

## Электромагнитные колебания

**ЗАДАЧА 1.** (*МОШ, 2014, 11*) Заряженный конденсатор начинает разряжаться через катушку индуктивности. За две миллисекунды его электрический заряд монотонно уменьшился на 0,4 процента.

А) На сколько процентов уменьшился заряд на конденсаторе за одну миллисекунду с момента начала разряда? Ответ округлите до первой значащей цифры.

Б) На сколько процентов уменьшился заряд на конденсаторе спустя 20 миллисекунд с момента начала разряда? Ответ округлите до второй значающей цифры.

А) 0,1; Б) 37

**ЗАДАЧА 2.** В колебательном контуре, состоящем из конденсатора ёмкостью  $C$  и катушки индуктивностью  $L$ , происходят незатухающие колебания тока с амплитудой  $I_0$ . Найдите амплитуду напряжения на конденсаторе.

$$\frac{2}{\pi} \Lambda_0 I = 0 \Omega$$

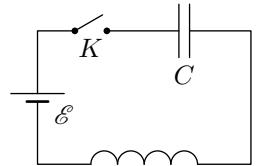
**ЗАДАЧА 3.** Найдите амплитуду колебаний тока в  $LC$ -контуре, если известно, что при увеличении напряжения на конденсаторе в два раза она увеличилась на величину  $\Delta I$ .

$$I \nabla = 0 I$$

**ЗАДАЧА 4.** (*Всеросс., 2005, финал, 10*) В некоторый момент сверхпроводящий соленоид объёмом  $V = 40 \text{ см}^3$  подключают к высоковольтному конденсатору ёмкостью  $C = 100 \text{ мкФ}$ , заряженному до напряжения  $U = 1 \text{ кВ}$ . Известно, что при индукции магнитного поля в соленоиде  $B_0 = 1,6 \text{ Тл}$  разрушается состояние сверхпроводимости материала, из которого выполнена обмотка соленоида. Определите, произойдёт ли разрушение сверхпроводимости в описанном эксперименте. Магнитная постоянная  $\mu_0 = 4\pi \cdot 10^{-7}$  единиц СИ.

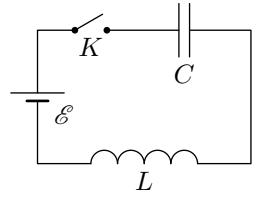
$$\text{Для, находящийся } B_{\max} = U \sqrt{\frac{A}{\mu_0 C}} \approx 1,77 \text{ Тл}$$

**ЗАДАЧА 5.** Конденсатор и катушка подключены через ключ  $K$  к источнику постоянного тока с ЭДС  $\mathcal{E}$  (см. рисунок). Вначале ключ разомкнут и конденсатор не заряжен. Ключ замыкают, и в контуре начинаются незатухающие колебания тока. Найдите максимальную и минимальную величину заряда конденсатора после замыкания ключа. Ёмкость конденсатора равна  $C$ .



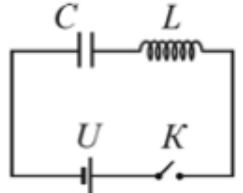
$$q_{\max} = 2C\mathcal{E}, q_{\min} = 0$$

**ЗАДАЧА 6.** (*МФТИ, 1982*) Последовательно с катушкой индуктивностью  $L$  и конденсатором ёмкостью  $C$  через ключ  $K$  подключили батарею с постоянной ЭДС  $\mathcal{E}$  (см. рисунок). В начальный момент времени ключ  $K$  разомкнут, конденсатор не заряжен. Определить максимальную величину тока в цепи после замыкания ключа  $K$ . Омическими сопротивлениями в цепи пренебречь.



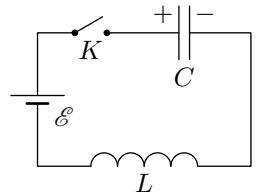
$$\frac{\mathcal{E}}{L} \Delta \varphi = \text{max} I$$

**ЗАДАЧА 7.** (*«Курчатов», 2015, 11*) Из идеального источника напряжения с ЭДС  $U$ , конденсатора ёмкостью  $C$ , катушки с индуктивностью  $L$  и ключа  $K$  собрана цепь, схема которой приведена на рисунке. Изначально конденсатор не заряжен, а ключ разомкнут. Найдите максимальную силу тока в цепи и максимальный заряд конденсатора после замыкания ключа.



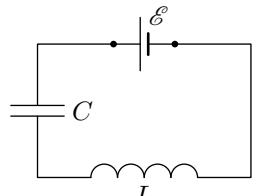
$$U C \Delta \varphi = \text{max} b : \frac{\mathcal{E}}{L} \Delta \varphi = \text{max} I$$

**ЗАДАЧА 8.** (*МФТИ, 2002*) В схеме, изображённой на рисунке, при разомкнутом ключе  $K$  напряжение на конденсаторе ёмкостью  $C$  равно  $5\mathcal{E}$ , где  $\mathcal{E}$  — ЭДС батареи. Какой максимальный ток будет течь через катушку индуктивностью  $L$  после замыкания ключа? Внутренним сопротивлением батареи и сопротивлением катушки пренебречь.



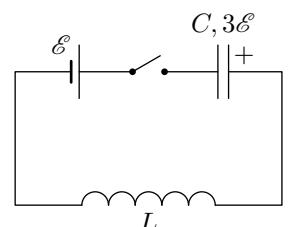
$$\frac{\mathcal{E}}{L} \Delta \varphi = \text{max} I$$

**ЗАДАЧА 9.** (*МФТИ, 2002*) Батарею с ЭДС  $\mathcal{E}$  подключают к последовательно соединённым катушке с индуктивностью  $L$  и незаряженному конденсатору ёмкостью  $C$  (см. рисунок). В контуре происходят колебания тока. В тот момент, когда ток в контуре становится равным нулю, батарею отключают от схемы и подключают вновь, поменяв местами её выводы. Чему будет равен после этого максимальный ток в контуре? Внутренним сопротивлением пренебречь.



$$\frac{\mathcal{E}}{L} \Delta \varphi = \text{max} I \text{ или } \frac{\mathcal{E}}{L} \Delta \varphi = \text{max} I$$

**ЗАДАЧА 10.** (*«Физтех», 2014*) В схеме, показанной на рисунке, все элементы можно считать идеальными, параметры элементов указаны на рисунке. До замыкания ключа конденсатор был заряжен до напряжения  $3\mathcal{E}$ . Ключ замыкают.



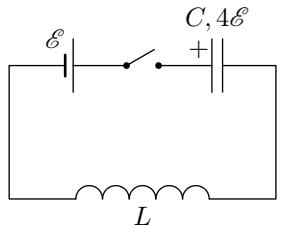
- 1) Найдите максимальный ток в цепи.
- 2) Найдите ток в момент, когда заряд на конденсаторе равен нулю.

$$1) I_{\text{max}} = 4\mathcal{E} : \frac{\mathcal{E}}{L} ; 2) I_0 = \frac{\mathcal{E}}{L}$$

**ЗАДАЧА 11.** («Физтех», 2014) В схеме, показанной на рисунке, все элементы можно считать идеальными, параметры элементов указаны на рисунке. До замыкания ключа конденсатор был заряжен до напряжения  $4\mathcal{E}$ . Ключ замыкают.

- 1) Найдите максимальный ток в цепи.
- 2) Найдите ток в момент, когда заряд на конденсаторе равен нулю.

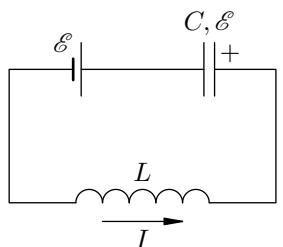
$$1) I_{\max} = \sqrt{\frac{\mathcal{E}}{L}}; 2) I = \sqrt{\frac{4C\mathcal{E}}{L}}$$



**ЗАДАЧА 12.** («Физтех», 2014) В схеме, показанной на рисунке, все элементы можно считать идеальными, параметры элементов указаны на рисунке. В некоторый момент напряжение на конденсаторе было равно  $\mathcal{E}$ , а в катушке шёл ток  $I$  слева направо.

- 1) Найдите максимальный ток в цепи.
- 2) Найдите ток в момент, когда заряд на конденсаторе равен нулю.

$$1) I_{\max} = \sqrt{I^2 + \frac{4C\mathcal{E}^2}{L}}; 2) I = \sqrt{I^2 - \frac{3C\mathcal{E}^2}{L}}$$

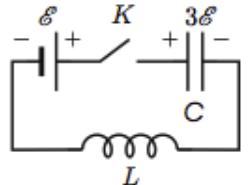


**ЗАДАЧА 13.** (Всеросс., 2012, регион, 11) В электрической цепи (см. рисунок) конденсатор  $C$  заряжен до напряжения  $3\mathcal{E}$ . Затем ключ  $K$  замыкают. Найдите:

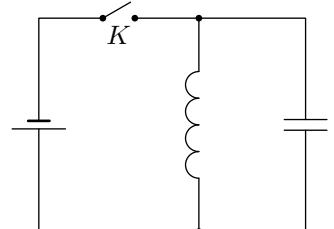
- 1) максимальную силу тока в цепи;
- 2) силу тока в цепи в момент времени, когда заряд на конденсаторе становится равным нулю;
- 3) заряд на конденсаторе в момент времени, когда сила тока в цепи становится равной нулю.

Все элементы можно считать идеальными.

$$1) I_{\max} = \sqrt{\frac{\mathcal{E}}{L}}; 2) I = \sqrt{\frac{3\mathcal{E}}{L}}; 3) q_1 = 3C\mathcal{E}, q_2 = -C\mathcal{E} (\text{на момент открытия})$$



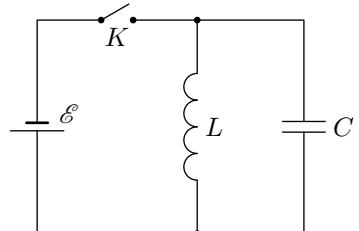
**ЗАДАЧА 14.** (МФТИ, 1980) Колебательный контур, состоящий из катушки индуктивности и конденсатора, через ключ  $K$  подключён к источнику с постоянной ЭДС и внутренним сопротивлением  $r$  (см. рисунок). Первоначально ключ  $K$  замкнут. После установления стационарного режима ключ размыкают, и в контуре возникают колебания с периодом  $T$ . При этом амплитуда напряжения на конденсаторе в  $n$  раз больше ЭДС батареи. Найти индуктивность катушки и ёмкость конденсатора. Омическим сопротивлением катушки пренебречь.



$$\frac{n\mathcal{E}}{I_{\max}} = T, \frac{n\pi\sqrt{LC}}{L} = \mathcal{C}$$

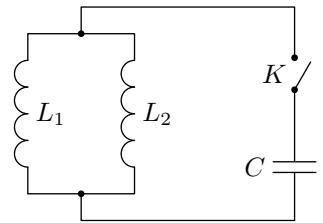
**ЗАДАЧА 15.** (МФТИ, 1984) В схеме, изображённой на рисунке ( $L, C, \mathcal{E}$  известны), конденсатор вначале не заряжен. Ключ  $K$  на некоторое время замыкают, а затем размыкают. Определите силу тока  $I_0$  через катушку в момент размыкания, если максимальная сила тока, протекающего через неё, оказалась равной  $2I_0$ . Сопротивлением катушки пренебречь.

$$\frac{\mathcal{E}}{L} \Delta \varphi = 0I$$

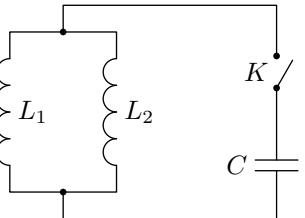


**ЗАДАЧА 16. (МФТИ, 1979)** Конденсатор ёмкостью  $C$ , заряженный до разности потенциалов  $U$ , через ключ  $K$  подключён к двум параллельно соединённым катушкам индуктивностями  $L_1$  и  $L_2$  (см. рисунок). Если замкнуть ключ  $K$ , то через некоторое время конденсатор полностью перезарядится (напряжение на конденсаторе поменяет знак). Какие заряды  $q_1$  и  $q_2$  протекут через катушки за это время? Сопротивлениями катушек пренебречь.

$$q_1 = \frac{L_1 + L_2}{2L_1} CU, q_2 = \frac{L_1 - L_2}{2L_1} CU$$

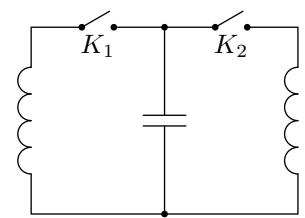


**ЗАДАЧА 17. (МФТИ, 1979)** Заряженный конденсатор ёмкостью  $C$  через ключ  $K$  подключён к двум параллельно соединённым катушкам индуктивностями  $L_1$  и  $L_2$  (см. рисунок). В начальный момент времени ключ разомкнут. Если замкнуть ключ  $K$ , то через катушки потекут токи. Максимальная сила тока, протекающего через катушку индуктивностью  $L_1$ , оказалась равной  $I_1$ . Найдите первоначальный заряд на конденсаторе. Сопротивлениями катушек пренебречь.



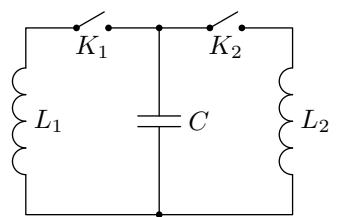
$$\left( \frac{\varepsilon_T}{T} + 1 \right) C I_1 \Delta t = \text{заряд}$$

**ЗАДАЧА 18. (МФТИ, 1981)** Две одинаковые катушки самоиндукции подключены через ключи  $K_1$  и  $K_2$  к конденсатору (см. рисунок). В начальный момент времени оба ключа разомкнуты, а конденсатор заряжен до разности потенциалов  $U$ . Сначала замыкают ключ  $K_1$  и, когда напряжение на конденсаторе становится равным нулю, замыкают ключ  $K_2$ . Определить максимальное напряжение на конденсаторе после замыкания ключа  $K_2$ . Активным сопротивлением катушек пренебречь.



$$\frac{\varepsilon_A}{A} = \text{заряд}$$

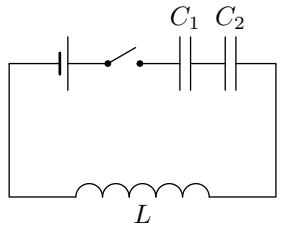
**ЗАДАЧА 19. (МФТИ, 1981)** Две катушки самоиндукции с индуктивностями  $L_1$  и  $L_2$  подключены через ключи  $K_1$  и  $K_2$  к конденсатору ёмкостью  $C$  (см. рисунок). В начальный момент времени оба ключа разомкнуты, а конденсатор заряжен до разности потенциалов  $U_0$ . Сначала замыкают ключ  $K_1$  и, когда напряжение на конденсаторе становится равным нулю, замыкают ключ  $K_2$ . Определить максимальную и минимальную силу тока, протекающего через катушку  $L_1$  после замыкания ключа  $K_2$ . Активным сопротивлением катушек пренебречь.



$$I_{\max} = I_0, I_{\min} = I_0 \frac{\varepsilon_A + I_0}{\varepsilon_A - I_0}$$

**ЗАДАЧА 20.** («Физтех», 2012) В схеме, показанной на рисунке, все элементы можно считать идеальными, параметры элементов указаны на рисунке. До замыкания ключа конденсаторы были не заряжены. После замыкания ключа максимальный ток в катушке равен  $I_0$ .

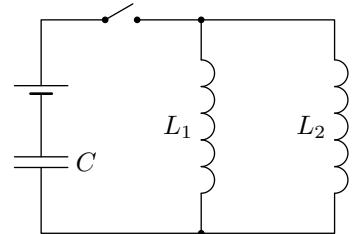
- 1) Найдите ЭДС источника.
- 2) Найдите максимальное напряжение на конденсаторе  $C_1$ .



$$1) \mathcal{E} = I_0 \sqrt{\frac{C_1 C_2}{L(C_1 + C_2)}}, 2) U_{1\max} = 2I_0 \sqrt{\frac{C_1(C_1 + C_2)}{LC_2}}$$

**ЗАДАЧА 21.** («Физтех», 2012) В схеме, показанной на рисунке, все элементы можно считать идеальными, параметры элементов указаны на рисунке. До замыкания ключа ток в цепи отсутствовал, конденсатор не был заряжен. После замыкания ключа максимальное напряжение на конденсаторе равно  $U_0$ .

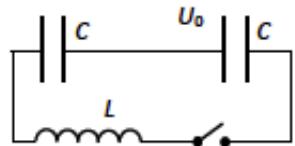
- 1) Найдите ЭДС источника.
- 2) Найдите максимальный ток в катушке  $L_1$ .



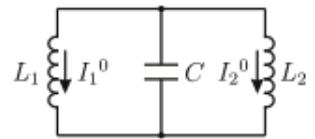
$$1) \mathcal{E} = \frac{U_0}{2} \sqrt{\frac{L_1(L_1 + L_2)}{C L_2}}, 2) I_{1\max} = \frac{U_0}{2} \sqrt{\frac{L_1(L_1 + L_2)}{C L_2}}$$

**ЗАДАЧА 22.** (МОШ, 2017, 11) В электрической цепи, схема которой приведена на рисунке, вначале один из конденсаторов заряжен до напряжения  $U_0 = 10$  В, а второй не заряжен. Ключ замыкают. Определите модуль скорости изменения силы тока  $\left| \frac{di}{dt} \right|$  в цепи в момент, когда энергия, запасённая в катушке, равна половине энергии, запасённой в конденсаторах. Индуктивность катушки  $L = 57,7$  мГн.

$$\text{с/А} = \frac{\mathcal{E}}{R} = \left| \frac{U_0}{iP} \right|$$



**ЗАДАЧА 23.** (МОШ, 2006, 11) Электрическая цепь состоит из катушек с индуктивностями  $L_1$  и  $L_2$  и конденсатора ёмкостью  $C$ , включённых параллельно. В начальный момент времени токи через катушки текут в одну сторону и равны  $I_1^0$  и  $I_2^0$ , а конденсатор не заряжен (см. рисунок). Найдите частоту  $\omega$  возникающих в системе гармонических колебаний и зависимости от времени токов через катушки  $I_1(t)$ ,  $I_2(t)$  и заряда на конденсаторе  $Q(t)$ . Сопротивлением катушек пренебречь.



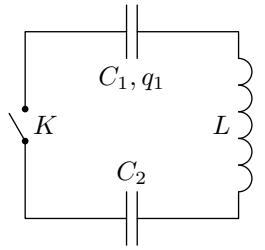
$$I_1(t) = \frac{I_1^0}{T_1 + T_2} \cos \omega t, I_2(t) = \frac{I_2^0}{T_1 + T_2} \cos \omega t, Q(t) = \frac{C \omega}{T_1 + T_2} \sin \omega t, \omega = \sqrt{\frac{1}{L_1 + L_2}}$$

**ЗАДАЧА 24.** (МОШ, 2013, 11) Заряженный конденсатор ёмкостью  $C$ , электростатическая энергия которого равна  $W$ , начинает разряжаться через две соединённые параллельно катушки индуктивностями  $L$  и  $2L$ . Какой будет максимальная энергия катушки индуктивностью  $L$  в процессе возникающих колебаний? Сопротивлением электрической цепи пренебречь.

$$W_{\frac{C}{2}} = \text{ максимум } W$$

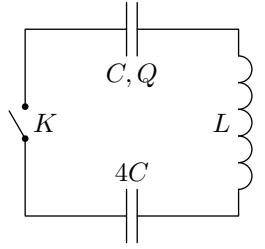
**ЗАДАЧА 25.** (*МФТИ, 1993*) В цепи, изображённой на рисунке, при разомкнутом ключе  $K$  заряд на конденсаторе с ёмкостью  $C_1$  равен  $q_1$ , а конденсатор с ёмкостью  $C_2$  не заряжен. Через какое время после замыкания ключа заряд на конденсаторе  $C_2$  будет иметь максимальное значение? Чему будет равен этот заряд? Омическими потерями в катушке с индуктивностью  $L$  пренебречь.

$$t = \frac{2\pi}{\omega} \sqrt{\frac{C_1 + C_2}{LC_2}} \quad (n = 0, 1, 2, \dots)$$



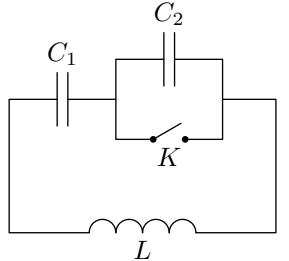
**ЗАДАЧА 26.** (*МФТИ, 1993*) В цепи, изображённой на рисунке, при разомкнутом ключе  $K$  заряд на конденсаторе с ёмкостью  $C$  равен  $Q$ , а конденсатор с ёмкостью  $4C$  не заряжен. Определить максимальный ток в цепи после замыкания ключа. Омическими потерями в катушке с индуктивностью  $L$  пренебречь.

$$I_{\max} = \frac{Q}{2L}$$



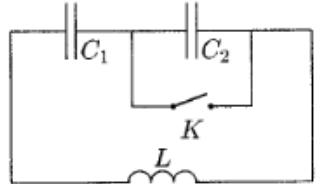
**ЗАДАЧА 27.** (*МФТИ, 2001*) При замкнутом ключе  $K$  в  $LC$ -контуре (см. рисунок) происходят свободные незатухающие колебания тока. В тот момент, когда напряжение на конденсаторе  $C_1$  максимально и равно  $U_1$ , ключ размыкают. Определить максимальное значение тока в контуре после размыкания ключа. Параметры элементов схемы указаны на рисунке.

$$I_{\max} = U_1 \sqrt{\frac{L(C_1 + C_2)}{C_1 C_2}}$$



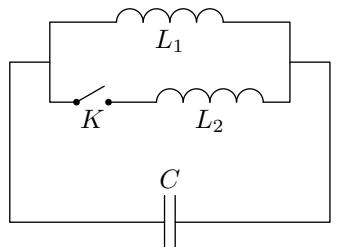
**ЗАДАЧА 28.** (*МФТИ, 2001*) В колебательном контуре, изображённом на рисунке, происходят свободные колебания при замкнутом ключе  $K$ . В тот момент, когда напряжение на конденсаторе  $C_1$  достигает максимального значения, равного  $V_0$ , ключ размыкают. Определить величину тока в контуре в тот момент, когда напряжение на конденсаторе  $C_1$  будет равно нулю при условии, что  $C_2 > C_1$ .

$$I = V_0 \sqrt{\frac{L C_2}{C_1 (C_2 - C_1)}}$$

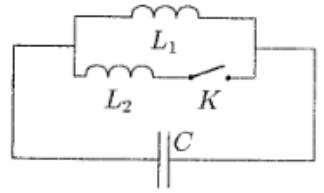


**ЗАДАЧА 29.** (*МФТИ, 2001, 2005*) При разомкнутом ключе  $K$  в  $LC$ -контуре (см. рисунок) происходят свободные незатухающие колебания тока. В тот момент, когда ток в цепи максимальен и равен  $I_0$ , замыкают ключ  $K$ . Определить максимальное напряжение на конденсаторе после замыкания ключа. Параметры схемы указаны на рисунке.

$$\frac{(e_T + i_T)C}{e_T i_T} I_0 = U_{\max}$$

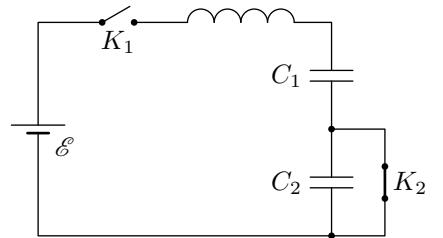


**Задача 30.** (*МФТИ, 2001*) В колебательном контуре, изображённом на рисунке, происходят свободные колебания при разомкнутом ключе  $K$ . В тот момент, когда ток в катушке индуктивностью  $L_1$  достигает максимального значения, равного  $I_0$ , ключ замыкают. Определить величину напряжения на конденсаторе в тот момент, когда ток через катушку  $L_1$  будет равен нулю при условии, что  $L_2 > L_1$ .



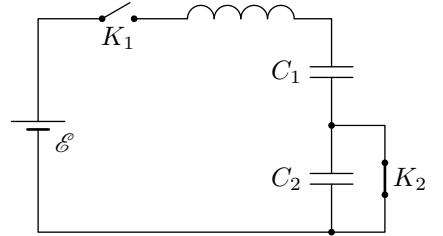
$$\frac{\omega_0}{(1 - \frac{L_2}{L_1})} I_0 = A$$

**Задача 31.** (*МФТИ, 2004*) В схеме, изображённой на рисунке, в начальный момент ключ  $K_1$  разомкнут, ключ  $K_2$  замкнут, а конденсаторы  $C_1$  и  $C_2$  не заряжены. Сначала замыкают ключ  $K_1$ , а в тот момент, когда заряд на конденсаторе  $C_1$  достигает максимального значения, размыкают ключ  $K_2$ . Найти максимальный заряд на конденсаторе  $C_2$  после размыкания ключа  $K_2$ . Внутренним сопротивлением батареи с ЭДС  $\mathcal{E}$  и омическим сопротивлением катушки пренебречь.



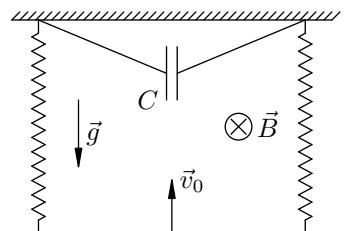
$$q_{\max} = \frac{C_1 + C_2}{2C_1C_2} \mathcal{E}$$

**Задача 32.** (*МФТИ, 2004*) В схеме, изображённой на рисунке, в начальный момент ключ  $K_1$  разомкнут, ключ  $K_2$  замкнут, а конденсаторы  $C_1$  и  $C_2$  не заряжены. Сначала замыкают ключ  $K_1$ , а в тот момент, когда ток в цепи достигает максимального значения, размыкают ключ  $K_2$ . Найти максимальный заряд на конденсаторе  $C_2$  после размыкания ключа  $K_2$ . Внутренним сопротивлением батареи с ЭДС  $\mathcal{E}$  и омическим сопротивлением катушки пренебречь.



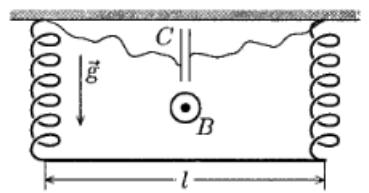
$$q_{\max} = C_1 \mathcal{E} \sqrt{\frac{C_1 + C_2}{C_2}}$$

**Задача 33.** (*МФТИ, 2001*) Проводник массой  $M$  и длиной  $l$  подвешен к непроводящему потолку за концы с помощью двух одинаковых проводящих пружин, каждая жёсткостью  $k$ . К верхним концам пружин присоединён конденсатор ёмкостью  $C$ . Вся конструкция висит в однородном магнитном поле с индукцией  $B$ , перпендикулярной плоскости конструкции (см. рисунок). Проводник сместили и отпустили. При прохождении положения равновесия скорость проводника оказалась равной  $v_0$ . Определить максимальную высоту подъёма проводника от положения равновесия. Сопротивлением и самоиндукцией проводников пренебречь.



$$h = \frac{\omega_0}{\sqrt{\frac{2k}{M + \rho l^2 C}}}$$

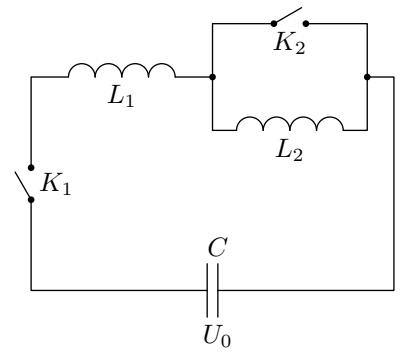
**Задача 34. (МФТИ, 2001)** Проводник массой  $M$  и длиной  $l$  подвешен к непроводящему потолку за концы с помощью двух одинаковых проводящих пружин, каждая жёсткостью  $k$ . К верхним концам пружин присоединён конденсатор ёмкостью  $C$ . Вся конструкция висит в однородном магнитном поле с индукцией  $B$ , перпендикулярной плоскости конструкции (см. рисунок). Проводник смещают вниз на расстояние  $h$  от положения равновесия, а затем отпускают. Определить скорость проводника, когда он снова окажется в положении равновесия. Сопротивлением и самоиндукцией проводников пренебречь.



$$h = \sqrt{\frac{M + B^2 l^2 C}{2k}}$$

**Задача 35. (МФТИ, 1998)** В схеме, изображённой на рисунке, сверхпроводящие катушки с индуктивностями  $L_1$  и  $L_2$  соединены последовательно с конденсатором ёмкости  $C$ . В начальный момент ключи  $K_1$  и  $K_2$  разомкнуты, а конденсатор заряжен до напряжения  $U_0$ . Сначала замыкают ключ  $K_1$ , а после того, как напряжение на конденсаторе станет равным нулю, замыкают ключ  $K_2$ . Через некоторое время после замыкания ключа  $K_2$  конденсатор перезарядится до некоторого максимального напряжения  $U_m$ .

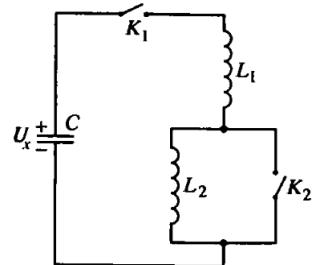
- 1) Найти ток через катушки индуктивности непосредственно перед замыканием ключа  $K_2$ .
- 2) Найти напряжение  $U_m$ .



$$1) I_0 = U_0 \sqrt{\frac{L_1 + L_2}{C}}; 2) U_m = U_0 \sqrt{\frac{L_1 + L_2}{2}}$$

**Задача 36. (МФТИ, 1998)** В схеме, изображённой на рисунке, сверхпроводящие катушки с индуктивностями  $L_1$  и  $L_2$  соединены последовательно с конденсатором ёмкости  $C$  через ключ  $K_1$ . В начальный момент ключи  $K_1$  и  $K_2$  разомкнуты, а конденсатор заряжен до некоторого неизвестного напряжения  $U_x$ . Сначала замыкают ключ  $K_1$ . Через некоторое время  $\tau$  напряжение на конденсаторе равно нулю, и в этот момент замыкают ключ  $K_2$ . Через некоторое время после замыкания ключа  $K_2$  конденсатор перезарядится до максимального напряжения  $U_m$ .

- 1) Определить  $\tau$ .
- 2) Определить начальное напряжение  $U_x$ .



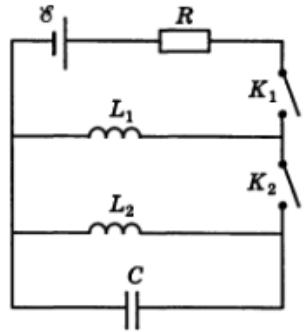
$$1) \tau = \sqrt{\frac{L_1 + L_2}{C}}; 2) U_x = U_m \sqrt{\frac{L_1 + L_2}{2}}$$

**Задача 37.** (Всеросс., 1999, ОЭ, 11) Электрическая цепь состоит из источника ЭДС  $\mathcal{E}$ , резистора сопротивлением  $R$ , сверхпроводящих катушек индуктивностями  $L_1$  и  $L_2$ , конденсатора ёмкостью  $C$  и ключей  $K_1$  и  $K_2$  (рис.). Ключ  $K_1$  замыкают. После достижения в цепи установившегося режима замыкают ключ  $K_2$  и тут же размыкают ключ  $K_1$ .

Найдите:

- 1) силу тока, протекающего через катушку  $L_1$  в установившемся режиме после замыкания ключа  $K_1$ ;
- 2) максимальное напряжение на конденсаторе после размыкания ключа  $K_1$ .

Внутренним сопротивлением источника тока, сопротивлениями соединительных проводов и контактов в ключах пренебречь.

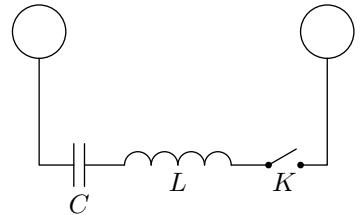


$$1) I_0 = \frac{\mathcal{E}}{R}; 2) U_0 = \frac{\mathcal{E}}{R} \sqrt{C(L_1 + L_2)}$$

**Задача 38.** (МФТИ, 1985) Два удалённых проводящих шара радиусом  $R$  соединены участком цепи, содержащим конденсатор ёмкостью  $C$ , катушку индуктивностью  $L$  и ключ  $K$  (см. рисунок). В начальный момент времени конденсатор заряжен до напряжения  $U_0$ , заряды на шарах отсутствуют. Определите:

- 1) максимальный заряд на шаре после замыкания ключа  $K$ ;
- 2) максимальный ток в цепи после замыкания ключа  $K$ .

Активным сопротивлением катушки пренебречь.

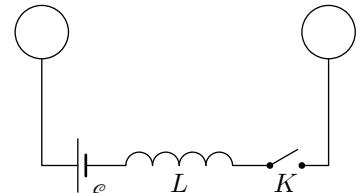


$$1) q_m = \frac{2\pi C R}{2\pi R^2}; 2) I_m = U_0 \sqrt{\frac{L}{2\pi C + R}}$$

**Задача 39.** (МФТИ, 1985) Два удалённых проводящих шара радиусом  $R$  соединены участком цепи, содержащим источник постоянного тока с ЭДС  $\mathcal{E}$ , катушку индуктивностью  $L$  и ключ  $K$  (см. рисунок). В начальный момент времени ключ  $K$  разомкнут, заряды на шарах отсутствуют. Определите:

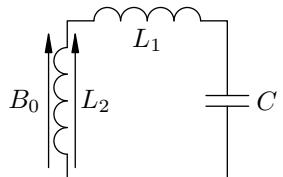
- 1) максимальный заряд на шаре после замыкания ключа  $K$ ;
- 2) максимальный ток в цепи после замыкания ключа  $K$ .

Омическим сопротивлением в цепи пренебречь.



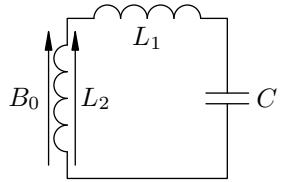
$$1) q_m = \frac{\mathcal{E}}{2\pi R^2} \Lambda; 2) I_m = \frac{\mathcal{E}}{2\pi R^2}$$

**Задача 40.** (МФТИ, 2005) В колебательном контуре, включающем в себя конденсатор ёмкостью  $C$  и две катушки самоиндукции с индуктивностями  $L_1$  и  $L_2$  (см. рисунок), происходят гармонические колебания. Катушка  $L_2$  с числом витков  $N$  и площадью одного витка  $S$  расположена в однородном и стационарном магнитном поле с индукцией  $B_0$ , перпендикулярной плоскости витков. В тот момент, когда напряжение на конденсаторе достигает максимального значения  $U_0$ , магнитное поле выключают. Время спадания магнитного поля много меньше периода колебаний в контуре. Пренебрегая омическим сопротивлением катушек и подводящих проводов, определите величину максимального тока в контуре после выключения магнитного поля.



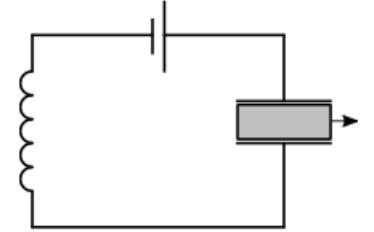
$$I_m = \sqrt{\left( \frac{B_0 S N}{2} \right)^2 + \frac{L_1 + L_2}{C U_0^2}}$$

**Задача 41.** (*МФТИ, 2005*) В колебательном контуре, включающем в себя конденсатор ёмкостью  $C$  и две катушки самоиндукции с индуктивностями  $L_1$  и  $L_2$  (см. рисунок), происходят гармонические колебания. Катушка  $L_2$  с числом витков  $N$  и площадью одного витка  $S$  расположена в однородном и стационарном магнитном поле с индукцией  $B_0$ , перпендикулярной плоскости витков. В тот момент, когда ток в контуре достигает максимального значения  $I_0$ , магнитное поле выключают. Время спадания магнитного поля много меньше периода колебаний в контуре. Пренебрегая омическим сопротивлением катушек и подводящих проводов, определите величину максимального напряжения на конденсаторе после выключения магнитного поля.



$$1) \frac{z_T + i_T}{NS^0 B} \mp I_0 \left| \frac{\varphi}{z_T + i_T} \right| \wedge = u \Omega$$

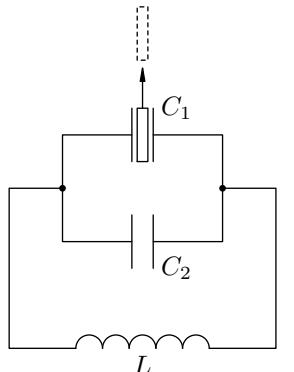
**Задача 42.** (*«Физтех», 2017, 11*) Источник с ЭДС  $E$  подключён через катушку с индуктивностью  $L$  к плоскому конденсатору (см. рис.). Источник и катушка идеальные. В конденсаторе находится пластина из диэлектрика с диэлектрической проницаемостью  $\epsilon = 3$ , полностью заполняющая конденсатор. Ёмкость пустого конденсатора  $C$ . Режим в цепи установленся. Пластины быстро извлекают из конденсатора так, что заряд конденсатора не успевает измениться.



- 1) Найти напряжение на конденсаторе сразу после извлечения пластины.
- 2) Найти максимальный ток в цепи после извлечения пластины.

$$1) U = \epsilon E = 3E; 2) I_{\max} = (\epsilon - 1) E \sqrt{\frac{L}{C}} = 2E \sqrt{\frac{L}{C}}$$

**Задача 43.** (*МФТИ, 1996*) В колебательном контуре, состоящем из двух параллельно соединённых конденсаторов с ёмкостями  $C_1$  и  $C_2$  и катушки с индуктивностью  $L$  (см. рисунок), происходят свободные незатухающие колебания, при которых амплитуда колебаний заряда на конденсаторе  $C_2$  равна  $q_0$ . В конденсаторе  $C_1$  расположена диэлектрическая пластина с диэлектрической проницаемостью  $\epsilon$ , которая полностью заполняет его пространство. Когда заряд на конденсаторе  $C_1$  достигает максимального значения, пластину быстро (за время, малое по сравнению с периодом колебаний) удаляют из конденсатора.



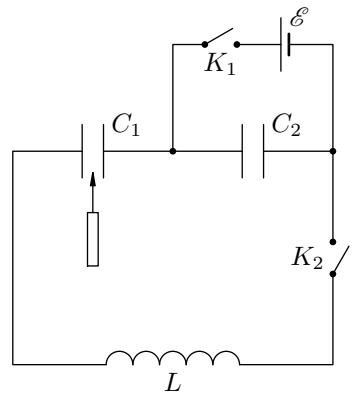
- 1) Определить новый период колебаний.
- 2) Определить амплитуду новых колебаний тока в катушке.

$$1) T = 2\pi \sqrt{\frac{L(C_1 + \epsilon C_2)}{\epsilon C_1 C_2}}; 2) I_0 = \frac{\pi C_2}{(C_1 + \epsilon C_2) q_0} \sqrt{\frac{L(C_1 + \epsilon C_2)}{\epsilon C_1 C_2}}$$

**ЗАДАЧА 44.** (*МФТИ, 1996*) В схеме, изображённой на рисунке, сначала замыкают ключ  $K_1$  и после того, как конденсатор ёмкостью  $C_2$  зарядится от батареи с ЭДС  $\mathcal{E}$ , ключ  $K_1$  размыкают и замыкают ключ  $K_2$ . После замыкания ключа  $K_2$  в схеме происходят свободные незатухающие колебания. Когда напряжение на конденсаторе ёмкостью  $C_1$  достигает максимального значения, в него быстро (за время, малое по сравнению с периодом колебаний) вставляют диэлектрическую пластину, что приводит к увеличению его ёмкости в  $\varepsilon$  раз.

1) Чему равен начальный ток в цепи после замыкания ключа  $K_2$ ?

2) Определить максимальный ток в цепи после вставки пластины.

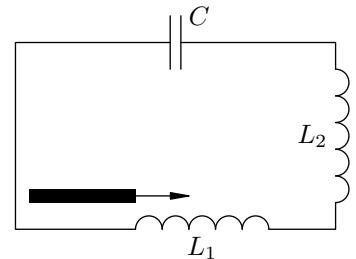


$$1) 0; 2) I_{\max} = C_2 \mathcal{E} \sqrt{\frac{\varepsilon C_1 C_2 (C_1 + C_2)}{L(\varepsilon C_1 + C_2)^2} - \frac{L(\varepsilon C_1 + C_2)}{1}}$$

**ЗАДАЧА 45.** (*МФТИ, 1996*) В колебательном контуре, состоящем из двух последовательно соединённых катушек с индуктивностями  $L_1$  и  $L_2$  и конденсатора ёмкостью  $C$  (см. рисунок), происходят свободные незатухающие колебания, при которых амплитуда колебаний тока равна  $I_0$ . Когда сила тока в катушке  $L_1$  максимальна, в неё быстро (за время, малое по сравнению с периодом колебаний) вставляют сердечник, что приводит к увеличению её индуктивности в  $\mu$  раз.

1) Определить максимальное напряжение на конденсаторе до вставки сердечника.

2) Определить максимальное напряжение на конденсаторе после вставки сердечника.

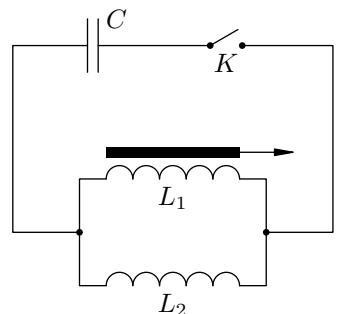


$$1) U_0 = I_0 \sqrt{\frac{C}{L_1 + L_2}}; 2) U_{\max} = I_0 (T_1 + T_2) \sqrt{\frac{C(\mu L_1 + L_2)}{1}}$$

**ЗАДАЧА 46.** (*МФТИ, 1996*) В схеме (см. рисунок) конденсатор ёмкостью  $C$  заряжен до некоторого напряжения. После замыкания ключа  $K$  в схеме происходят свободные, практически незатухающие колебания, при которых амплитудное значение тока в катушке с индуктивностью  $L_2$  равно  $I_0$ . Когда ток в катушке с индуктивностью  $L_1$  достигает максимального значения, из неё быстро (за время, малое по сравнению с периодом колебаний) выдвигают сердечник, что приводит к уменьшению её индуктивности в  $\mu$  раз.

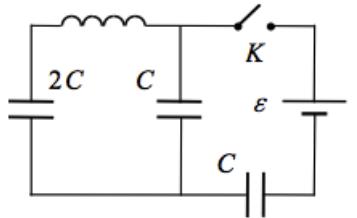
1) Найти ток через катушку  $L_2$  сразу после замыкания ключа.

2) Найти максимальное напряжение на конденсаторе после выдвижения сердечника.



$$1) 0; 2) U_{\max} = I_0 \sqrt{\frac{C}{L_1 + L_2}}$$

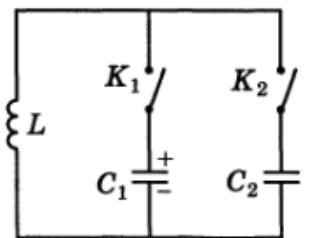
**ЗАДАЧА 47.** («Курчатов», 2019, 11) Цепь состоит из ключа  $K$ , катушки, двух конденсаторов ёмкостью  $C$ , одного конденсатора ёмкостью  $2C$  и батареи с ЭДС  $\mathcal{E} = 12$  В. Сначала ключ разомкнут, конденсаторы не заряжены. После замыкания ключа в цепи возникают колебания токов и напряжений. Если пренебречь излучением и сопротивлением всех элементов цепи, то колебания можно считать гармоническими. В этом приближении найдите амплитуду  $V_A$  колебаний напряжения на конденсаторе  $2C$ . Числовой ответ выразите в вольтах и округлите до десятых.



$$B \quad \mathcal{E} = \frac{V}{\mathcal{Z}} = A/V$$

**ЗАДАЧА 48.** (Всеросс., 2001, ОЭ, 11) В схеме на рисунке конденсатор  $C_1$  ёмкостью  $C$  заряжен до напряжения  $U_0 = 36$  В, а конденсатор  $C_2$  ёмкостью  $8C$  не заряжен. Сначала замыкают ключ  $K_1$ , затем — ключ  $K_2$ , и в цепи возникают слабо затухающие колебания. Найдите для этих колебаний возможные значения (укажите интервал) начальной амплитуды напряжения на конденсаторе  $C_2$ .

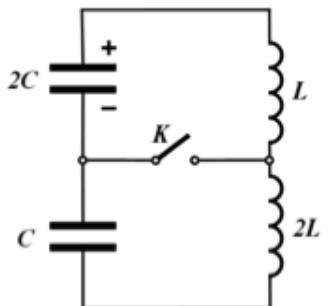
$$От 4 до 12 В$$



**ЗАДАЧА 49.** (IPhO, 2014)<sup>1</sup> В начальный момент в схеме, изображённой на рисунке, ключ  $K$  разомкнут, конденсатор ёмкостью  $2C$  имеет заряд  $q_0$ , конденсатор ёмкостью  $C$  не заряжен, ток в катушках с индуктивностями  $L$  и  $2L$  отсутствует.

Конденсатор начинает разряжаться, и в момент времени, когда сила тока в катушках достигает максимального значения, ключ  $K$  замыкают. Найдите максимальную силу тока  $I_{\max}$ , протекающего в дальнейшем через ключ  $K$ .

$$\frac{\partial \mathcal{E}^A}{\partial b} = \text{ max } I$$



<sup>1</sup>Первое задание на IPhO-2014 состояло из трёх независимых задач, и это — одна из них.