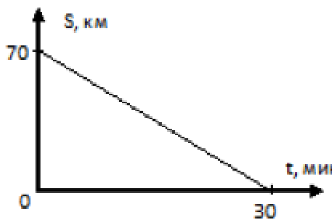
Относительность движения

В некоторых ситуациях приходится рассматривать движение тела в двух системах отсчёта, одна из которых считается неподвижной (например, связанная с землёй), а вторая двигается относительно первой.

Движение вдоль одной прямой

С такими задачами вы давно знакомы. Если Петя идёт по прямой дороге со скоростью 1 м/с, а Вася двигается по этой же дороге навстречу Пете со скоростью 2 м/с, то Пете кажется, что Вася приближается к нему со скоростью $1 + 2 = 3$ м/с. Физик скажет, что 1 м/с и 2 м/с — это скорости Пети и Васи в неподвижной системе отсчёта, а 3 м/с — скорость Васи относительно Пети (то есть в системе отсчёта, связанной с Петей).

Задача 1. (*Всеросс., 2018, МЭ, 9*) Деревня находится на расстоянии $L = 70$ км от города. Населённые пункты соединяет прямолинейный участок шоссе. Одновременно из города и деревни навстречу начинают движение легковой автомобиль и автобус. Скорость автомобиля равна $v = 90$ км/ч. На рисунке представлен график, на котором показано, как изменялось расстояние между ними с момента выезда до момента встречи. Найдите скорость автобуса. Какое время потребовалось автобусу на путь от места встречи до города? Считать, что автобус и автомобиль движутся с постоянными скоростями во время всего движения.



50 км/ч; 54 мин

Задача 2. (*«Курчатов», 2017, 9*) Два авианосца движутся навстречу друг другу с постоянными скоростями. Скорость первого авианосца 20 км/ч, скорость второго — 30 км/ч. В момент, когда расстояние между кораблями равно 60 км, с первого авианосца взлетает вертолёт и движется по прямой ко второму авианосцу со скоростью 150 км/ч. Долетев до второго авианосца, вертолёт зависает на 18 минут над этим кораблём, и затем возвращается на первый авианосец, вновь двигаясь со скоростью 150 км/ч. Сколько времени вертолёт отсутствовал на первом авианосце? Найдите путь, пройденный вертолётом.

48 мин; 84 км

Задача 3. (*МОШ, 2014, 7–8, 11*) Школьник Владислав идёт по движущемуся вверх эскалатору, поднимаясь за 20 с. Школьник Ярослав, стоя на этом же эскалаторе, поднимается за 60 с.

А) За какое время Владислав будет подниматься по эскалатору вверх, если эскалатор остановить?

В) За какое время Владислав будет подниматься по эскалатору вверх, если эскалатор запустят в обратном направлении с такой же по модулю скоростью, как и при движении вверх?

Ответы представьте в секундах и округлите до целых.

А) 30; В) 60

Задача 4. (*«Росатом», 2013, 11*) Ширина реки равна l. Если лодка плывёт против течения реки, её скорость относительно земли равна v, если по течению — $3v$. За какое минимальное время лодка может пересечь реку?

$\boxed{\tau_{\min} = \frac{l}{2v}}$

Задача 5. (*«Росатом», 2013, 9*) Корабль плывёт по реке с постоянной скоростью. По палубе с постоянной по величине скоростью ходит пассажир. От кормы к носу пассажир идёт со скоростью v относительно берега, а обратно со скоростью $v/2$ относительно берега. Длина палубы L. Пассажир прошел один раз от кормы к носу и обратно. Какое расстояние относительно берега прошёл за это время корабль? Скорость корабля относительно воды больше скорости пассажира относительно корабля.

$\boxed{6L}$

Задача 6. (*Всеросс., 2005, ОЭ, 9*) С линии старта одновременно в момент $t = 0$ ушли две гоночные машины с ускорениями

$$a_1(t) = a_0\left(1 + \sqrt{2 - \frac{t}{t_1}}\right) \quad \text{и} \quad a_2(t) = a_0\sqrt{2 - \frac{t}{t_1}}$$

соответственно. Начиная с момента времени t_1 скорость первой машины не изменялась, а вторая машина продолжила разгоняться с постоянным ускорением, пока в момент t_2 её скорость не сравнялась со скоростью первой машины. Каково расстояние ΔS между автомобилями в этот момент времени?

$\boxed{\Delta S = \frac{a_0 t_1 t_2}{2}}$

Поступательное движение системы отсчёта

Перейдём к более сложной ситуации, когда скорость тела (в неподвижной системе отсчёта) и скорость движущейся системы отсчёта направлены вдоль разных прямых. Мы пока считаем движение системы отсчёта поступательным — ведь только в этом случае мы вообще можем говорить о «скорости движущейся системы отсчёта», ибо все её точки двигаются с одной и той же скоростью.

Итак, если муха ползёт по стенке вагона, а вагон *поступательно* движется по земле, то *закон сложения скоростей* гласит:

$$\vec{v}_{\text{мухи относительно земли}} = \vec{v}_{\text{мухи относительно вагона}} + \vec{v}_{\text{вагона относительно земли}}. \tag{1}$$

Обратите внимание на два момента.

- Указанные скорости складываются векторно.
- Муха переносится в пространстве каждой точкой вагона (через которую она проползает) с одной и той же скоростью $\vec{v}_{\text{вагона относительно земли}}$ (повторимся: вагон движется поступательно, и поэтому все его точки двигаются с одинаковыми скоростями). Случай вращения движущейся системы отсчёта будет рассмотрен в конце листка.

Слово «переносится» употреблено не случайно: скорость $\vec{v}_{\text{вагона относительно земли}}$ называется также *переносной*; именно с этой скоростью происходит перенос мухи относительно земли в том случае, когда она сидит неподвижно на стенке вагона.

Две оставшиеся скорости в формуле (1) также имеют свои названия: $\vec{v}_{\text{мухи относительно земли}}$ — это *абсолютная скорость*, $\vec{v}_{\text{мухи относительно вагона}}$ — *относительная* скорость. Таким образом, абсолютная скорость есть векторная сумма относительной и переносной скоростей:

$$\vec{v}_{\text{абс}} = \vec{v}_{\text{отн}} + \vec{v}_{\text{пер}}. \tag{2}$$

Для удобства осознания закона сложения скоростей придадим ему ещё одну форму. Пусть система отсчёта S движется поступательно со скоростью $\vec{v}_{SA}$ относительно системы отсчёта A. Если $\vec{v}_A$ и $\vec{v}_S$ — скорости тела в этих системах отсчёта, то

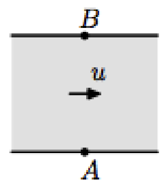
$$\vec{v}_A = \vec{v}_S + \vec{v}_{SA}.$$

Здесь, разумеется, $\vec{v}_A$ — абсолютная скорость, $\vec{v}_S$ — относительная, $\vec{v}_{SA}$ — переносная.

Задача 7. (*МОШ, 2019, 9*) С какой минимальной по величине скоростью относительно воды должен двигаться пловец, пересекая реку шириной 100 м, чтобы его «снос» составил величину 25 м? Скорость течения реки постоянна и равна 2 м/с. Под «сносом» понимается расстояние между точкой, где пловец достиг противоположного берега, и точкой, расположенной строго напротив точки отплытия. Ответ выразите в м/с и округлите до сотых.

1,94 м/с

Задача 8. (*МОШ, 2015, 11*) Школьник Вася, находящийся в точке A, собирается переплыть на противоположный берег реки и оказаться как можно ближе к точке B, расположенной точно напротив точки A. Ширина реки равна L, скорость течения реки равна u, скорость Васи в стоячей воде равна v. Определите, на каком минимальном расстоянии от точки B может оказаться Вася после переправы. Объясните Ваш ответ. Изобразите на рисунке векторы скорости течения реки, скорости Васи в стоячей воде и скорости Васи относительно берега при оптимальном способе переправы. Решите задачу в общем случае и в частных случаях



(а) $u = 0{,}8$ м/с, $v = 1$ м/с, $L = 100$ м;
(б) $u = 1$ м/с, $v = 0{,}8$ м/с, $L = 100$ м.

$x = 0$ при $v \geqslant u$ и $x = L\frac{\sqrt{u^2 - v^2}}{v}$ при $v < u$; (а) $x = 0$, (б) $x = 75$ м

Задача 9. (*«Физтех», 2019, 9*) Пловец переплывает через реку шириной $d = 100$ м за наименьшее время $\tau = 100$ с. За это время течение сносит его на $S = 200$ м. Снос — это расстояние, на которое сместится пловец вдоль реки к моменту достижения противоположного берега. В подвижной системе отсчета, связанной с водой, пловец движется с постоянной скоростью.

1. Найдите скорость V течения реки.
2. Найдите скорость u пловца в подвижной системе отсчета, связанной с водой.
3. Найдите продолжительность T заплыва, в котором снос будет минимальным.

1) $V = \frac{S}{\tau} = 2$ м/с; 2) $u = \frac{d}{\tau} = 1$ м/с; 3) $T = \frac{d}{u \cos\alpha} = \frac{200}{\sqrt{3}} \approx 115$ с

Задача 10. (*«Физтех», 2019, 9*) Пловец переплывает через реку шириной $d = 100$ м за время $\tau = 220$ с. За это время течение сносит его на $S = 200$ м. Скорость течения реки $V = 0{,}5$ м/с. Снос — это расстояние, на которое перемещается пловец вдоль реки к моменту достижения противоположного берега. В подвижной системе отсчета, связанной с водой, пловец движется с постоянной скоростью.

1. Найдите скорость u пловца в подвижной системе отсчета, связанной с водой.

2. За какое наименьшее время T пловец может пересечь реку?

1) $u = \sqrt{\left(\frac{S}{\tau} - V\right)^2 + \left(\frac{d}{\tau}\right)^2} \approx 0{,}61$ м/с; 2) $T = \frac{d}{u} \approx 164$ с

Задача 11. (*Всеросс., 1996, финал, 9*) Минимальное время, которое необходимо, чтобы переплыть в лодке реку, равно t_0. Ширина русла реки равна H. Скорость течения реки постоянна в любом месте русла и в β раз больше скорости лодки ($\beta > 1$), плывущей в стоячей воде.

1) Найдите скорость лодки в стоячей воде.

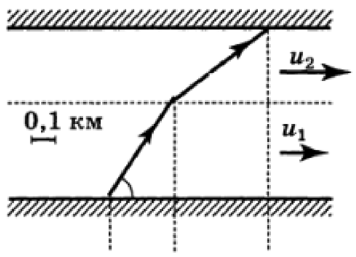
2) На какое расстояние снесёт лодку за минимальное время переправы?

3) Определите наименьшее расстояние, на которое может снести лодку за время переправы.

4) Найдите время переправы лодки в том случае, когда её сносит на минимальное расстояние.

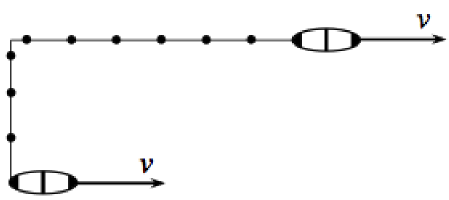
1) $v = \frac{H}{t_0}$; 2) $L = \beta H$; 3) $L_{\min} = H\sqrt{\beta^2 - 1}$; 4) $t = \frac{\beta t_0}{\sqrt{\beta^2 - 1}}$

Задача 12. (*Всеросс., 1996, финал, 10*) Русло реки разделено цепью узких песчаных отмелей на два рукава с разной скоростью течения. С одного берега реки на другой переправляется лодка. На рисунке показан путь, при движении по которому снос лодки будет наименьшим. Для переправы по этому пути требуется время $t = 25$ мин. Принимая масштаб, обозначенный на рисунке, определите скорость лодки в стоячей воде v_0 и скорости течения воды u_1 и u_2 в каждом рукаве.



$u_1 \approx 3{,}1$ км/ч; $u_2 \approx 4{,}1$ км/ч; $v_0 \approx 2{,}5$ км/ч

Задача 13. (*«Росатом», 2019, 8–9*) Две лодки, плывущие параллельно друг другу с одинаковыми скоростями $v = 2$ м/с, тянут концы натянутой сети. Передний конец сети опережает задний по курсу движения на $l = 40$ м, а расстояние между лодками поперёк курса — $2l/3$. При какой наименьшей скорости рыба сможет уплыть от сети, где бы она перед ней не оказалась?



$v_{\min} = v$

Задача 14. (*«Росатом», 2011, 11*) Поезд движется со скоростью v. Под некоторым углом к направлению его движения дует ветер; при этом скорость ветра, измеренная пассажиром поезда, равна v_1. Когда поезд увеличил скорость в два раза, сохранив направление движения, скорость ветра, измеренная пассажиром, стала равна $1{,}5v_1$. Определить величину скорости ветра относительно земли.

$u = \sqrt{2v^2 - \frac{v_1^2}{4}}$

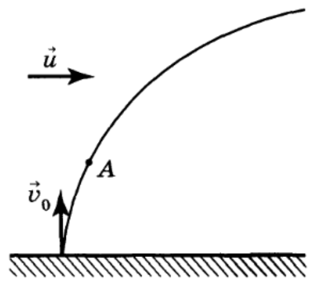
Задача 15. (*МОШ, 2017, 9*) Ракета удаляется от горизонтальной поверхности Земли со скоростью V, направленной строго вертикально. Параллельно поверхности точно на запад летит самолёт со скоростью $V/\sqrt{3}$.

1) С какой наименьшей по модулю скоростью u и в каком направлении должен лететь (относительно Земли) квадрокоптер для того, чтобы относительно него ракета и самолёт имели противоположные по направлению скорости?

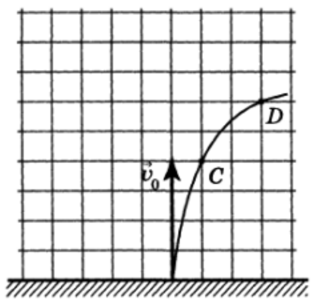
2) Под каким углом к горизонту (относительно Земли) должна быть направлена скорость квадрокоптера для того, чтобы ракета и самолёт имели в системе отсчёта квадрокоптера противоположные по направлению и равные по модулю скорости? Чему равен модуль скорости квадрокоптера в этом случае?

1) На запад под углом 30° к горизонту, $u_{\min} = V/2$; 2) на запад под углом 60° к горизонту, $u = V/\sqrt{3}$

Задача 16. (*Всеросс., 2001, ОЭ, 9*) Деревянный плот оттолкнули от берега так, что в начальный момент времени его скорость оказалась равной v_0 и направленной перпендикулярно берегу (рис.). Двигаясь по траектории, показанной на рисунке, плот через некоторое время T после начала движения оказался в точке A. Скорость реки постоянна и равна u. Графически найдите точки траектории плота, в которых он находился в моменты времени $2T$, $3T$ и $4T$.

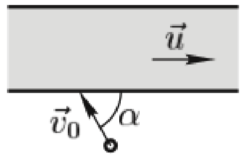


Задача 17. (*Всеросс., 2001, ОЭ, 11*) На рисунке показана траектория движения лодки, которую оттолкнули от берега реки так, что в начальный момент её скорость $v_0 = 1{,}0$ м/с была направлена перпендикулярно берегу. В точке C траектории лодка была через 1 с, в точке D — через 2 с. Определите скорость u течения реки.



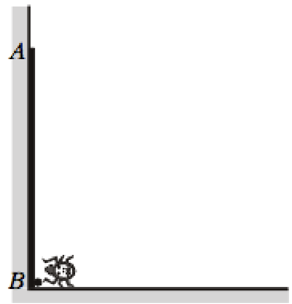
$u = \frac{v_0}{2} = 0{,}5$ м/с

Задача 18. (*Всеросс., 2009, финал, 9*) Во время экскурсии на кондитерскую фабрику экспериментатор Глюк заметил, что скорость конфеты, попадающей из упаковочной машины под углом $\alpha = 60^\circ$ на ленту транспортёра (вид сверху приведён на рисунке), сначала уменьшается, а потом увеличивается. Начальная скорость $\vec{v}_0$ конфеты равна по модулю скорости $\vec{u}$ ленты транспортёра и лежит в плоскости ленты. Чему равна скорость $\vec{w}_0$ конфеты относительно ленты транспортёра сразу после попадания её на ленту? Вычислите минимальную скорость $v_{\min}$ конфеты относительно неподвижного Глюка.



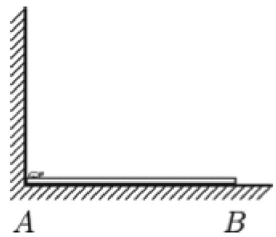
$w_0 = u\sqrt{3}$; $v_{\min} = \frac{u}{2}$

Задача 19. (*Всеросс., 2002, финал, 9*) У вертикальной стенки стоит палочка AB длиной L (рис.). На её нижнем конце B сидит жук. В тот момент, когда конец B начали двигать вправо по полу с постоянной скоростью v, жук пополз по палочке с постоянной скоростью u относительно неё. На какую максимальную высоту над полом поднимется жук за время своего движения по палочке, если её верхний конец не отрывается от стенки?



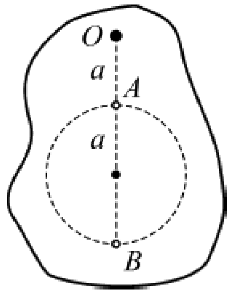
$$h_{\max} = \begin{cases} \frac{Lu}{2v}, & \text{если } u \leqslant v\sqrt{2}; \\ L\sqrt{1 - \frac{v^2}{u^2}}, & \text{если } u > v\sqrt{2} \end{cases}$$

Задача 20. (*МОШ, 2017, 10*) Жёсткий стержень AB длиной L лежит на горизонтальном полу, придвинутый одним из своих концов вплотную к вертикальной стене, как показано на рисунке. В точке A сидит букашка. В тот момент, когда конец A стержня начали двигать вверх вдоль стены с постоянной по модулю скоростью V, букашка поползла по стержню с постоянной относительно стержня скоростью u в направлении конца B, который скользит по полу, не отрываясь от него. Найдите максимальное расстояние S от стенки до букашки в процессе её движения по стержню.



$$S = \begin{cases} \frac{uL}{2V}, & \text{если } u < V\sqrt{2}; \\ L\sqrt{1 - \frac{V^2}{u^2}}, & \text{если } u \geqslant V\sqrt{2} \end{cases}$$

Задача 21. (*МОШ, 2017, 9*) На очень лёгком клочке бумаги нарисовали окружность радиусом a и подвесили его на неподвижной горизонтальной оси O, относительно которой клочок может свободно вращаться (см. рисунок). В точку A, которая находится на нарисованной окружности под осью, садится жук и начинает ползти по этой окружности с постоянной по модулю скоростью V, перемещаясь в точку B, расположенную на продолжении отрезка OA. Через какое время от начала движения жук будет иметь максимальную скорость относительно неподвижной (лабораторной) системы отсчёта, если $|OA| = a$? Чему будет равна эта скорость? Считайте массу жука намного больше массы клочка бумаги.



$t = \frac{\pi a}{3V}$; $v_{\max} = V$

Задача 22. (*Всеросс., 2018, РЭ, 10*) На гладкой горизонтальной поверхности льда лежит лист фанеры, на котором находится стальной брусок. Одновременно листу фанеры и бруску сообщают скорости v и $v\sqrt{3}$ относительно льда, причём их направления взаимно перпендикулярны. В процессе дальнейшего движения, из-за наличия трения, скорости бруска и доски изменяются. Определите минимальные скорости фанеры и бруска (относительно льда) в процессе их движения. Масса бруска равна массе фанеры.

Фанеры — $\frac{v\sqrt{3}}{2}$, бруска — v

Задача 23. Торпеду выпускают из точки A в момент, когда корабль противника находится в точке B и движется со скоростью u. Направление движения корабля находится под углом β к линии AB (см. рисунок). Скорость торпеды равна v. Под каким углом α надо выпустить торпеду, чтобы она поразила цель?

$\alpha = \arcsin\left(\frac{u}{v}\sin\beta\right)$

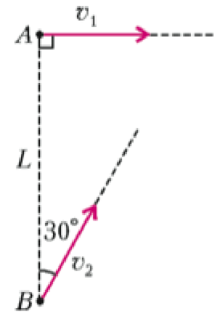
Задача 24. Два катера, находящиеся в данный момент в точках A и B, двигаются с постоянными скоростями $\vec{v}_1$ и $\vec{v}_2$ (см. рисунок). Найдите построением минимальное расстояние, на которое могут сблизиться катера в процессе дальнейшего движения.

Задача 25. (*«Физтех», 2020, 9*) Корабль A и торпеда B в некоторый момент времени находятся на расстоянии $l = 1$ км друг от друга (см. рис.). Скорость корабля $V_1 = 10$ м/с, угол $\alpha = 60°$. Скорость торпеды $V_2 = 20$ м/с. Угол β таков, что торпеда попадёт в цель.

1. Найдите $\sin\beta$.
2. Через какое время T расстояние между кораблём и торпедой составит $S = 770$ м?

1) $\sin\beta = \frac{V_1}{V_2}\sin\alpha = \frac{\sqrt{3}}{4} \approx 0{,}43$, $\cos\beta = 0{,}9$; 2) $T = \frac{l-S}{V_1\cos\alpha + V_2\cos\beta} = 10$ с

Задача 26. (*Всеросс., 2010, финал, 9*) Два корабля движутся с постоянными и одинаковыми по модулю скоростями $v_1 = v_2 = v$. В некоторый момент расстояние между ними оказалось равным L, а их взаимное расположение таким, как показано на рисунке.



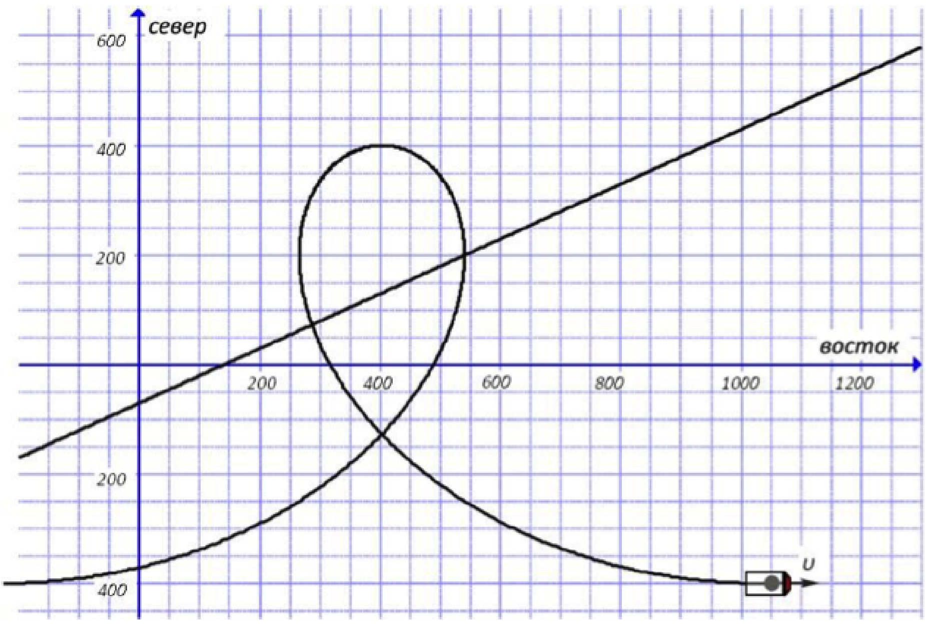
1) Определите минимальное расстояние между кораблями при их последующем движении.

2) Найдите время τ, через которое корабли окажутся на минимальном расстоянии друг от друга.

3) В момент, когда корабль B пересекает линию движения корабля A, от борта корабля A отправляется катер, который должен доставить на корабль B пакет с важным сообщением. Определите, через какое минимальное время Δt после отправки катера пакет будет доставлен на борт корабля B, если скорость u катера также равна v.

1) $d = \frac{L}{2}$; 2) $\tau = \frac{L\sqrt{3}}{2v}$; 3) $\Delta t = \frac{L}{v\sqrt{3}}$

Задача 27. (*Всеросс., 2017, финал, 9*) При проведении аэрофотосъёмки была получена фотография, на которой видны два шлейфа дыма от паровозов (рис.). Одной клетке на фотографии соответствует 50 м на местности.

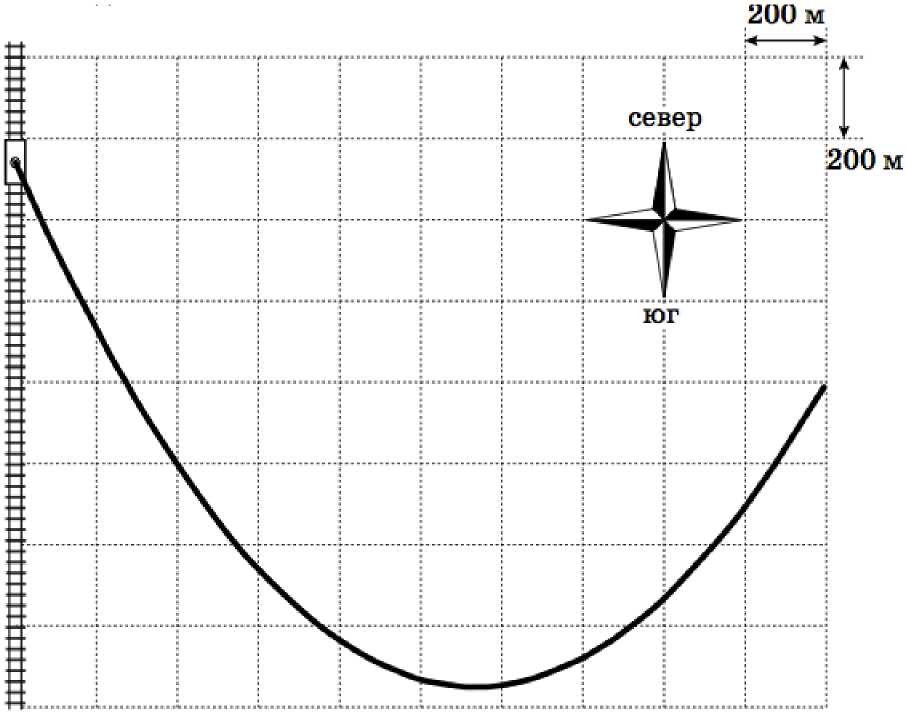


Известно, что один паровоз двигался равномерно по кольцевой ветке железной дороги, а другой — с такой же скоростью по прямой. Определите:

- направление скорости ветра;
- радиус R кольцевой железной дороги;
- отношение скорости паровоза v к скорости ветра u;
- направление прямой железнодорожной ветки (выполнить построения с помощью циркуля и линейки).

На запад; $R = 400$ м; $v/u = 2$

Задача 28. (*Всеросс., 2018, финал, 9*) При проведении аэрофотосъёмки местности в кадр попал шлейф дыма от паровоза, начавшего своё движение из состояния покоя с постоянным ускорением $a = 0{,}05$ м/с^2 по прямому участку железной дороги. На фотографии виден весь шлейф от самого начала движения. Одной клетке соответствует расстояние 200 м.



Считая скорость ветра постоянной, определите:

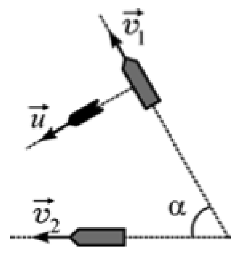
1) в каком направлении двигался паровоз;
2) под каким углом α к железной дороге дул ветер;
3) скорость ветра v_0;
4) минимальную скорость ветра $v_{\min}$ относительно паровоза;
5) время движения паровоза τ от начала движения до момента съёмки;
6) расстояние s, которое прошел паровоз от начала движения до момента съёмки.

$\alpha = 30^\circ$; $v_0 = 10$ м/с; $v_{\min} = 5$ м/с; $\tau = 400$ с; $s = 4000$ м

Задача 29. (*МОШ, 2017, 10*) Две самоходные баржи равномерно движутся по озеру во взаимно перпендикулярных направлениях. Скорость одной баржи $v_1 = 3$ м/с, а другой — $v_2 = 4$ м/с. На каждой барже установлен анемометр — прибор для измерения модуля скорости ветра. В течение некоторого времени на каждом из кораблей каждую минуту снимают показания анемометров. По результатам измерений обнаружилось, что значения скорости ветра, полученные на первой барже, не превышали скорости баржи v_1, а на второй — не превышали v_2. Какого максимального значения могла достигать скорость ветра относительно озера во время измерений? Какой угол α составляла скорость первой баржи $\vec{v}_1$ с направлением ветра в момент, когда скорость ветра относительно озера была максимальной?

$u_{\max} = \frac{2v_1v_2}{\sqrt{v_1^2+v_2^2}} = 4{,}8$ м/с; $\alpha = \arccos\frac{v_2}{\sqrt{v_1^2+v_2^2}} = \arccos\frac{4}{5} \approx 37^\circ$

Задача 30. (*МОШ, 2013, 11*) Круизные лайнеры «Первый» и «Второй» плывут равномерно и прямолинейно. Угол между их курсами равен $\alpha = 60°$, скорость «Первого» $v_1 = 35$ км/ч, скорость «Второго» $v_2 = 31{,}6$ км/ч. С лайнера «Первый» с временным интервалом в несколько часов отплывают два катера, которые, двигаясь с постоянной одинаковой скоростью, перпендикулярной курсу «Первого», точно приплывают ко «Второму». Определите скорость u катера.



$u = \frac{v_1 v_2 \sin\alpha}{v_1 - v_2\cos\alpha} \approx 50$ км/ч

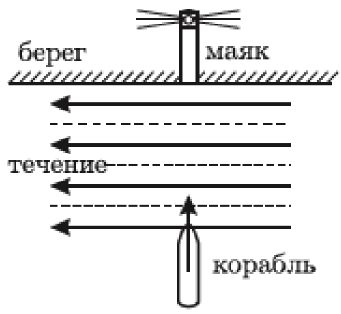
Задача о погоне

Советую посмотреть статью.

Задача 31. (*МОШ, 2008, 10*) Школьник бежит по окружности радиусом $R = 30$ м с постоянной по величине скоростью $u = 3{,}14$ м/с. Второй школьник гонится за ним, стартовав из центра окружности. В процессе погони он все время находится на радиусе, соединяющем центр окружности и первого школьника, а величина его скорости неизменна и равна $v = 2u$. Сколько времени займёт погоня?

$t = \frac{\pi R}{6u} = 5$ с

Задача 32. (*МОШ, 2009, 10*) Капитан корабля заметил строго на севере береговой маяк и приказал держать курс на него. В этот момент расстояние до берега было равно $S = 30$ км. Корабль движется относительно воды со скоростью $v = 15$ км/ч и в каждый момент времени держит курс на маяк. Экипаж не знает о присутствии в море западного течения, скорость которого во всех точках одинакова и равна $u = 5$ км/ч. За какое время t корабль доплывёт до маяка? За какое время он доплыл бы до маяка, двигаясь по кратчайшей траектории?



$t = \frac{Sv}{v^2 - u^2} = \frac{9}{4}$ часа; $\tau = \frac{S}{\sqrt{v^2 - u^2}} \approx 2{,}12$ часа

Вращение системы отсчёта

Допустим, что муха ползёт по глобусу, а глобус при этом вращается. Тогда мы снова имеем закон сложения скоростей:

$$\vec{v}_{\text{абс}} = \vec{v}_{\text{отн}} + \vec{v}_{\text{пер}},$$

где

- $\vec{v}_{\text{абс}}$ — абсолютная скорость, то есть скорость мухи относительно земли;
- $\vec{v}_{\text{отн}}$ — относительная скорость, то есть скорость мухи относительно глобуса;
- $\vec{v}_{\text{пер}}$ — переносная скорость, то есть скорость относительно земли той точки глобуса, через которую в данный момент проползает муха.

Заметьте, что теперь мы не можем говорить о «скорости глобуса относительно земли», так как разные точки глобуса двигаются с разными скоростями!

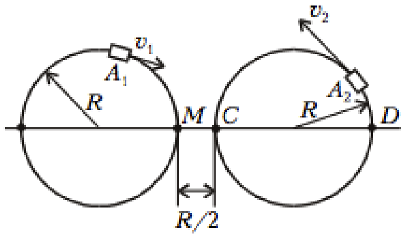
Но муха может ползти не только по вращающемуся глобусу, но и, например, по стене комнаты. В этом случае закон сложения скоростей по-прежнему справедлив. Снова абсолютная скорость $\vec{v}_{\text{абс}}$ есть скорость мухи относительно земли, а относительная скорость $\vec{v}_{\text{отн}}$ есть скорость мухи относительно глобуса (то есть измеренная наблюдателем, расположенным на глобусе). Что же такое в этом случае переносная скорость?

Давайте представим себе, что с телом отсчёта — в данном случае с глобусом — жёстко связана невидимая среда S, заполняющая всё окружающее пространство. Среда S движется вместе с глобусом (как бы увлекается им), а глобус покоится относительно этой среды. Тогда переносная скорость — это скорость той точки среды S, через которую муха проползает в данный момент.

Задача 33. Шарообразная планета радиусом R вращается вокруг своей оси, при этом линейная скорость точек экватора равна u. Вокруг планеты в плоскости экватора по круговой орбите радиусом $2R$ вращается спутник со скоростью $3u$ (направления вращения спутника и планеты совпадают). Найдите скорость спутника относительно планеты.

$v_{\text{отн}} = u$

Задача 34. (*Всеросс., 1999, финал, 10*) По двум кольцевым дорогам радиуса R, лежащим в одной плоскости, движутся автомобили A_1 и A_2 со скоростями $v_1 = v = 20$ км/ч и $v_2 = 2v$ (см. рисунок). В некоторый момент автомобили находились в точках M и C на расстоянии $R/2$ друг от друга. Размеры автомобилей малы по сравнению с R.

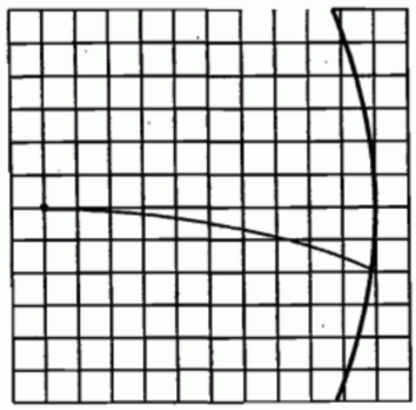


1) Найдите скорость автомобиля A_2 в системе отсчёта, связанной с автомобилем A_1 в этот момент.

2) Найдите скорость автомобиля A_2 в системе отсчёта, связанной с автомобилем A_1, когда A_2 окажется в точке D.

1) $v_{\text{отн}} = \frac{v}{2} = 10$ км/ч; 2) $v_{\text{отн}} = \frac{11v}{2} = 110$ км/ч

Задача 35. (*Всеросс., 2002, ОЭ, 10*) На карусели радиуса $R = 15$ м, вращающейся в горизонтальной плоскости с угловой скоростью $\omega = 0{,}5$ рад/с, на расстоянии $R_0 = 10$ м от центра стоит хоккеист. В некоторый момент времени он ударил клюшкой по шайбе. Шайба после его броска оставила на карусели след (рис.). Найдите величину начальной скорости шайбы относительно карусели и относительно Земли. Трением шайбы о карусель пренебречь.



Примечание. При малых значениях φ (когда угол φ выражен в радианах) можно считать $\sin\varphi \approx \varphi$, $\cos\varphi \approx 1$.

12,5 м/с; 13,5 м/с