

Математический праздник

6 класс, 2005 год

1. Таракан Валентин объявил, что умеет бегать со скоростью 50 м/мин. Ему не поверили, и правильно: на самом деле Валентин всё перепутал и думал, что в метре 60 сантиметров, а в минуте 100 секунд. С какой скоростью (в «нормальных» м/мин) бегают таракан Валентин?

18 м/мин

2. На автобусе ездил Андрей
 На кружок и обратно домой,
 Заплатив 115 рублей,
 Покупал он себе проездной.
 В январе он его не достал,
 И поэтому несколько дней
 У шофёра билет покупал
 Он себе за 15 рублей.
 А в иной день кондуктор с него
 Брал 11 только рублей.
 Возвращаясь с кружка своего
 Всякий раз шёл пешком наш Андрей.
 За январь сколько денег ушло,
 Посчитал бережливый Андрей:
 С удивлением он получил
 Аккурат 115 рублей!
 Сосчитайте теперь поскорей,
 Сколько раз был кружок в январе?

6 раз

3. Лиса и два медвежонка делят 100 конфет. Лиса раскладывает конфеты на три кучки; кому какая достанется — определяет жребий. Лиса знает, что если медвежатам достанется разное количество конфет, то они попросят её уравнять их кучки, и тогда она заберёт излишек себе. После этого все едят доставшиеся им конфеты.

а) Придумайте, как Лисе разложить конфеты по кучкам так, чтобы съесть ровно 80 конфет (ни больше, ни меньше).

б) Может ли Лиса сделать так, чтобы в итоге съесть ровно 65 конфет?

а) 10, 10 и 80; б) нет

4. Незнайка разместил без наложений в квадрате 10×10 только 13 фигур («скобок»), изображённых на рисунке. Попробуйте разместить больше.



Можно разместить 16 и 17 «скобок»

5. В числах МИХАЙЛО и ЛОМОНОСОВ каждая буква обозначает цифру (разным буквам соответствуют разные цифры). Известно, что у этих чисел произведения цифр равны. Могут ли оба числа быть нечётными?

Нет

6. В Пустоземье живут три племени: эльфы, гоблины и хоббиты. Эльф всегда говорит только правду, гoblin всегда лжёт, а хоббит через раз говорит то правду, то ложь. Однажды за круглым столом пировало несколько пустоземцев, и один из них сказал, указав на своего левого соседа: «Он — хоббит». Сосед сказал: «Мой правый сосед солгал». В точности ту же фразу затем повторил его левый сосед, потом её же произнёс следующий по кругу, и так они говорили «Мой правый сосед солгал» много-много кругов, да и сейчас ещё, возможно, говорят. Определите, из каких племён были пирующие, если известно, что за столом сидело а) девять; б) десять жителей Пустоземья. Объясните своё решение.

а) Все были хоббитами; б) пять гоблинов и пять эльфов