Электрическое давление

Задача 1. Найдите электрическое давление (силу, действующую на единицу площади поверхности) на пластины плоского конденсатора. Поверхностная плотность заряда пластин $\pm \sigma$.

$$\frac{z^{\mathcal{D}}}{z^{\mathcal{D}}} = d$$

Задача 2. (Cавченко, 6.5.1) Напряжённость электрического поля между параллельными плоскостями равна нулю, вне плоскостей равна E. Определите поверхностную плотность зарядов на плоскостях и электрическое давление на плоскости.

$$\sigma = \varepsilon_0 E, \, p = \frac{\varepsilon_0 E^2}{2}$$

Задача 3. (Cавченко, 6.5.3) Чему равна поверхностная плотность заряда и электрическое давление на границе раздела двух полей напряжённости E и 2E? E и -2E? Поверхностная плотность заряда во втором случае в три раза больше. Почему же электрическое давление в обоих случаях одинаково?

$$\sigma = \varepsilon_0 E$$
; $\sigma = -3\varepsilon_0 E$; $p = \frac{2}{3}\varepsilon_0 E^2$

ЗАДАЧА 4. (Caвченко, 6.5.5) Определите силу, действующую на единицу площади поверхности равномерно заряженной сферы радиуса R, если заряд её Q.

Указание. Берем маленький кусочек поверхности сферы, определяем напряжённость поля остальной части сферы вблизи этого кусочка и умножаем на заряд кусочка.

$$D = \frac{\partial^2 u}{\partial u} = \frac{\partial^2 u}{\partial u} = d$$

Задача 5. Покажите, что энергия равномерно заряженной сферы равна $W=\frac{kq^2}{2R}$. Используя принцип виртуальных перемещений ($\delta A=dW$), получите формулу предыдущей задачи для электрического давления на поверхность сферы.

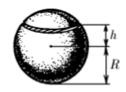
ЗАДАЧА 6. (Casчenko, 6.5.6) Найдите электрическое давление на внутреннюю поверхность сферического конденсатора, заряженного до разности потенциалов V. Радиус внешней обкладки конденсатора R, радиус внутренней r.

$$\frac{1}{2(\pi - R)^2 \pi^2} = d$$

ЗАДАЧА 7. (Cавченко, 6.5.7) Какой заряд можно разместить на единице длины длинной цилиндрической оболочки радиуса R, если при накачивании её газом она выдерживает давление p?

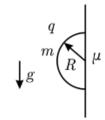
$$\lambda = 2\pi R\sqrt{2\varepsilon_0}$$

Задача 8. (Cавченко, 6.5.9) Равномерно заряженная сфера радиуса R разрезана на две части по плоскости, отстоящей на расстоянии h от центра сферы. Найдите силу, с которой отталкиваются друг от друга эти части. Полный заряд сферы Q. Какой минимальный заряд нужно поместить в центр сферы, чтобы её части не разлетались?



$$F = \frac{Q^2 (R^2 - h^2)}{32\pi\varepsilon_0 R^4}; q = -\frac{Q}{2}$$

Задача 9. (MOШ, 2018, 11) Однородную полусферу радиусом R и массой m, равномерно заряженную по поверхности зарядом q, приложили основанием к вертикальной протяжённой металлической плоской стене (см. рисунок). Заряды по сфере не перераспределяются.

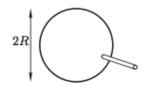


- 1) С какой силой полусфера притягивается к стене?
- 2) При каком коэффициенте трения μ между стеной и полусферой она будет покоиться, «прилипнув» к стене?
- 3) При каких значениях массы полусферы при заданном коэффициенте трения $\mu < 1$ полусфера будет скользить вниз вдоль стены, не отрываясь от неё? Центр масс однородной полусферы находится на расстоянии R/2 от центра её основания.

Примечание. Сравните с задачей про кубик из листка «Неинерциальные системы отсчёта».

$$\boxed{\frac{z_{\mu_0 } z_{\mu_0}}{z_{\pi_0 } z_{\pi_8}} \leqslant m \; (\epsilon \; ; \frac{z_{\mu_0 m_0 z_{\pi_8}}}{z_p} < \mu \; (\mathcal{I} \; ; \frac{z_{\mu_0 z_{\pi_8}}}{z_{\pi_0 z_{\pi_8}}} = \mathcal{I} \; (\mathcal{I} \; ; \frac{z_{\mu_0 z_{\pi_8}}}{z_{\pi_0 z_{\pi_8}}})}$$

Задача 10. (Bcepocc., 2008, финал, 11) Через короткую трубку выдувают мыльный пузырь массой $m=0{,}01$ г и коэффициентом поверхностного натяжения $\sigma=0{,}01$ Н/м (рис.). Пузырь заряжают зарядом $Q=5{,}4\cdot10^{-8}$ Кл. Трубка остаётся открытой.



- 1) Определите равновесный радиус пузыря R_0 .
- 2) Определите период малых колебаний пузыря, если при колебаниях он сохраняет сферическую форму.
- 3) Оцените, с какой скоростью разлетятся брызги, если пузырь внезапно зарядить зарядом $Q_1=10Q.$

Электрическая постоянная $\varepsilon_0 = 8.85 \cdot 10^{-12} \ \mathrm{K} \pi^2 / (\mathrm{Дж} \cdot \mathrm{m}).$

$$1) \ R_0 = \sqrt[3]{\frac{Q^2}{128\pi^2 \epsilon_0 \sigma}} \approx 3.0 \ \text{cm}; \ 2) \ T = \sqrt{\frac{\pi m}{12\sigma}} \approx 16 \ \text{mc}; \ 3) \ v = \frac{10Q}{\sqrt{12\pi}} \approx 94 \ \text{m/c}$$

Задача 11. (ІРНО, 2011)

- \bullet Заряженный мыльный пузырь / An Electrified Soap Bubble.
- Solution.