную теплоизоляцию сосуда, немного увеличивают внешнее давление. Обозначим это состояние «B».

Внешние воздействия на второй сосуд проводят в обратном порядке: сначала увеличивают давление, а затем, поддерживая его постоянным, подводят необходимое для перевода в то же состояние B количество теплоты Q_2 .

1. Какое количество теплоты больше, Q_1 или Q_2 ?
2. Определите давление p_B в состоянии B.
3. Определите температуру T_B в состоянии B.

Этот же эксперимент с двумя сосудами был проведен со смесями равных масс m жидкой и твердой фаз другого вещества Y , у которого в начальном состоянии C плотность твердой фазы на 20% меньше плотности жидкой фазы ρ_Y . Оказалось, что для изобарического плавления половины твердой фазы Y при переходе из состояния (p_C, T_C) потребовалось подвести

количество теплоты Q_3 , а для перехода в конечное состояние D во втором сосуде — количество теплоты Q_4 .

4. Какое количество теплоты больше, Q_3 или Q_4 ?
5. Определите давление p_D в состоянии D .
6. Определите температуру T_D в состоянии D .

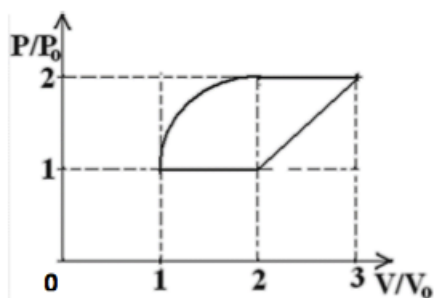
$$\frac{\partial Q}{\partial L} = \alpha_L \left(\frac{u}{(1-\varepsilon)\lambda d^2} + \omega d \right) = \alpha d \left(\varepsilon \partial < \varepsilon \partial \right) \frac{\partial V_L}{\partial L} = \alpha_L \left(\frac{u}{(1-\varepsilon)\lambda d^2} + v d \right) = \alpha d \left(\varepsilon \partial > \varepsilon \partial \right)$$

3 Московская олимпиада школьников по физике

Задача 44. (МОШ, 2018, 10) Моль гелия расширяется изобарически, совершая работу 3,4 Дж, затем изохорически уменьшают его температуру, и, наконец, сжимают адиабатически, возвращая в начальное состояние. Найдите КПД цикла, если в адиабатическом процессе над газом была совершена работа 1,7 Дж.

□0

Задача 45. (МОШ, 2019, 11) Найдите КПД цикла, проводимого с гелием, если он состоит из четверти окружности и треугольника на PV диаграмме. Выразите КПД в процентах и округлите до целых.



□1

Задача 46. (МОШ, 2006, 10) Идеальный одноатомный газ (количество вещества ν) участвует в циклическом процессе, состоящем из двух изотерм и двух изохор. При изохорическом нагревании газ получает количество теплоты Q_1 , а при изотермическом расширении — количество теплоты Q_2 . Минимальная температура газа в данном циклическом процессе равна T_{\min} . Найдите:

- а) максимальную температуру газа;
- б) количества теплоты, отданные газом при изохорическом охлаждении и изотермическом сжатии;
- в) работу, совершённую газом на каждой из стадий процесса;
- г) КПД теплового двигателя, работающего по рассматриваемому циклу.

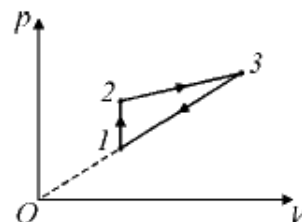
□М. КОНЕЦ ЛИСТКА

Задача 47. (МОШ, 2010, 10) Автомобиль «Камаз» проехал из Санкт-Петербурга в Москву за время $t = 16$ часов, пройдя по дороге 720 км и истратив объём $V = 200$ л дизельного топлива. Движительная установка автомобиля состоит из дизельного двигателя внутреннего сгорания, трансмиссии и шасси.

Найдите КПД (эффективность) автомобиля и его среднюю механическую мощность на всём пути, считая, что механические потери в трансмиссии и шасси составляют $\alpha = 5\%$, а двигатель работает по циклу Дизеля, рабочим телом которого является идеальный трёхатомный газ (теплоёмкость одного моля такого газа в изохорном процессе равна $C_V = 3R$). Цикл Дизеля состоит из четырёх процессов: адиабатного сжатия рабочего тела, изобарного подвода теплоты к рабочему телу, адиабатного расширения рабочего тела и его изохорного охлаждения, в конце которого осуществляется выпуск продуктов сгорания топлива в атмосферу. Удельная теплота сгорания дизельного топлива $q = 42$ МДж/кг, а его плотность $\rho = 0,82$ кг/л. Максимальный объём камеры сгорания — 6000 мл, минимальный — 375 мл, максимальный объём в изобарном процессе — 1500 мл, максимальное давление — 40 атм, максимальное давление при изохорном охлаждении — 6 атм.

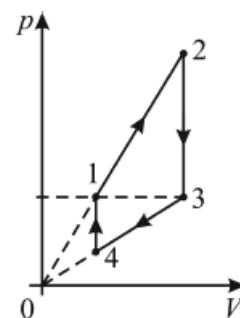
$$\eta_{\text{Дизеля}} = \frac{A}{Q_{\text{подвод}}} = \frac{p_2 V_2 - p_1 V_1}{p_2 V_2 - p_1 V_1} = \left(\frac{(\gamma - 1) \gamma}{\gamma - 1} - 1 \right) (\gamma - 1) = \eta$$

Задача 48. (МОШ, 2017, 11) В тепловом двигателе, рабочим телом которого является один моль идеального одноатомного газа, совершается циклический процесс, изображённый на рисунке, где 1–2 — изохорный процесс. Работа газа за один цикл составляет $A = 60$ Дж, температуры газа в состояниях 1 и 3 равны $T_1 = 320$ К и $T_3 = 350$ К соответственно. Найдите коэффициент полезного действия цикла. Чему равна молярная теплоёмкость в процессе 3–1?



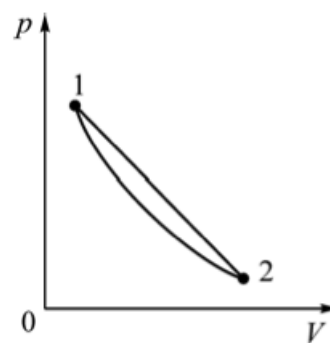
$$\eta = \frac{A}{Q_{\text{подвод}}} = \frac{p_2 V_2 - p_1 V_1}{p_2 V_2 - p_1 V_1} = \eta$$

Задача 49. (МОШ, 2010, 11) На pV -диаграмме представлен цикл 1–2–3–4, который проводится с идеальным одноатомным газом. Участки 2–3 и 4–1 цикла соответствуют изохорным процессам, на участках 1–2 и 3–4 цикла давление газа изменяется прямо пропорционально его объёму. Давление газа в состояниях 1 и 3 одинаково. Найдите КПД этого цикла, если отношение максимального объёма газа к его минимальному объёму равно $n = 1,5$.



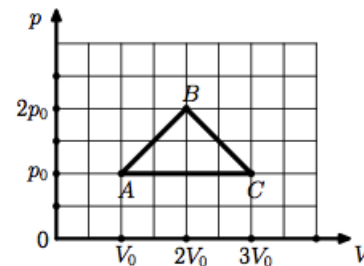
$$\eta = \frac{A}{Q_{\text{подвод}}} = \frac{p_2 V_2 - p_1 V_1}{p_2 V_2 - p_1 V_1} = \eta$$

Задача 50. (МОШ, 2012, 11) Рабочим телом теплового двигателя является $\nu = 1$ моль гелия. Цикл работы тепловой машины состоит из линейного в pV -координатах участка 1–2 и изотермы 2–1. Максимальный объём гелия в цикле в 7 раз больше минимального. Минимальная температура гелия в цикле составляет $T_0 = 280$ К. Какое количество теплоты было получено гелием в данном цикле от нагревателя? Универсальная газовая постоянная $R = 8,3$ Дж/(моль · К).



$$\eta = \frac{A}{Q_{\text{подвод}}} = \frac{p_2 V_2 - p_1 V_1}{p_2 V_2 - p_1 V_1} = \eta$$

Задача 51. (МОШ, 2015, 11) Над идеальным одноатомным газом совершается циклический процесс $ABCA$, изображённый на pV -диаграмме в виде треугольника с вершинами $A(p_0; V_0)$, $B(2p_0; 2V_0)$, $C(p_0; 3V_0)$. Определите, на каких участках цикла происходит теплообмен с нагревателями, на каких — с холодильниками. Чему равно количество теплоты, полученное газом от нагревателя? А отданное холодильнику?

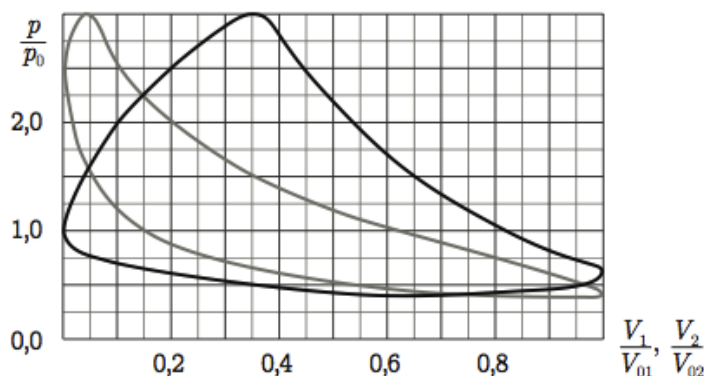
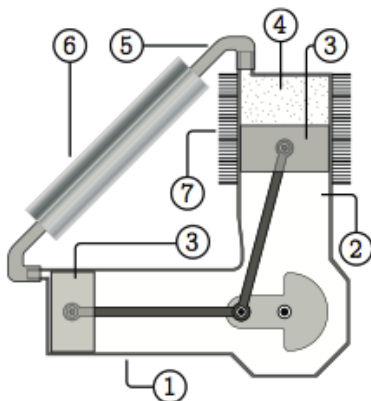


$$\text{Нагр. — } ABK, \text{ хол. — } KCA, \text{ где } K \text{ — середина } BC; Q^+ = \frac{5}{12} p_0 V_0, Q^- = -\frac{5}{12} p_0 V_0$$

Задача 52. (МОШ, 2013, 11) Идеальный газ сначала изотермически расширяют, затем охлаждают при постоянном объёме, пока его температура (в кельвинах) не уменьшится в два раза, после чего газ изотермически сжимают до первоначального объёма и, наконец, завершая циклический процесс, изохорно возвращают в исходное состояние, сообщая такое же количество теплоты, что и при изотермическом расширении. Определите КПД этого цикла.

$$\frac{p}{T} = u$$

Задача 53. (МОШ, 2019, 10) В задаче рассматривается термодинамическая модель двигателя Стирлинга, схематично изображенного на рис.



Поршни 3 совершают возвратно-поступательное движение, преобразующееся во вращательное движение с помощью кривошипно-шатунных передач. Рабочий цилиндр 1 нагревают горелкой. В рамках модели считается, что его температура поддерживается постоянной (обозначим её T). На вытеснительном цилиндре 2 закреплён радиатор 7 для улучшения теплообмена, температура в цилиндре считается равной комнатной температуре T_0 . Рабочее тело 4 (воздух) перекачивается из рабочего цилиндра в вытеснительный и обратно по трубке 5. Устройство 6 — это специальный теплообменник. При перетекании воздуха из рабочего цилиндра в вытеснительный в этом теплообменнике аккумулируется количество теплоты, неизрасходованное рабочим телом на совершение работы в рабочем цилиндре. Затем эта теплота полностью возвращается воздуху при его обратном течении из вытеснительного цилиндра в рабочий. Поэтому можно считать, что всё количество теплоты, полученное рабочим телом от нагревателя, расходуется на совершение работы в рабочем цилиндре. Максимальный объём воздуха в рабочем цилиндре обозначим V_{01} , а в вытеснительном — V_{02} . Объёмом трубки можно пренебречь.

В результате компьютерных расчётов были получены диаграммы зависимости относительного давления от относительного объёма: для рабочего цилиндра — чёрная линия, для вытеснительного — серая линия. При этом цикл для рабочего цилиндра обходится по часовой стрелке, а для вытеснительного — против часовой, $V_{02} = 1,25 \cdot V_{01}$.

1. Определите числовое значение отношения температур T и T_0 .
2. Какая часть общей массы воздуха находится в рабочем цилиндре при давлении $3p_0$?
3. Найдите значение КПД двигателя в рамках данной модели.

$$\eta = 1 - \frac{T_0}{T} = \frac{1}{2} \quad (1)$$

Задача 54. (МОШ, 2018, 11) Цикл Стирлинга состоит из двух изохор и двух изотерм. Для увеличения КПД этого цикла используют регенератор — тепловой резервуар, которому рабочее тело (идеальный газ) отдаёт некоторое количество теплоты Q^* при изохорном охлаждении, и от которого получает такое же количество теплоты Q^* при изохорном нагревании. Эффективность регенератора характеризуется коэффициентом $k = Q^*/Q_V$, где Q_V — полное количество теплоты, получаемое рабочим телом на участке изохорного нагревания. КПД цикла зависит от коэффициента регенерации k .

Пусть КПД некоторого цикла Стирлинга с регенерацией изменяется от минимально возможного значения $1/6$ до максимально возможного значения $1/3$ в зависимости от коэффициента k .

- 1) Во сколько раз максимальная температура газа в течение этого цикла больше минимальной температуры?
- 2) Определите КПД этого цикла при коэффициенте регенерации $k = 1/2$ (при тех же температурах нагревателя и холодильника).

Ответы должны быть даны в виде чисел.

$$1) \frac{3}{2}; 2) \frac{1}{3}$$

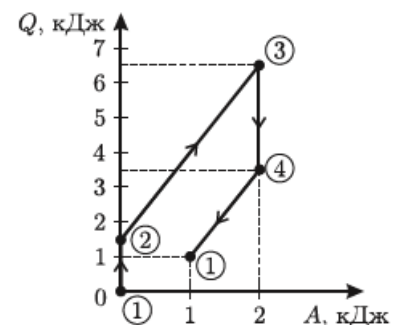
Задача 55. (МОШ, 2008, 11) Цикл тепловой машины состоит из двух изобар и двух изотерм, при этом работа при изобарическом расширении такая же, как и при изотермическом. Найдите КПД такого цикла, если рабочим веществом является гелий, а максимальная температура в процессе вдвое больше минимальной.

$$\frac{1}{2}$$

Задача 56. (МОШ, 2008, 11) С порцией гелия проводят циклический процесс, состоящий из изобарного расширения, изохорного охлаждения и адиабатного сжатия. Может ли КПД такого цикла η оказаться больше 50%? Чему равен максимально возможный КПД такого цикла?

$$\eta_{\max} = 40\%$$

Задача 57. (МОШ, 2009, 11) На рисунке изображён график циклического равновесного процесса 1–2–3–4–1, проводимого над идеальным одноатомным газом в количестве $\nu = 0,5$ моль. По горизонтальной оси отложена работа A , совершённая газом с момента начала процесса, по вертикальной оси — полученное газом количество теплоты Q . Перерисуйте график в координатах «давление p — объём V » и определите КПД, а также максимальную и минимальную температуры газа в данном цикле.

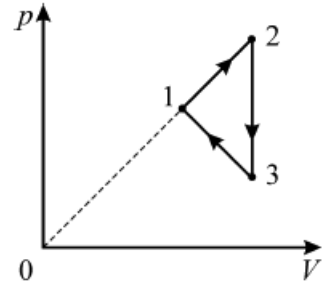


$$\eta = 1 - \frac{T_{\min}}{T_{\max}} = \frac{1}{2} \quad (1)$$

Задача 58. (МОШ, 2017, 11) С одним молем идеального одноатомного газа происходит циклический процесс 1–2–3–1, график которого приведен на pV -диаграмме. Температуры газа в состояниях 1, 2 и 3 равны $T_1 = 4T_0$, $T_2 = 9T_0$ и $T_3 = 3T_0$ соответственно.

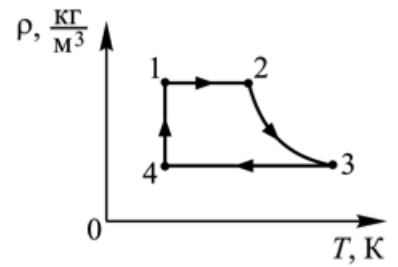
- 1) Чему равна работа, совершаемая газом за один цикл?
- 2) Определите КПД этого процесса.

$$\eta_{\text{цикл}} \approx \eta \quad (\text{или } \eta_{\text{цикл}} \approx \eta)$$



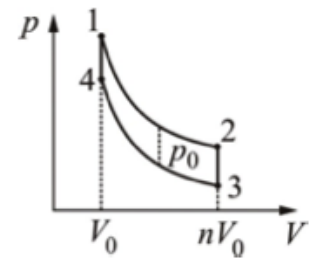
Задача 59. (МОШ, 2011, 11) С одним молем одноатомного идеального газа совершают циклический процесс 1–2–3–4–1, как показано на рисунке в координатах ρT (плотность-температура). Участок 2–3 — гипербола. Температуры в точках 1, 2 и 3 равны, соответственно, $T_1 = 300$ К, $T_2 = 500$ К, $T_3 = 800$ К. На участке 4–1 газ отдаёт холодильнику количество теплоты $Q_{41} \approx 1172$ Дж. Найти КПД цикла.

$$\eta_{\text{цикл}} \approx \frac{\frac{1}{2} \frac{p_1 - p_2}{p_1} - \frac{p_2 - p_3}{p_1}}{\left(\frac{p_1}{p_2} \text{ или } \frac{p_2 - p_3}{p_1}\right)} = \eta \quad \text{или} \quad \eta_{\text{цикл}} \approx \frac{\frac{1}{2} \frac{p_1 - p_2}{p_1} - \frac{p_2 - p_3}{p_1}}{\left(\frac{p_1}{p_2} - \frac{p_2 - p_3}{p_1}\right)} = \eta$$



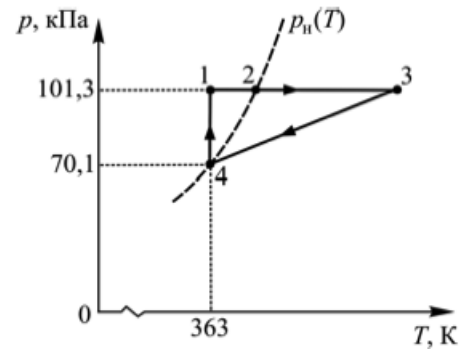
Задача 60. (МОШ, 2013, 11) Над идеальным одноатомным газом совершают циклический процесс 1–2–3–4–1, график которого изображён на pV -диаграмме. Минимальный объём газа равен V_0 , а максимальный — в n раз больше. Участки 2–3 и 4–1 — изохоры, участок 3–4 — адиабата, а участок 1–2 получен из участка 3–4 сдвигом на отрезок длиной p_0 вверх вдоль оси давления. Определите количества теплоты, полученные или отданные на участках 1–2, 2–3, 4–1, а также КПД этого цикла.

$$\frac{p_1 - p_2}{p_1} = \eta \quad \text{или} \quad \eta_{\text{цикл}} \approx \frac{p_1 - p_2}{p_1} = \eta \quad \text{или} \quad \eta_{\text{цикл}} \approx \frac{p_1 - p_2}{p_1} = \eta$$



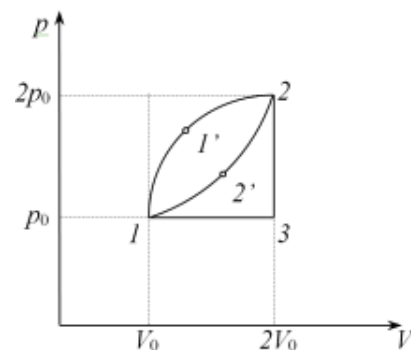
Задача 61. (МОШ, 2011, 11) Рабочим телом тепловой машины служит некоторое количество воды. Цикл, по которому работает машина, показан на рисунке в pT -координатах (пунктиром изображена зависимость давления насыщенных паров воды от температуры). Он состоит из изобарического (1–2–3), изохорического (3–4) и изотермического (4–1) участков. Найдите КПД этого цикла, считая воду практически несжимаемой жидкостью.

Напоминания: $p_1 = 101,3$ кПа — нормальное атмосферное давление, удельная теплота парообразования воды (при 100°C) $L \approx 2,26 \cdot 10^6$ Дж/кг, молярная масса воды $\mu = 18$ г/моль, удельная теплоёмкость воды $c \approx 4,19 \cdot 10^3$ Дж/(кг · К), универсальная газовая постоянная $R \approx 8,31$ Дж/(моль · К), теплоёмкость одного моля водяного пара при постоянном давлении равна $4R$.



$$\eta_{\text{цикл}} \approx \eta$$

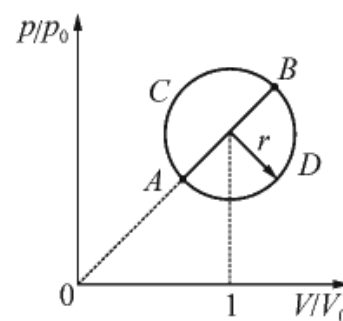
Задача 62. (МОШ, 2016, 11) А) Определите КПД η циклического процесса $11'231$, который совершается с одноатомным идеальным газом. pV -диаграмма цикла изображена на рисунке. Кривая $11'2$ на диаграмме — четверть дуги окружности (при соответствующем выборе масштабов). Объём газа в цикле меняется в диапазоне от V_0 до $2V_0$, давление меняется в диапазоне от p_0 до $2p_0$. Минимальная температура газа равна $T_0 = 120$ К, а количество вещества составляет $\nu = 1$ моль. Универсальная газовая постоянная $R = 8,3$ Дж/(моль · К).



Б) Разделим данный цикл некоторой дугой $12'2$ так, как показано на рисунке. КПД цикла $12'231$ равен η_1 . Определите КПД цикла $11'22'1$.

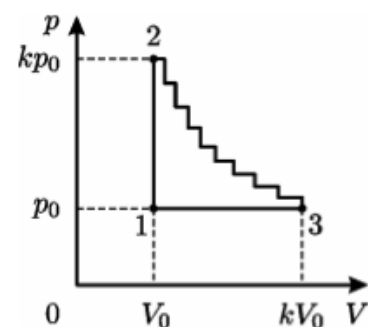
$$\frac{\eta_1 - 1}{\eta_1 - \eta} = \eta_1 \Rightarrow \eta_1 \approx \frac{\nu + 11}{\nu} = \eta \quad (\text{A})$$

Задача 63. (МОШ, 2016, 11) Две тепловые машины используют в качестве рабочего тела постоянное количество одноатомного идеального газа. Циклы, по которым работают эти машины, при изображении в координатах «давление–объём» при некотором выборе масштабов являются двумя половинами одной окружности: первая машина работает по циклу $ACBA$, а вторая — по циклу $ABDA$ (см. рисунок). Диаметр AB этой окружности лежит на прямой, проходящей через начало координат, и обладает тем свойством, что на участке цикла ACB газ только получает теплоту от нагревателя, а на участке BDA — только отдаёт теплоту холодильнику. Центр окружности соответствует объёму V_0 , радиус окружности при выбранном масштабе равен $r = 1/\sqrt{10}$. Во сколько раз максимально возможный КПД второй машины отличается от максимально возможного КПД первой машины?



$$\eta_1 \approx \frac{51 \wedge 8}{x} + 1 = \frac{\eta_2}{\eta} \quad (\text{B})$$

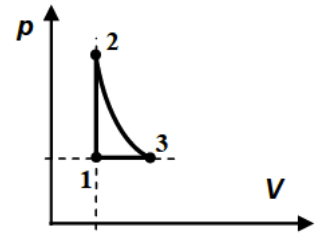
Задача 64. (МОШ, 2007, 11) Над ν молями идеального одноатомного газа проводят циклический процесс, график которого изображён на pV -диаграмме. Цикл состоит из вертикального (1–2) и горизонтального (3–1) участков и «лестницы» (2–3) из n ступенек, на каждой из которых давление и объём газа изменяются в одно и то же количество раз. Отношение максимального давления газа к минимальному равно k ; отношение максимального объёма к минимальному также равно k . Найдите КПД тепловой машины, работающей по данному циклу.



$$\frac{(\gamma - 1) \frac{1}{k} + (\gamma - 1) \frac{1}{k} \nu k \frac{1}{k}}{(\gamma - 1) - (\gamma - 1) \frac{1}{k} \nu k} = \eta$$

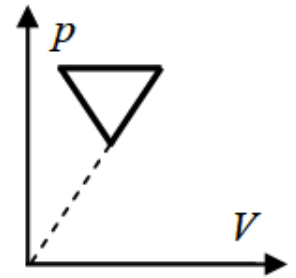
4 «Покори Воробьёвы горы!»

ЗАДАЧА 65. («Покори Воробьёвы горы!», 2015, 10–11) На рисунке представлена pV -диаграмма процесса над идеальным одноатомным газом, некоторое количество которого является рабочим телом тепловой машины. В этом цикле расширение газа происходит адиабатически. Давление газа в точке 2 на $n\%$ больше его давления в точке 1, а объём в точке 3 — на $k\%$ больше объёма в точке 1. Известно, что n и k связаны соотношением $n/k = 8/3$. Найти КПД цикла.



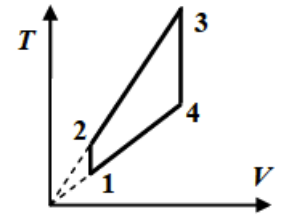
$$\eta = \frac{n}{n+k} - 1 = \eta$$

ЗАДАЧА 66. («Покори Воробьёвы горы!», 2015, 10–11) На рисунке в координатах p - V представлен цикл одноатомного идеального газа, являющегося рабочим телом тепловой машины. Диаграмма цикла имеет вид равнобедренного треугольника, основание которого параллельно оси объёмов, а продолжение одной из сторон проходит через начало координат. Известно, что при изобарном расширении абсолютная температура газа возрастает в $n = 2$ раза. Найти КПД этого цикла.



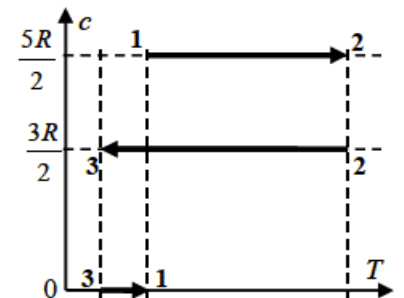
$$\eta = \frac{n}{1+n} = \eta$$

ЗАДАЧА 67. («Покори Воробьёвы горы!», 2017, 10–11) На рисунке представлена TV -диаграмма цикла, в котором участвует постоянное количество одноатомного идеального газа. КПД этого цикла равен $\eta = 8\%$. Известно, что температура в состоянии 4 во столько же раз больше температуры в состоянии 2, во сколько последняя больше температуры в состоянии 1 $T_1 = 250$ К. Найти T_4 .



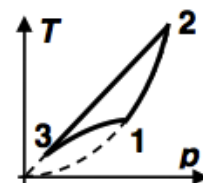
$$T_4 = T_1 \frac{1+\eta}{1-\eta} = 432 \text{ K}$$

ЗАДАЧА 68. («Покори Воробьёвы горы!», 2017, 10–11) Рабочим телом тепловой машины является 1 моль одноатомного идеального газа, совершающий циклический процесс, диаграмма которого в координатах «теплоёмкость — температура» показана на рисунке. Известно, что максимальная абсолютная температура газа в цикле больше минимальной в $n = 4\sqrt{2}$ раз. Найти КПД цикла. Уравнение адиабаты для одноатомного идеального газа $pV^{5/3} = \text{const}$.



$$\eta \approx \frac{1-\frac{1}{n}}{1-\frac{1}{n}} = \frac{1-\frac{1}{n}}{1-\frac{1}{n}} = \eta$$

ЗАДАЧА 69. («Покори Воробьёвы горы!», 2019, 10–11) На графике в координатах «давление — температура» показан цикл постоянного количества одноатомного идеального газа, являющегося рабочим телом тепловой машины. Диаграмма процесса 1 – 2 — участок параболы, проходящей через начало координат, процесса 2 – 3 — участок прямой, проходящей через начало координат, а процесс 3 – 1 — адиабатический. Модуль работы в адиабатическом процессе составляет 60% от работы газа в процессе 1 – 2. Найти КПД цикла.

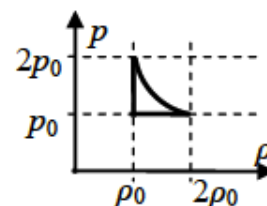


$$\eta'_{0} = \eta$$

ЗАДАЧА 70. («Покори Воробьёвы горы!», 2019, 10–11) Над постоянным количеством идеального газа производят циклический процесс, состоящий из двух изохор и двух изотер. Работа в этом цикле положительна и она в $k = 2$ раза меньше, чем количество теплоты, полученное газом в процессе изохорного нагревания. Абсолютная температура «более горячей» изотермы в $n = 1,6$ раза выше, чем температура «более холодной». Пусть этот процесс — цикл рабочего тела тепловой машины. Чему равен КПД этого цикла?

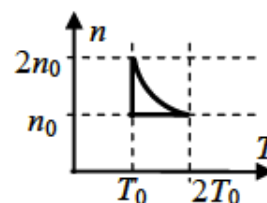
$$\eta'_{0} \approx \frac{\frac{1}{3}}{\frac{1}{3}} = \frac{u + (1-u)q}{1-u} = \eta$$

ЗАДАЧА 71. («Покори Воробьёвы горы!», 2016, 10–11) Постоянное количество гелия является рабочим телом тепловой машины, цикл которой в координатах «давление-плотность» показан на рисунке. Найти максимальный КПД этой тепловой машины (т. е. в пренебрежении всеми потерями, кроме передачи тепла холодильнику). Криволинейный участок диаграммы — гипербола $p\rho = \text{const}$.



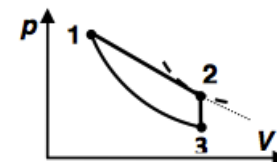
$$\frac{\eta'_{1}}{\eta} = \eta$$

ЗАДАЧА 72. («Покори Воробьёвы горы!», 2016, 10–11) Постоянное количество гелия является рабочим телом тепловой машины, цикл которой в координатах «концентрация молекул — температура» показан на рисунке. Найти максимальный КПД этой тепловой машины (т. е. в пренебрежении всеми потерями, кроме передачи тепла холодильнику). Криволинейный участок диаграммы — гипербола $nT = \text{const}$.



$$\eta'_{0} \approx (\eta'_{1} - \eta) \frac{5}{2} = \eta$$

ЗАДАЧА 73. («Покори Воробьёвы горы!», 2018, 10–11) На рисунке показана диаграмма циклического процесса над постоянным количеством гелия, являющимся рабочим телом тепловой машины. Цикл состоит из изохоры, адиабаты и процесса с линейной зависимостью давления от объёма, в котором объём увеличивается в 2,5 раза. Пунктирная кривая — участок адиабаты, касающейся диаграммы этого процесса в точке 2. Найти КПД цикла.

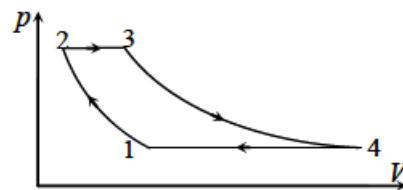


Уравнение адиабаты для одноатомного идеального газа имеет вид $pV^{5/3} = \text{const}$.

$$6\eta'_{0} \approx \frac{1}{1} - \frac{5}{3} \left(\frac{5}{2}\right) = \eta$$

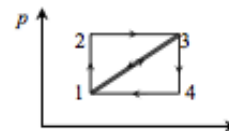
5 «Росатом»

ЗАДАЧА 74. («Росатом», 2017, 11) С идеальным газом проводят циклический процесс 1–2–3–4–1, состоящий из двух изотерм (1–2 и 3–4) и двух изобар (2–3 и 4–1; см. рисунок). Известно, что отношение температур на изотермах 1–2 и 3–4 равно $T_{34}/T_{12} = 2$, а на участке изотермического расширения газ получал в 3 раза больше тепла, чем на участке изобарического нагревания 2–3. Найти КПД цикла.



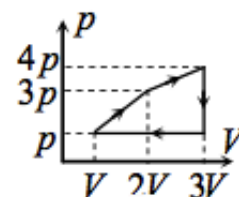
$$\frac{Q}{Q_1} = \eta$$

ЗАДАЧА 75. («Росатом», 2011, 11) На рисунке в координатах «давление–объём» показаны графики циклических процессов, проходящих с идеальным газом (график 1–2–3–4–1 представляет собой прямоугольник со сторонами, параллельными осям). Коэффициент полезного действия процесса 1–3–4–1 известен и равен η . Найти КПД процесса 1–2–3–1.



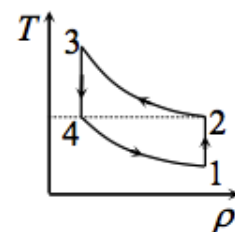
$$\frac{u+1}{u} = \eta$$

ЗАДАЧА 76. («Росатом», 2015, 10) С одним моле одноатомного идеального газа происходит циклический процесс, график которого в координатах «давление–объём» приведён на рисунке. Найти КПД процесса. Все необходимые величины даны на рисунке.



$$\frac{pV}{z}$$

ЗАДАЧА 77. («Росатом», 2019, 10) С некоторым количеством одноатомного идеального газа проводят циклический процесс 1–2–3–4–1. График зависимости абсолютной температуры газа от его плотности приведен на рисунке. На участках 1–2 и 3–4 зависимости изображаются на графике вертикальными прямыми, на участках 2–3 и 4–1 температура обратно пропорциональна плотности. Известно также, что температуры газа в состояниях 2 и 4 равны друг другу и абсолютная температура в состояниях 2 и 4 вдвое больше абсолютной температуры в состоянии 1. Известно также, что в течение цикла газ получает от нагревателя количество теплоты Q , а частота повторения циклов ν . Найти мощность двигателя, работающего по данному циклу.

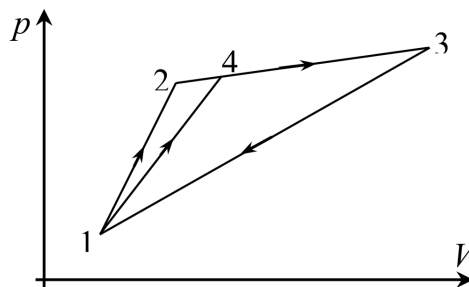


$$n \frac{\partial \epsilon}{\partial t} = N$$

ЗАДАЧА 78. («Росатом», 2020, 10) Порция гелия участвует в следующем процессе: сначала газ совершает изотермическое расширение, получив количество теплоты Q , затем его подвергли изобарическому сжатию, совершив над ним работу $A = \frac{Q}{3}$, а затем изохорически вернули к первоначальному состоянию. Найти термодинамический КПД этого цикла и среднюю мощность двигателя, работающего по такому циклу, если весь цикл длится Δt .

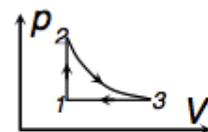
$$\frac{\partial \epsilon}{\partial t} = N \cdot \frac{6}{V} = \eta$$

ЗАДАЧА 79. («Росатом», 2020, 10–11) С идеальным газом проводят циклический процесс 1–2–3–1, график которого в координатах «давление–объем» представляет собой треугольник, причем прямые 1–2, 2–3 и 1–3 являются возрастающими (см. рисунок). Известно, что термодинамический КПД процесса 1–2–3–1 равен η . Найти КПД процесса 1–4–3–1, если прямая 1–4 делит отрезок 2–3 на части, длины которых 2–4 и 4–3 относятся друг к другу как 1 : 4 соответственно.



$$\frac{\eta - \xi}{\eta} = \mu$$

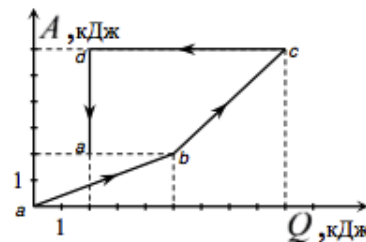
ЗАДАЧА 80. («Росатом», 2013, 11) С одноатомным идеальным газом происходит циклический процесс, состоящий из изохоры (1–2), адиабаты (2–3) и изобары (3–1). Известно, что в изохорическом процессе давление газа возросло в два раза. Найти КПД цикла.



Указание. В адиабатическом процессе давление одноатомного идеального газа и его объём связаны соотношением $pV^{5/3} = \text{const}$.

$$\frac{\xi}{\eta \cdot \zeta \cdot \vartheta - \delta} = \mu$$

ЗАДАЧА 81. («Росатом», 2018, 11) С одноатомным идеальным газом происходит циклический процесс $a-b-c-d-a$ (начальное и конечное состояния газа совпадают). Дан график зависимости работы, совершённой газом с начала процесса, от количества теплоты, полученного газом с начала процесса. Качественно построить график зависимости давления газа от его объёма в этом процессе и объяснить построение. Найти КПД процесса.

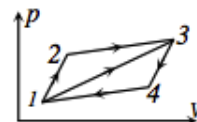


$$\frac{\vartheta}{\zeta} = \mu$$

ЗАДАЧА 82. («Росатом», 2013, 11) Какую максимальную работу можно совершить, используя айсберг массой $3 \cdot 10^6$ т в качестве холодильника и океан в качестве нагревателя? Считать, что температура айсберга равна $t_1 = 0^\circ\text{C}$, а температура воды в океане равна $t_2 = 12^\circ\text{C}$. Удельная теплота плавления льда $\lambda = 3,4 \cdot 10^5$ Дж/кг.

$$A_{\text{max}} = \lambda m \left(1 - \frac{t_1}{t_2} \right)$$

ЗАДАЧА 83. («Росатом», 2012, 11) Известно, что КПД двигателя, работающего по циклическому процессу 1–2–3–4–1, график которого в координатах $p - V$ представляет собой параллелограмм, равен η . Найти КПД двигателя, работающего по циклическому процессу 1–3–4–1. Рабочее тело двигателя — одноатомный идеальный газ.



$$\frac{\eta - \zeta}{\eta} = \mu$$

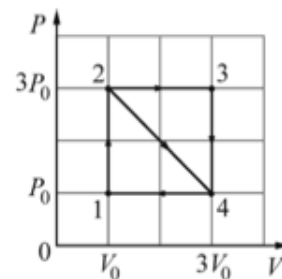
ЗАДАЧА 84. («Росатом», 2018, 11) Два тела с теплоёмкостями $2C$ и C имеют температуры T и $3T$ соответственно. Какая минимальная температура может установиться в этой системе, если тела использовать в качестве нагревателя и холодильника теплового двигателя, а произведённая механическая работа будет «уходить» из системы? Какую максимальную работу можно получить в такой системе тел? Других потерь энергии в рассматриваемой системе нет.

$$\left(\frac{2}{3} \varepsilon - \varepsilon \right) L C = V \cdot \frac{2}{3} \varepsilon L = \frac{2}{3} L$$

6 «Курчатов»

ЗАДАЧА 85. («Курчатов», 2015, 11) С одноатомным идеальным газом проводят циклы 1–2–3–4–1 и 1–2–4–1, показанные на рисунке. Найдите КПД обоих циклов. КПД какого из циклов больше и на сколько?

Молярная теплоёмкость одноатомного идеального газа при постоянном объёме $C_V = 3R/2$.



$$\frac{\varepsilon_1}{V} = \varepsilon_1 \cdot \frac{6}{2} = \varepsilon_1$$

7 APhO, IPhO

ЗАДАЧА 86. (IPhO, 2000)¹ Тепловой двигатель работает, используя два одинаковых тела, имеющих первоначально различные температуры T_1 и T_2 ($T_1 > T_2$). Каждое тело имеет массу m и неизменную удельную теплоёмкость c . Тела поддерживаются при постоянном давлении и не меняют своего фазового состояния.

а) Представьте подробный вывод выражения для конечной температуры T двух тел в предположении, что тепловой двигатель совершил максимальную теоретически возможную механическую работу.

б) Получите выражение для максимально возможной механической работы A_m .

с) Тепловая машина работает между двумя ёмкостями с водой объёмом $2,50 \text{ м}^3$. Температура воды в первой ёмкости 350 К , а во второй — 300 К . Вычислите по этим данным максимальную механическую работу.

$$T = \sqrt{\frac{T_1 T_2}{2}} \approx 320 \text{ К} \quad A_m = mc \left(\sqrt{\frac{T_1 T_2}{2}} - \frac{T_1 + T_2}{2} \right) \approx 20 \text{ МДж}$$

ЗАДАЧА 87. (APhO, 2014)

- [Циркуляция Хадли / The Hadley circulation.](#)
- [Solution.](#)

¹Первое задание на IPhO-2000 состояло из пяти независимых задач, и это — одна из них.

Ответ к задаче 46

$$\text{а) } T_{\max} = T_{\min} + \frac{2Q_1}{3\nu R};$$

$$\text{б) } Q_3 = Q_1; Q_4 = \frac{U_{\min} Q_2}{U_{\min} + Q_1};$$

$$\text{в) } A_1 = 0, A_2 = Q_2, A_3 = 0, A_4 = -\frac{U_{\min} Q_2}{U_{\min} + Q_1};$$

$$\text{г) } \eta = \frac{Q_1 Q_2}{(Q_1 + Q_2)(U_{\min} + Q_1)}.$$

Здесь обозначено $U_{\min} = \frac{3}{2}\nu RT_{\min}$.