

## Полное отражение

Теорию смотрите в соответствующем разделе статьи «[Преломление света](#)» базового курса.

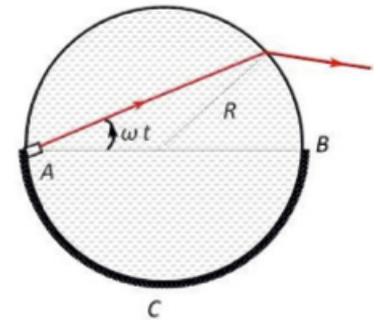
**ЗАДАЧА 1.** На дне водоёма, имеющего глубину  $H$ , находится точечный источник света. Какой минимальный радиус  $R$  должен иметь круглый непрозрачный диск, плавающий на поверхности воды над источником, чтобы этот источник нельзя было обнаружить с вертолёта? Показатель преломления воды равен  $n$ .

$$\frac{1 - \frac{1}{n^2}}{H} = \frac{1}{R}$$

**ЗАДАЧА 2.** Водолаз стоит на горизонтальном дне водоёма, имеющего глубину  $H = 15$  м. Рост водолаза равен  $h = 1,7$  м. На каком расстоянии  $l$  от водолаза находятся те части дна, которые он может увидеть отражёнными от поверхности воды? Показатель преломления воды  $n = 4/3$ .

$$l \approx \frac{1}{n} \sqrt{H^2 - h^2} < l$$

**ЗАДАЧА 3.** (*Всеросс., 2017, финал, 9*) Внутри стеклянного тонкостенного цилиндрического сосуда радиуса  $R$  вблизи его стенки в точке  $A$  расположен микролазер, размеры которого гораздо меньше  $R$ . Сосуд заполнен водой, а снаружи находится воздух. Половина внутренней поверхности сосуда, соответствующая дуге  $ACB$ , зачернена и поглощает свет. Изначально луч лазера направлен в точку  $B$ .



Лазер начинает вращаться с постоянной угловой скоростью  $\omega$  против часовой стрелки в плоскости рисунка вокруг оси, проходящей через точку  $A$  (рис.). Показатель преломления воды  $n = 4/3$ .

- Через какое время  $\tau$  луч перестанет выходить из сосуда?
- Чему будет равна скорость «зайчика» на зачернённой поверхности цилиндра в момент времени  $1,5\tau$  от начала движения?

*Примечание.* Вам может потребоваться закон Снелла:  $n_1 \sin \varphi_1 = n_2 \sin \varphi_2$ , где  $n_1$  и  $n_2$  — показатели преломления в первой и второй среде,  $\varphi_1$  и  $\varphi_2$  — углы падения и преломления.

$$\tau = \frac{1}{\omega} \arcsin \frac{n_1}{n_2} = \frac{1}{\omega} \arcsin \frac{3}{4}$$

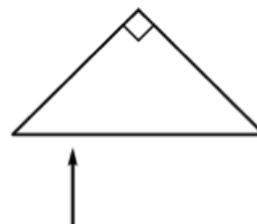
**ЗАДАЧА 4.** Сечение стеклянной призмы имеет вид равнобедренного треугольника с преломляющим углом  $\varphi$ . Луч света идёт вдоль одной боковой грани призмы по направлению к вершине. При каком наименьшем угле  $\varphi$  преломлённый луч претерпит полное отражение на другой боковой грани? Показатель преломления стекла равен  $n$ .

$$\varphi_{\text{min}} = \arcsin \frac{2}{n}$$

ЗАДАЧА 5. Призма с преломляющим углом  $\varphi = 60^\circ$  сделана из стекла с показателем преломления  $n = 7/4$ . При каком угле падения  $\alpha$  светового луча на одну из граней он не сможет выйти через вторую грань?

$$\sin \alpha \approx \left( \frac{\sin \varphi}{n} - \frac{\sin \varphi}{n} \right) \sin \varphi \approx 0$$

ЗАДАЧА 6. (МОШ, 2012, 11) На призму, сечение которой имеет вид равнобедренного прямоугольного треугольника, перпендикулярно нижней грани падает луч от лазерной указки. Каким должен быть показатель преломления  $n$  материала, из которого сделана призма, чтобы свет от указки вышел из призмы наружу только через эту же грань?



$$n < \sqrt{2}$$

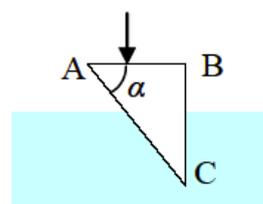
ЗАДАЧА 7. (МФТИ, 1994) На горизонтальном дне водоёма лежит монета радиуса  $r = 2$  см. На каком максимальном расстоянии от монеты надо поместить в воде плоский экран радиуса  $R = 5$  см, чтобы монету нельзя было обнаружить из воздуха при спокойной поверхности воды? Показатель преломления воды  $n = 4/3$ .

$$R \approx \frac{r}{n} \sqrt{n^2 - 1} = 2,6 \text{ см}$$

ЗАДАЧА 8. («Покори Воробьёвы горы!», 2017, 10–11) Вплотную к торцу прямого цилиндрического прозрачного стержня расположен маленький источник света, испускающего свет во всех направлениях. При какой минимальной величине показателя преломления материала стержня  $n$  все лучи, попавшие в стержень через торец вблизи источника света, достигнут его другого торца?

$$n \leq \sqrt{2}$$

ЗАДАЧА 9. («Покори Воробьёвы горы!», 2015, 10–11) Прямоугольный клин из оптического стекла с показателем преломления  $n_1 = 1,7$  помещён в глицерин ( $n_2 = 1,47$ ), как показано на рисунке. При каких значениях угла  $\alpha$  луч света, падающий перпендикулярно грани  $AB$ , выйдет в глицерин из грани  $AC$ ?



$$\sin \alpha \approx \frac{n_2}{n_1} \sin \varphi > 0$$

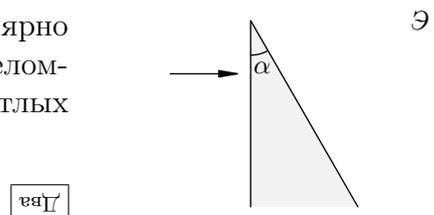
ЗАДАЧА 10. («Покори Воробьёвы горы!», 2014, 10–11) Прозрачный цилиндр, верхний торец которого находится в воздухе, помещён в воду. Точечный источник света  $S$  расположен вне цилиндра на его оси вблизи верхнего торца. Найдите минимальный показатель преломления  $n$  материала цилиндра, при котором ни один луч, вошедший через основание, не выйдет через боковую поверхность наружу. Показатель преломления воды  $n_B = 1,33$ .

$$n \approx 1 + \frac{n_B^2}{2} = 1,88$$

ЗАДАЧА 11. («Покори Воробьёвы горы!», 2019, 10–11) Точечный источник света расположен перед торцом длинного стеклянного цилиндрического световода с показателем преломления  $n$ . Источник расположен на оси цилиндра. Чему равен угол  $\delta$  между крайними лучами конического светового пучка, выходящего из противоположного торца световода?

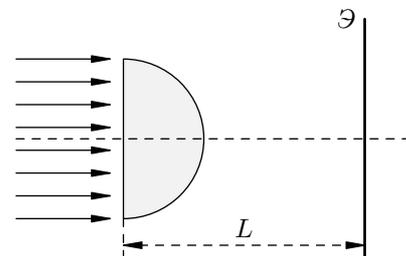
$$\delta \approx \arcsin \left( \frac{n-1}{n} \right) \text{ при } n > 2 \text{ и } \delta \approx \arcsin \left( \frac{n-1}{n} \right) \text{ при } n < 2$$

Задача 12. (МФТИ, 1979) На стеклянный клин перпендикулярно его грани падает тонкий луч света (см. рисунок). Показатель преломления стекла  $n = 1,41$ , угол при вершине  $\alpha = 10^\circ$ . Сколько светлых пятен будет видно на экране, поставленном за клином?



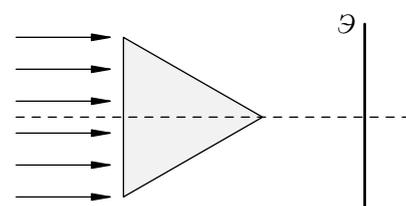
Лва

Задача 13. (МФТИ, 1979) На половину шара, изготовленного из стекла с показателем преломления  $n = 1,41$ , падает параллельный пучок лучей (см. рисунок). На расстоянии  $L = 4,82$  см расположен экран Э. Определите радиус светлого пятна на экране, если радиус шара  $r = 2$  см.



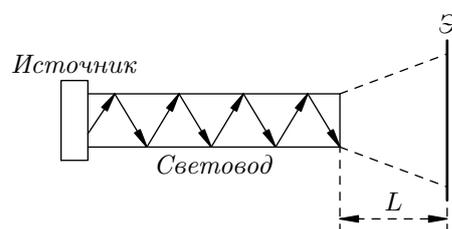
2 см

Задача 14. (МФТИ, 1983) Параллельный пучок света падает на основание стеклянного конуса ( $n = 1,5$ ) вдоль его оси. Сечение пучка совпадает с основанием конуса, радиус которого  $R = 1$  см. Высота конуса равна  $\sqrt{3}$  см. Определить площадь светлого пятна на экране, перпендикулярном оси конуса и расположенном на расстоянии 1 см от вершины конуса (см. рисунок).



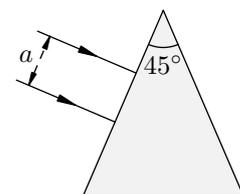
$$S = \pi R^2 (\sqrt{3} + 1)$$

Задача 15. (МФТИ, 1977) Световод (длинная тонкая нить) изготовлен из прозрачного материала с показателем преломления  $n = 1,2$ . Один из торцов световода прижат к источнику рассеянного света, другой торец размещён на расстоянии  $L = 5$  см от экрана (см. рисунок). Найдите диаметр светового пятна на экране.



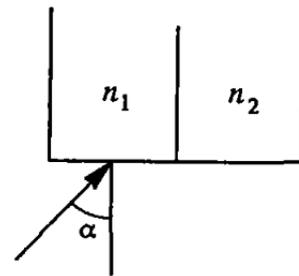
$$D = 2L \sqrt{\frac{n^2 - 1}{n^2}} = 2L \sqrt{1 - \frac{1}{n^2}}$$

Задача 16. («Ломоносов», 2015, 10–11) На левую грань равнобедренной стеклянной призмы падает по нормали к ней параллельный пучок света шириной  $a = 1$  см (см. рисунок), причём после прохождения левой грани пучок целиком попадает на правую грань призмы. Найдите ширину  $b$  пучка, выходящего из призмы, если угол при вершине призмы равен  $45^\circ$ , а показатель преломления стекла  $n = 1,7$ . Ответ приведите в миллиметрах, округлив до одного знака после запятой.



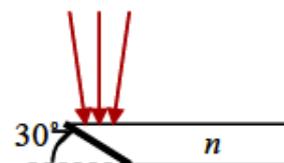
$$b = a \sqrt{\frac{n^2 - 1}{n^2}} = a \sqrt{1 - \frac{1}{n^2}}$$

Задача 17. (МФТИ, 1997) Высокий прямоугольный сосуд разделён вертикальной перегородкой на два отсека (см. рисунок). Первый отсек заполнен жидкостью с показателем преломления  $n_1 = 1,4$ , второй — с показателем преломления  $n_2 < n_1$ . На дно первого отсека падает узкий пучок света под углом  $\alpha = 30^\circ$ . При каких значениях показателя преломления  $n_2$  луч не сможет проникнуть во второй отсек? Все вертикальные стенки и дно являются прозрачными плоскопараллельными пластинами.



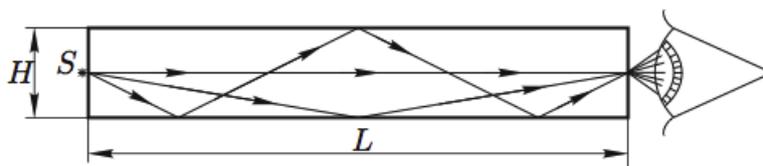
$$\varepsilon_{11} \approx \frac{v_{\text{чис}} - \frac{1}{\varepsilon} \Lambda}{\varepsilon} > \varepsilon u$$

Задача 18. («Покори Воробьёвы горы!», 2016, 10–11) Плоскопараллельная пластина, изготовленная из прозрачного материала с показателем преломления  $n = \sqrt{2} \approx 1,41$ , срезана с одной стороны под углом  $30^\circ$ , и срез покрыт хорошо отражающим слоем. Узкие пучки параллельных световых лучей, излучаемые лазером, направляются на пластину в плоскости, перпендикулярной ребру среза, таким образом, что они отражаются от среза. При каких углах падения эти пучки попадут на край пластины, противоположный срезу, с интенсивностью, близкой к исходной? Размеры пластины очень значительно превышают её толщину.



$$\varepsilon_{11} \approx \frac{\varepsilon}{1 - \varepsilon \Lambda} \text{чис.ре} \geq v > \text{.06-}$$

Задача 19. (Всеросс., 2011, финал, 11) Вблизи левого торца хорошо отполированной прозрачной пластины, показатель преломления которой  $n$ , расположен точечный источник света  $S$  (рис.). Толщина пластины  $H = 1$  см, её длина  $L = 100$  см. Свет от источника падает на левый торец пластины под всевозможными углами падения ( $0 - 90^\circ$ ). В глаз наблюдателя попадают как прямые лучи от источника, так и лучи, многократно испытавшие полное отражение на боковых гранях пластины.



1) Какое максимальное число отражений может испытать луч от источника, выходящий через правый торец пластины? Решите задачу для двух значений коэффициента преломления:  $n_1 = 1,73$ ,  $n_2 = 1,3$ .

2) Укажите, в каком из этих двух случаев свет частично выходит из пластины через боковые грани.

$$\varepsilon_{11} = \left[ \frac{\varepsilon}{1} + \frac{H}{1 - \varepsilon \Lambda} \right] = \varepsilon_{N1} L = \left[ \frac{\varepsilon}{1} + \frac{1 - \varepsilon \Lambda}{T} H \right] = \varepsilon_{N1}$$