

Теплоёмкость газа

Напомним, что *теплоёмкостью* тела называется отношение количества теплоты Q , которое нужно сообщить данному телу для повышения его температуры на ΔT , к величине ΔT :

$$C = \frac{Q}{\Delta T}.$$

Вам известно понятие *удельной теплоёмкости* вещества — это теплоёмкость, отнесённая к единице массы тела: $c = Q/(m\Delta T)$. В случае газов чаще используется *молярная теплоёмкость*, то есть теплоёмкость одного моля газа:

$$C_\mu = \frac{Q}{\nu\Delta T}.$$

У жидкостей и твёрдых тел удельная теплоёмкость есть табличная характеристика вещества. Для газов это не так. Удельная (или молярная) теплоёмкость газа зависит от процесса, совершающегося над данной порцией газа (существуют даже процессы, в которых теплоёмкость газа не остаётся постоянной; такие процессы, правда, в школьной программе не рассматриваются).

ЗАДАЧА 1. (*Формула Майера*) Пусть C_p — молярная теплоёмкость идеального газа в изобарическом процессе, C_V — молярная теплоёмкость этого же газа в изохорическом процессе. Докажите, что $C_p - C_V = R$, где R — газовая постоянная.

ЗАДАЧА 2. (*«Физтех», 2019, 10*) Теплоизолированный сосуд объёмом V разделен на две части перегородкой. В одной части находится гелий в количестве ν при температуре T_1 , а в другой — азот в количестве 3ν при температуре $\frac{6}{5}T_1$ и другом давлении. Перегородка прорывается. Известно, что молярная теплоемкость азота при постоянном объеме равна $2,5R$.

1. Какая температура T_2 , установится в смеси?
2. Найти давление P в смеси.

$$T_2 = \frac{6}{7}T_1; 2) P = \frac{3}{14} \frac{\nu R T_1}{V}$$

ЗАДАЧА 3. (*«Росатом», 2020, 10*) С некоторым количеством одноатомного идеального газа проводят процесс, в котором его теплоемкость остается постоянной, а газ совершает работу A ($A > 0$). Затем с этим же газом проводят изохорический процесс, в котором к нему подводят количество теплоты $Q = \frac{3}{4}A$, а его температура возвращается к первоначальному значению. Определить молярную теплоемкость газа в первом процессе. Универсальная газовая постоянная $R = 8,31$ Дж/(моль · К) известна. Получает или отдает газ энергию в первом процессе в результате теплообмена?

$$C = -\frac{\zeta}{1} R = -4,16 \text{ Дж/(моль · К)}$$

ЗАДАЧА 4. (*«Покори Воробьёвы горы!», 2018, 10–11*) Чему равна теплоёмкость одного моля одноатомного идеального газа в процессе сжатия газа, в котором его давление убывает пропорционально объёму? Ответ обосновать.

$$C = 2R$$

ЗАДАЧА 5. («Покори Воробьёвы горы!», 2018, 10–11) При расширении одного моля одноатомного идеального газа зависимость его абсолютной температуры от произведённой им работы оказалась линейной:

$$T = T_0 - \frac{bA}{R}$$

(здесь R — универсальная газовая постоянная). При каких значениях b теплоёмкость газа в этом процессе отрицательна?

$$\frac{\varepsilon}{\tilde{\varepsilon}} > q > 0$$

ЗАДАЧА 6. («Покори Воробьёвы горы!», 2018, 10–11) Постоянное количество гелия участвует в процессе, в котором его давление сначала остаётся постоянным, затем возрастает в $n = 2$ раза так, что его объём изменяется пропорционально давлению, а затем снова остаётся постоянным. Зная, что конечная температура гелия в $k = 1,2$ раза больше начальной, и что полное количество теплоты, которым гелий обменялся с окружающими телами в этом процессе, равно нулю, найдите отношение максимального и минимального объёма гелия в этом процессе.

$$\xi = \frac{(1-q)\varrho}{1-\xi^u} = v$$

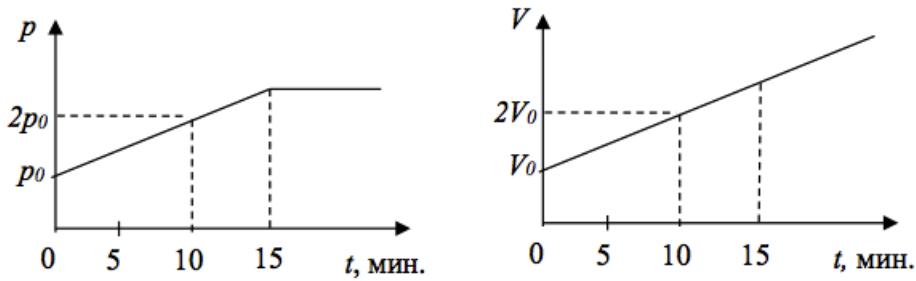
ЗАДАЧА 7. («Росатом», 2020, 11) В некотором тепловом процессе объем одноатомного идеального газа зависит от температуры по закону $V = \alpha T^{-\frac{5}{2}}$, где α — известная постоянная. Найти молярную теплоемкость газа в этом процессе. Получает или отдает газ теплоту, если его объем возрастает?

$$C = R$$

ЗАДАЧА 8. (МОШ, 2018, 11) Экспериментально определить отношение теплоёмкостей газа при постоянном давлении и постоянном объёме $\gamma = \frac{c_p}{c_V}$ можно следующим методом. Определённое количество молей газа ν , начальные значения объёма и давления которого равны V и p , нагревают дважды с помощью спирали, по которой пропускают один и тот же ток в течение одинакового времени: сначала — при постоянном объёме, причём конечное давление составляет p_1 , затем — при постоянном давлении, причём конечный объём составляет V_2 . Найдите по этим данным γ , считая газ идеальным. Теплоёмкостью спирали и стенок сосуда можно пренебречь.

$$\frac{(\lambda - \xi_\lambda)^{1/d}}{(\lambda^{1/d})_\lambda} = \nu$$

ЗАДАЧА 9. (*Всеросс., 2017, ШЭ, 11*) На графиках приведены зависимости от времени t давления p и объёма V одного моля одноатомного идеального газа. Определите, как со временем изменилась теплоёмкость данного количества газа. Постройте график зависимости этой теплоёмкости от времени.



$$C = 2R \text{ при } t \geq 15 \text{ мин; ранее } C = \frac{2}{3}R$$

ЗАДАЧА 10. (*МОШ, 2018, 11*) Идеальному газу, находящемуся в вертикальном цилиндре под невесомым подвижным поршнем, сообщают количество теплоты $Q = 300$ Дж. Внутренняя энергия газа при этом увеличивается на $\Delta U = 200$ Дж. Найдите изменение объёма газа и определите его молярную теплоёмкость при постоянном объёме. Внешнее атмосферное давление равно $p_A = 100$ кПа.

$$C_V = 2R$$

ЗАДАЧА 11. (*Всеросс., 2018, МЭ, 11*) В некотором процессе над газом совершена работа $A' = 100$ Дж, при этом его внутренняя энергия возросла на $\Delta U = 80$ Дж, а температура увеличилась на $\Delta t = 10^\circ\text{C}$. Найдите среднюю теплоёмкость газа в этом процессе.

$$C = \frac{\Delta Q}{\Delta T} = -2 \frac{\text{Дж}}{\text{К}} = -2 \frac{\text{Дж}}{\text{К}} = -2 \frac{\text{Дж}}{\text{К}} = -2 \frac{\text{Дж}}{\text{К}}$$

ЗАДАЧА 12. (*«Физтех», 2009*) Моль гелия совершают работу $A = 5,5$ кДж в процессе, в котором молярная теплоёмкость газа постоянна и равна $c = 18$ Дж/(моль·К). Во сколько раз изменилось давление гелия, если его объём увеличился в 4 раза? Начальная температура газа $T_1 = 142$ К.

$$\frac{p_2}{p_1} = \frac{1}{4} + \frac{A}{cV_1} \approx 2$$

ЗАДАЧА 13. (*МФТИ, 2006*) Астронавты, исследуя воздух открытой ими планеты, нагрели порцию воздуха массой $m = 200$ г на $\Delta T = 60^\circ\text{C}$ один раз при постоянном давлении, а другой раз — при постоянном объёме. Оказалось, что при постоянном давлении требуется подвести на $\Delta Q = 1$ кДж больше тепла, чем при постоянном объёме. Найдите среднюю молярную массу воздуха, считая его идеальным газом.

$$\frac{m}{M} = \frac{\Delta Q}{c\Delta T} = 100 \text{ г/моль}$$

ЗАДАЧА 14. (МФТИ, 1995) В вакуумной теплоизолированной камере находятся два масляных пузыря одинакового размера, один из которых наполнен гелием, а другой — водородом, до давления p_0 каждый. Найти отношение давления p , установившегося в камере после того, как пузыри лопнули, к начальному давлению газа в пузырях. Отношение температуры гелия T_1 к температуре водорода T_2 составляет $T_1/T_2 = 0,6$. Молярная теплоёмкость гелия при постоянном объёме $C_{V1} = \frac{3}{2}R$, водорода — $C_{V2} = \frac{5}{2}R$, где R — газовая постоянная. Объём пузыря в 160 раз меньше объёма камеры. Изменением поверхностной энергии плёнок при разрыве пузырей пре-небречь.

$$\frac{p_0}{p} = \frac{\frac{1}{V_0}}{\frac{1}{V_0} + \frac{T_2}{T_1}} \left(\frac{C_{V1}}{T_1} + \frac{C_{V2}}{T_2} \right) = \frac{\frac{1}{V_0}}{\frac{1}{V_0} + \frac{3}{2}} \left(\frac{5}{2} + \frac{3}{2} \right) = \frac{160}{161}$$

ЗАДАЧА 15. (МФТИ, 1996) Гелий из состояния с температурой $T_1 = 200$ К расширяется в процессе $pV^2 = \text{const}$ (p — давление, V — объём газа) с постоянной теплоёмкостью C . От газа отвели количество теплоты $Q = 415$ Дж, и конечный объём газа стал вдвое больше начального.

- 1) Определить конечную температуру гелия.
- 2) Определить теплоёмкость C .

$$1) T_2 = \frac{T_1}{2} = 100 \text{ K}; 2) C = \frac{2Q}{T_2 - T_1} = 4,15 \text{ Дж/К}$$

ЗАДАЧА 16. (МФТИ, 1996) Гелий из состояния с температурой $T_1 = 100$ К расширяется в процессе $p^2V = \text{const}$ (p — давление, V — объём газа) с постоянной теплоёмкостью C . К газу подвели количество теплоты $Q = 2910$ Дж. Конечное давление газа вдвое меньше начального.

- 1) Определить конечную температуру гелия.
- 2) Определить теплоёмкость C .

$$1) T_2 = 2T_1 = 200 \text{ K}; 2) C = 29,1 \text{ Дж/К}$$

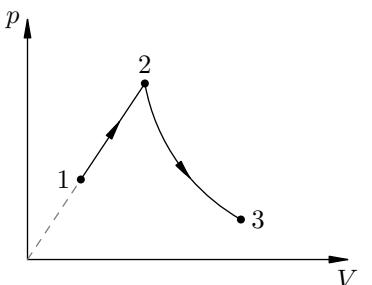
ЗАДАЧА 17. (МФТИ, 1996) Гелий в количестве $\nu = 4$ моля сжимают в процессе с постоянной теплоёмкостью C . От газа отвели количество теплоты, равное изменению его внутренней энергии, и температура газа увеличилась на $\Delta T = 100$ К.

- 1) Чему равна работа, совершённая газом?
- 2) Определить теплоёмкость C .

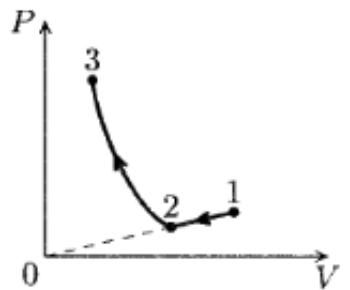
$$1) A = -3\nu R \Delta T = -10 \text{ кДж}; 2) C = -\frac{2}{3}\nu R \approx -50 \text{ Дж/К}$$

ЗАДАЧА 18. (МФТИ, 2002) Моль гелия, расширяясь в процессе 1–2 (см. рисунок), где его давление p меняется прямо пропорционально объёму V , совершает работу A . Из состояния 2 гелий расширяется в процессе 2–3, в котором его теплоёмкость C остаётся постоянной и равной $C = R/2$ (R — газовая постоянная). Какую работу A_{23} совершил гелий в процессе 2–3, если его температура в состоянии 3 равна температуре в состоянии 1?

$$A_{23} = 2A$$



ЗАДАЧА 19. (*МФТИ, 2002*) Моль гелия сжимают из начального состояния 1 в конечное состояние 3 в двух процессах (см. рисунок). Сначала сжатие идёт в процессе 1–2, когда давление гелия p прямо пропорционально его объёму V . Затем из состояния 2 газ сжимают в процессе 2–3 с постоянной теплоёмкостью так, что тепло подводится к газу. В конечном состоянии 3 температура гелия равна его температуре в состоянии 1. Найти теплоёмкость газа в процессе 2–3, если в процессе сжатия 1–2 над газом совершена работа A ($A > 0$), а в процессе 2–3 над газом совершена работа $2A$.



$$C = R/2$$

ЗАДАЧА 20. (*МФТИ, 2006*) С идеальным одноатомным газом проводят циклический процесс 1–2–3–1, состоящий из адиабатического расширения 1–2, расширения в процессе 2–3, в котором теплоёмкость газа оставалась постоянной, и сжатия в процессе 3–1 с линейной зависимостью давления от объёма. $T_1 = 2T_2 = T_3$, $V_3 = 4V_1$. Найдите молярную теплоёмкость газа в процессе 2–3, если работа, совершенная над газом в цикле, составляет $7/15$ от работы, совершенной над газом в процессе 3–1.

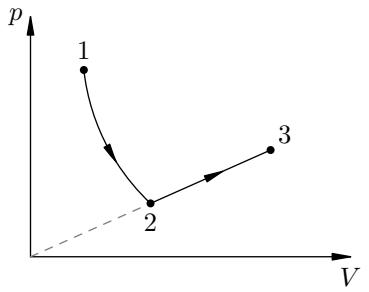
$$c = 2R$$

ЗАДАЧА 21. (*МФТИ, 2006*) С идеальным одноатомным газом проводят циклический процесс 1–2–3–1, состоящий из расширения в процессе 1–2, в котором молярная теплоёмкость газа постоянна и равна $2R$, адиабатического расширения 2–3 и сжатия в процессе 3–1 с линейной зависимостью давления от объёма. $T_1 = T_2/2 = T_3$, $V_3 = 4V_1$. Найдите работу, совершенную газом в процессе 1–2–3, если работа, совершенная газом в цикле, составила 100 Дж.

$$A_{123} = 1600 \text{ Дж}$$

ЗАДАЧА 22. (*«Физтех», 2010*) Газообразный гелий из начального состояния 1 расширяется в процессе 1–2 с постоянной теплоёмкостью, совершая в нём работу $A_{12} = 400$ Дж. Затем к газу подводится количество теплоты $Q_{23} = 400$ Дж в процессе 2–3, в котором давление прямо пропорционально объёму (см. рисунок). Температуры в состояниях 1 и 3 равны.

- 1) Найдите количество теплоты, подведенное к газу в процессе 1–2.
- 2) Найдите молярную теплоёмкость газа в процессе 1–2, выразив её через R .

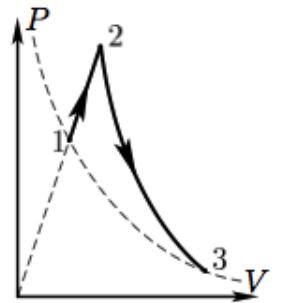


$$1) Q_{12} = A_{12} - \frac{3}{4}Q_{23} = 100 \text{ Дж}; 2) c = R \left(\frac{3}{2} - \frac{Q_{23}}{2A_{12}} \right) = -\frac{2}{3}R$$

ЗАДАЧА 23. («Физтех», 2010) Газообразный гелий из начального состояния 1 расширяется в процессе 1–2, в котором давление прямо пропорционально объёму, совершая в нём работу $A_{12} = 200$ Дж. Затем газ расширяется в процессе 2–3 с постоянной теплоёмкостью, совершая работу $A_{23} = 1000$ Дж. Температуры в состояниях 1 и 3 равны (см. рисунок).

1) Найдите количество теплоты, подведенное к газу в процессе 2–3.

2) Найдите молярную теплоёмкость газа в процессе 2–3, выразив её через R .

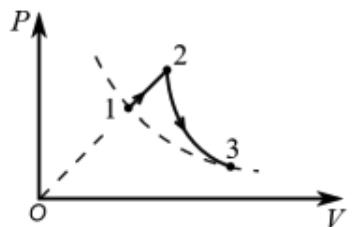


$$1) Q_{23} = A_{23} - 3A_{12} = 400 \text{ Дж}; 2) C = -R$$

ЗАДАЧА 24. («Физтех», 2018, 11) Газообразный гелий расширяется в процессе 1–2, в котором давление прямо пропорционально объёму (см. рис.). Затем газ расширяется в процессе 2–3 с постоянной теплоёмкостью. Работа, совершённая газом в процессе 1–2, в 6 раз меньше работы, совершенной газом в процессе 2–3. Температуры в состояниях 1 и 3 равны.

1) Найти отношение количества теплоты, полученной газом в процессе 1–2, к работе газа в процессе 1–2.

2) Найти молярную теплоёмкость газа в процессе 2–3.

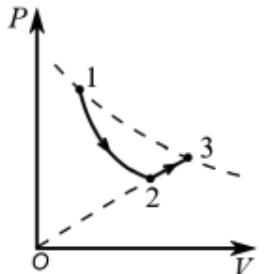


$$1) \frac{A_{12}}{A_{23}} = 4; 2) C = -\frac{\gamma}{3}R$$

ЗАДАЧА 25. («Физтех», 2018, 11) Газообразный гелий расширяется в процессе 1–2 с постоянной теплоёмкостью. Затем газ расширяется в процессе 2–3, в котором давление прямо пропорционально объёму (см. рис.). Работа, совершённая газом в процессе 1–2, в 4 раза больше работы, совершенной газом в процессе 2–3. Температуры в состояниях 1 и 3 равны.

1) Найти отношение количества теплоты, полученной газом в процессе 2–3, к работе газа в процессе 2–3.

2) Найти молярную теплоёмкость газа в процессе 1–2.

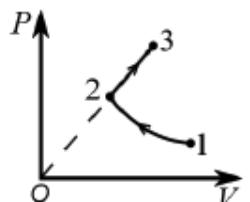


$$1) \frac{A_{23}}{A_{12}} = 4; 2) C = -\frac{\gamma}{3}R$$

ЗАДАЧА 26. («Физтех», 2018, 11) Газообразный гелий сжимается в процессе 1–2 с постоянной молярной теплоёмкостью $C = 0,5R$. Затем газ расширяется в процессе 2–3, в котором давление прямо пропорционально объёму (см. рис.). В процессе 2–3 к газу подводят количество теплоты Q . Работа внешних сил над газом при сжатии и работа газа при расширении равны.

1) Найти работу A внешних сил над газом при сжатии.

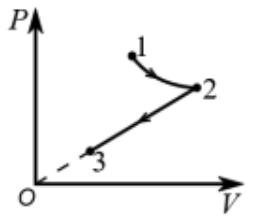
2) Какое количество Q_{12} теплоты (с учётом знака) получил газ в процессе 1–2?



$$1) A = \frac{Q}{4}; 2) Q_{12} = \frac{Q}{8} < 0$$

ЗАДАЧА 27. («Физтех», 2018, 11) Газообразный гелий расширяется в процессе 1–2 с постоянной молярной теплоёмкостью $C = R$. Затем газ сжимается в процессе 2–3, в котором давление прямо пропорционально объёму (см. рис.). В процессе 2–3 от газа отводят количество теплоты Q ($Q > 0$). Работа внешних сил над газом при сжатии и работа газа при расширении равны.

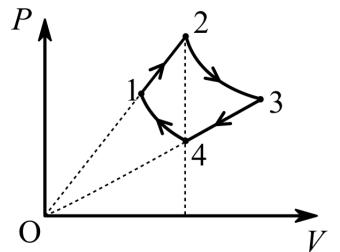
- 1) Найти работу A внешних сил над газом при сжатии.
- 2) Какое количество Q_{12} теплоты (с учётом знака) получил газ в процессе 1–2?



$$1) A = \frac{Q}{2}; 2) Q_{12} = -\frac{Q}{2} > 0$$

ЗАДАЧА 28. («Физтех», 2020, 11) Идеальный одноатомный газ из состояния 1 с температурой T_1 расширяется в процессе 1–2 прямо пропорциональной зависимости давления P от объема V . В процессе 1–2 давление увеличивается в $k = 2$ раза. Затем газ расширяется в изотермическом процессе 2–3, сжимается в процессе 3–4 прямо пропорциональной зависимости давления от объема и сжимается в изотермическом процессе 4–1. Объемы газа в состояниях 2 и 4 равны.

1. Найти температуру газа в процессе 2–3.
2. Найти отношение давлений в состояниях 1 и 3.
3. Найти молярную теплоемкость газа в процессе 1–2.



$$1) T_2 = k_2 T_1 = 4T_1; 2) \frac{P_3}{P_1} = 1; 3) C_{12} = 2R$$

ЗАДАЧА 29. («Физтех», 2016, 10) Один моль гелия находится при температуре $T = 273$ К. Далее газ расширяется так, что объём увеличивается на 3%, а давление уменьшается на 2%. Изменения параметров газа считать малыми.

- 1) Вычислите приращение ΔT температуры газа.
- 2) Какую работу ΔA совершил газ в процессе расширения?
- 3) Найдите молярную теплоёмкость C газа в этом процессе.

$$1) \Delta T = T \left(\frac{\partial}{\partial V} + \frac{\partial}{\partial T} \right) \approx 2.7 \text{ K}; 2) \Delta A = \nu R T \frac{\Delta V}{\Delta V} \approx 68 \text{ Дж}; 3) C = \frac{5}{3} R$$

ЗАДАЧА 30. («Физтех», 2016, 10–11) Газообразный гелий нагревается (непрерывно повышается температура) от температуры T_0 в процессе, в котором молярная теплоёмкость газа зависит от температуры T по закону

$$C = R \frac{T}{T_0}.$$

- 1) Найти температуру T_1 , при нагревании до которой газ совершил работу, равную нулю.
- 2) Найти температуру T_2 , при достижении которой газ занимал минимальный объём в процессе нагревания.

$$1) T_1 = 2T_0; 2) T_2 = \frac{2}{3} T_0$$

ЗАДАЧА 31. («Физтех», 2016, 10–11) Газообразный гелий нагревается (непрерывно повышается температура) от температуры T_0 в процессе, в котором молярная теплоёмкость газа зависит от температуры T по закону

$$C = \alpha R \frac{T}{T_0},$$

где α — неизвестная численная константа.

1) Найти α , если известно, что при нагревании до температуры $T_1 = 5T_0/4$ газ совершил работу, равную нулю.

2) Найти температуру T_2 , при достижении которой газ занимал минимальный объём в процессе нагревания.

$$1) Q_1 = \frac{8}{3} \nu RT_0; 2) T_2 = \frac{4}{5} T_0; 3) A = -\frac{16}{3} \nu RT_0$$

ЗАДАЧА 32. («Физтех», 2021, 11) Гелий в количестве ν моль охлаждается от начальной температуры T_0 в процессе с молярной теплоёмкостью, зависящей от температуры T линейно: $C(T) = 2R \frac{T}{T_0}$. Здесь R — универсальная газовая постоянная. Гелий считать идеальным газом.

1. Какое количество теплоты Q_1 ($Q_1 > 0$) отдаст газ в таком процессе при уменьшении температуры от T_0 до $\frac{5}{6}T_0$?
2. До какой температуры надо охладить газ, чтобы газ совершил минимальную работу?
3. Найти эту минимальную работу.

$$1) Q_1 = \frac{36}{11} \nu RT_0; 2) T_m = \frac{4}{3} T_0; 3) A = -\frac{16}{11} \nu RT_0$$

ЗАДАЧА 33. (Всеросс., 2000, ОЭ, 10) В некотором процессе молярная теплоёмкость газообразного гелия возрастает прямо пропорционально температуре T :

$$C(T) = \frac{3RT}{4T_1},$$

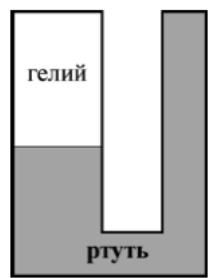
где T_1 — начальная температура газа, R — молярная газовая постоянная. Какую работу A совершают ν молей газа к тому моменту, когда его объём станет минимальным в указанном выше процессе?

$$A = -\frac{8}{3} \nu RT_1$$

Задача 34. (МОШ, 2016, 11) Герметичный сосуд заполнен двухатомным идеальным газом. После значительного повышения температуры часть молекул диссоциировала на атомы, при этом удельная теплоёмкость всего газа возросла на 10%. Какая часть молекул диссоциировала? Теплоёмкость одного моля двухатомного идеального газа при неизменном объёме $C_V = 2,5R$.

$$0,0$$

ЗАДАЧА 35. (*МОШ, 2014, 11*) На рисунке изображены два вертикальных сообщающихся цилиндрических сосуда. Верх левого сосуда герметично запаян, и этот сосуд частично заполнен гелием. Правый сосуд до краёв наполнен ртутью так, что часть ртути находится в левом сосуде, и гелий заперт ею. Система помещена в вакуум. Гелию начинают медленно сообщать теплоту и продолжают нагревание до тех пор, пока ртуть остается в левом сосуде. Определите удельную теплоёмкость гелия в этом процессе.

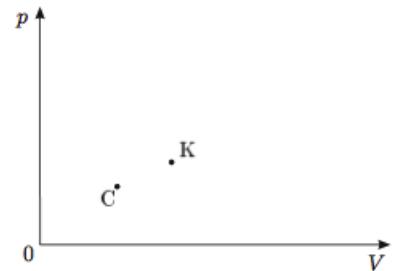


$$c = \frac{\pi}{2\beta} = 4155 \text{ Дж/(кг} \cdot \text{°C)}$$

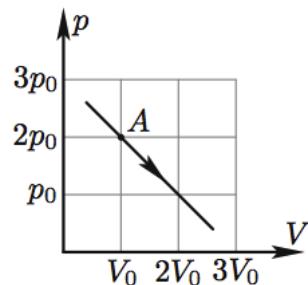
ЗАДАЧА 36. (*«Покори Воробьёвы горы!», 2014, 10–11*) Один моль гелия, занимавший объём $V = 10 \text{ л}$, нагрели в процессе, в котором его молярная теплоёмкость равнялась $C_\mu = 2,3R$ ($R = 8,31 \text{ Дж/(моль} \cdot \text{К)}$ — универсальная газовая постоянная). При этом давление гелия увеличилось на 0,2%. На сколько см^3 изменился объём гелия в этом процессе?

$$\Delta V = \frac{d}{\Delta p} = 80 \text{ см}^3$$

ЗАДАЧА 37. (*Всеросс., 2013, РЭ, 11*) Говорят, что в архиве лорда Кельвина нашли рукопись с pV -диаграммой, на которой был изображён циклический процесс в виде прямоугольного треугольника ACB . При этом угол C был прямым, а в точке K , лежащей на середине стороны AB , теплоёмкость многоатомного газа (CH_4) обращалась в нуль. Газ можно считать идеальным. От времени чернила выцвели, и на рисунке остались видны только координатные оси и точки C и K (см. рисунок). С помощью циркуля и линейки без делений восстановите положение треугольника ACB . Известно, что в точке A объём был меньше, чем в точке B .



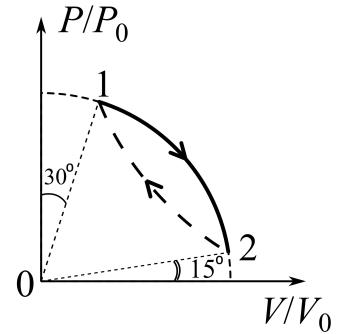
ЗАДАЧА 38. (*Всеросс., 2004, финал, 10*) С одним молем идеального одноатомного газа проводят процесс (рис.). Найдите теплоёмкость газа в точке A . В какой точке процесса теплоёмкость газа максимальна?



$$(од \frac{\partial \frac{\varepsilon}{\varepsilon}}{\partial \frac{\varepsilon}{\varepsilon}}, \Lambda \frac{\varepsilon}{\varepsilon}) \text{ эквот в } \infty = C_v \frac{\varepsilon}{\varepsilon} = R$$

ЗАДАЧА 39. («Физтех», 2021, 11) С идеальным одноатомным газом проводят циклический процесс. Расширение газа (см. рис.) можно описать графиком в виде дуги окружности 1 – 2 с центром в начале координат на pV -диаграмме (p_0 и V_0 – некоторые фиксированные давление и объём). Неравновесное сжатие газа 2 – 1 характеризуется пренебрежимо малым теплообменом с окружающей средой. Радиусы, проведённые в точки 1 и 2, составляют углы 30° и 15° с осями p/p_0 и V/V_0 соответственно.

1. Найти отношение температур в состояниях 1 и 2.
2. Найти угол с горизонтальной осью, который составляет радиус, проведённый в точку с теплоёмкостью равной нулю в процессе расширения 1 – 2, если такая существует. Дать значение любой тригонометрической функции угла.
3. Найти отношение работы газа за цикл к работе газа при расширении.

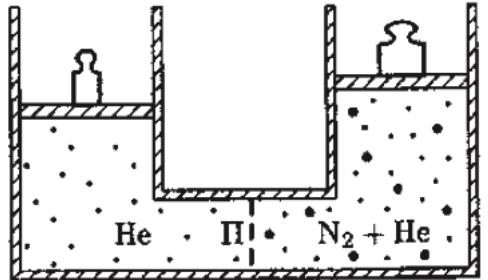


Ответы можно представить в виде числового выражения, не производя окончательного расчёта «до числа».

$$1) \frac{T_2}{T_1} = \sqrt{3}; 2) \operatorname{tg} \alpha_k = \sqrt{\frac{5}{3}}; 3) \frac{A_{12}}{A} = \frac{1 - \sqrt{3 + \frac{\pi}{4}}}{4 - 4\sqrt{3 + \frac{\pi}{4}}} \approx 0,09$$

ЗАДАЧА 40. (Всеросс., 2005, финал, 10) В сосуде находятся гелий He и азот N₂ в количестве ν_1 и ν_2 соответственно. Сосуд разделён на две части пористой перегородкой Π (рис.), которая свободно пропускает гелий и не пропускает азот, причём изначально азот был только в правой части. Пренебрегая теплоёмкостью стенок сосуда и поршней, найдите теплоёмкость системы при нагревании в следующих условиях:

- 1) при закреплённых поршнях;
- 2) при свободных поршнях, создающих постоянные давления;
- 3) при свободном левом поршне, создающем постоянное давление, и закреплённом правом поршне.



Универсальная газовая постоянная R известна.

$$C_1 = \frac{2}{R} (3\nu_1 + 5\nu_2); C_2 = \frac{2}{R} (5\nu_1 + 7\nu_2); C_3 = \frac{2}{R} (\nu_1 + \nu_2)$$

ЗАДАЧА 41. (Всеросс., 2014, финал, 10) При охлаждении одного моля гелия от начальной температуры T_0 до некоторой конечной температуры T_x в процессе с теплоёмкостью C , прямо пропорциональной температуре T , газ совершил работу, равную нулю. В самом начале процесса охлаждения давление газа изменялось прямо пропорционально его объёму. Найдите величину положительной работы газа в данном процессе и отношение T_x/T_0 .

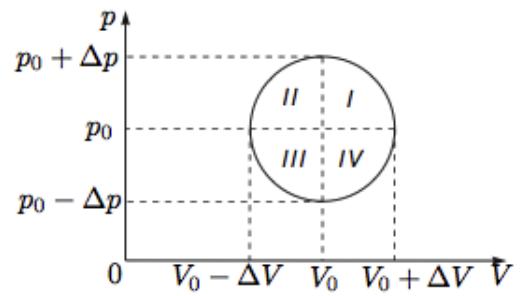
$$A^+ = \frac{1}{16} R T_0, \frac{T_0}{T_x} = \frac{2}{1}$$

ЗАДАЧА 42. (*Всеросс., 2016, финал, 11*) Над молем идеального многоатомного газа проводят круговой процесс, который, будучи изображённым на p, V -диаграмме, при некотором масштабе имеет вид окружности. Центр окружности имеет координаты (p_0, V_0) , диаметр вдоль оси давлений равен $2\Delta p$, а диаметр вдоль оси объёмов — $2\Delta V$.

1) Найдите все пары диаметрально противоположных точек окружности, в которых теплоёмкости одинаковы. Вычислите эти теплоёмкости.

2) Сравните теплоёмкости двух произвольных диаметрально противоположных точек, лежащих во 2 и 4 квадрантах окружности (см. рисунок); другими словами, определите, в какой из этих точек теплоёмкость больше и почему.

Примечание. Считайте, что теплоёмкость газа при постоянном объёме не зависит от T .



$$1) C = C_V; C = C_p; C = C_V + \frac{1 - \left(\frac{p_0}{p}\right)^{\frac{1}{\gamma}}}{\frac{1}{\gamma} - \left(\frac{p_0}{p}\right)^{\frac{1}{\gamma}}}; 2) C_2 > C_4$$

ЗАДАЧА 43. (*Всеросс., 2018, финал, 11*) В архиве лорда Кельвина нашли цилиндр с одним молем идеального одноатомного газа. Лорд Кельвин проводил с ним два процесса и изобразил их на pV -диаграмме. Чернила, разумеется, выцвели. От первого процесса уцелела часть графика — отрезок прямой, а от графика второго процесса, как обычно, сохранилась единственная точка A . Из поясняющих записей следовало, что в этих процессах при равных температурах теплоёмкости совпадали. Восстановите график зависимости давления p от объёма V для второго процесса.

отрезок из точки (2; 3,5) в точку (16; 7)

