

Олимпиада «Физтех» по физике

9 класс, 2021 год, вариант 2

- 1.** В сосуде с водой плавает кусок льда массой $M = 0,45$ кг. Система находится в тепловом равновесии. Плотность воды $\rho_0 = 1,0 \cdot 10^3$ кг/м³, плотность льда $\rho = 0,9 \cdot 10^3$ кг/м³.

1. Найдите объём V надводной части льда.

В сосуд наливают воду при температуре $t_1 = 30^\circ\text{C}$. После установления теплового равновесия объём надводной части льда уменьшился на $V_1 = 25$ см³.

2. Найдите массу m добавленной воды.

Удельная теплота плавления льда $\lambda = 3,36 \cdot 10^5$ Дж/кг, удельная теплоёмкость воды $c = 4,2 \cdot 10^3$ Дж/(кг · °C). Потери теплоты считайте пренебрежимо малыми.

$$\boxed{1) M = \frac{\rho_0 V_1}{\rho - \rho_0} = \frac{1000 \text{ кг/м}^3 \cdot 25 \text{ см}^3}{0,9 \cdot 10^3 \text{ кг/м}^3 - 1000 \text{ кг/м}^3} = 27,8 \text{ кг}}$$

- 2.** На железнодорожной платформе, движущейся по горизонтальному рельсовому пути с постоянной по величине и направлению скоростью $V_0 = 10$ м/с, стоит коробка. Внезапно начинается торможение, платформа движется по прямой до полной остановки с постоянным по величине ускорением $a = 2$ м/с². Коробка, в свою очередь, перемещается относительно платформы на $S = 12$ м и останавливается. Ускорение свободного падения $g = 10$ м/с². Коробка движется по горизонтальной прямой.

1. Найдите тормозной путь L платформы.

2. Найдите коэффициент μ трения скольжения коробки.

3. В течение какого времени T скорость коробки в системе отсчёта, связанной с платформой, увеличивалась?

4. Найдите наибольшую скорость U_{\max} коробки относительно платформы.

$$\boxed{1) L = \frac{V_0^2}{2a} = 25 \text{ м}; 2) \mu = \frac{2a(T+S)}{V_0^2} \approx 0,135; 3) T = \frac{v}{a} = 5 \text{ с}; 4) U_{\max} = (1 - \frac{v}{V_0}) V_0 \approx 3,2 \text{ м/с}}$$

3. С гладкой наклонной плоскости бросают тряпичный мешочек, наполненный песком. Вектор начальной скорости $V_0 = 12 \text{ м/с}$ образует с горизонтальной плоскостью угол α , $\operatorname{tg} \alpha = \frac{8}{3}$. Мешочек перед столкновением с плоскостью движется горизонтально, после столкновения безотрывно скользит по плоскости. Движение мешочка по плоскости прямолинейное.

1. На какой высоте H , отсчитанной от точки старта, мешочек сталкивается с плоскостью?
2. Найдите $\operatorname{tg} \beta$, здесь β — угол, который наклонная плоскость образует с горизонтом.
3. Через какое время T после падения на плоскость мешочек остановится?
4. Если наклонная плоскость шероховатая, то при каких значениях коэффициента трения скольжения мешочек не будет перемещаться по плоскости?

Ускорение свободного падения $g = 10 \text{ м/с}^2$. Силу сопротивления воздуха считайте пренебрежимо малой. Действием силы тяжести в процессе столкновения пренебрегите.

$$1) H = \frac{32V_0^2}{g} \approx 6,3 \text{ м}; 2) \operatorname{tg} \beta = \frac{\frac{g}{2} T}{V_0} \approx 0,3; 3) L = \frac{4}{9} V_0 \sqrt{\frac{g}{2}} \text{ и } 4) \text{очертите на рисунке наклонную плоскость}$$

4. Искусственный спутник Земли движется по круговой орбите в плоскости экватора в том же направлении, что и точки на экваторе. Радиус орбиты спутника в два раза больше радиуса Земли $R = 6400 \text{ км}$. Ускорение свободного падения у поверхности планеты $g = 10 \text{ м/с}^2$.

1. Найдите период T обращения спутника.

В некоторый момент времени расстояние от наблюдателя на экваторе до спутника наименьшее.

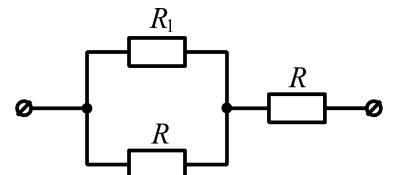
2. Через какое время T_1 расстояние между наблюдателем и спутником впервые будет расти с наибольшей скоростью?
3. Найдите эту скорость V .

$$1) T = 4\pi \sqrt{\frac{R}{g}} \approx 14 \cdot 10^3 \text{ с}; 2) T_1 = \frac{6(T_E - T)}{T_E + T} \approx 2,8 \cdot 10^3 \text{ с}; 3) V = 2\pi R \left(\frac{1}{T} - \frac{1}{T_E} \right) \approx 2,4 \cdot 10^3 \text{ м/с}; \text{ где } T_E = 8,64 \cdot 10^4 \text{ с}$$

5. Два одинаковых резистора соединены последовательно и подключены к источнику постоянного напряжения $U = 6 \text{ В}$. В такой цепи рассеивается мощность $P = 1 \text{ Вт}$.

1. Найдите сопротивление R каждого резистора.

К одному из резисторов подключают параллельно (см. рис.) резистор с таким сопротивлением R_1 , что на подключенному резисторе рассеивается максимальная мощность.



2. Найдите сопротивление R_1 .
3. Найдите максимальную мощность P_{\max} , рассеивающуюся на резисторе R_1 .

$$1) R = \frac{U^2}{P} = 18 \Omega; 2) R_1 = 9 \Omega; 3) P_{\max} = \frac{8U^2}{9} = 0,25 \text{ Вт}$$