

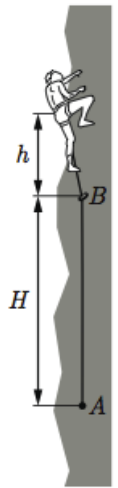
Московская олимпиада школьников по физике

10 класс, второй тур, 2019 год

ЗАДАЧА 1. Некоторые виды лягушек способны ползать по стенам и потолку при помощи специальных присосок на лапках. Эти присоски обеспечивают силу «прилипания» F , перпендикулярную поверхности. Пусть такая лягушка массой $m = 5$ г может обеспечить силу «прилипания» не больше F_0 . Чему должно быть равно значение F_0 , чтобы при любом угле наклона стенки лягушка могла бы располагаться на ней неподвижно, если коэффициент трения лап о стенку равен $\mu = 0,5$?

$$F_0 \approx \frac{mg}{\sqrt{1+\mu^2}}$$

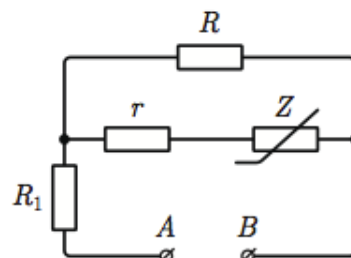
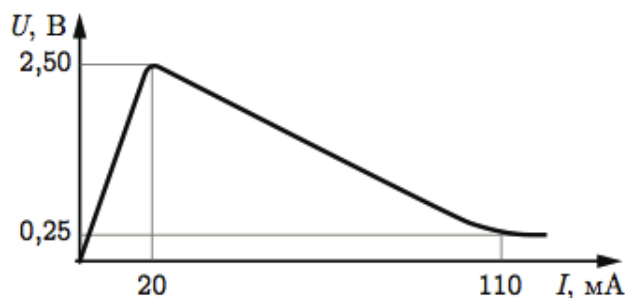
ЗАДАЧА 2. При восхождениях на скальные стены один конец веревки привязывается к страховочной системе, которую надевает на себя идущий первым альпинист (лидер), оставшаяся часть верёвки находится у страхующего. В процессе подъёма лидер «прощёлкивает» тянущуюся за ним верёвку через карабины (металлические кольца с защёлкой), прикрепленные к стене в точках страховки (т. B на рис.). В случае срыва лидера страхующий, располагающийся в т. A (на рисунке не изображён), блокирует верёвку с помощью страховочного устройства. Фактором рывка r называется отношение глубины свободного падения лидера (пока верёвка не начнёт растягиваться) к длине верёвки между страхующим и лидером на момент срыва, например, $r = 2h$ для схемы на рис. Пусть между лидером и страхующим одна точка страховки (как на рис.), или вообще нет точек страховки ($H = 0$). Расположение лидера и точки страховки может быть любым, но величина $h + H$ должна быть меньше длины верёвки (≈ 50 м). Альпинисты находятся высоко над землёй, так что лидер при срыве может упасть ниже страхующего. Трением между верёвкой и карабином пренебрегаем.



1. Найдите максимальное и минимальное возможное значение фактора рывка r .
2. Относительное растяжение некоторой верёвки, на которую подвешен груз массой $m = 80$ кг составляет 5%. Считая, что данная верёвка подчиняется закону Гука, определите максимально возможное относительное растяжение верёвки при срыве альпиниста массой m .
3. На самом деле при больших растяжениях верёвка не подчиняется закону Гука. При модельном срыве в лаборатории груза массой m с фактором $r_1 = 1,5$ максимальное относительное растяжение составило 40%. Пусть $W_{\text{эксп}}$ — максимальная энергия деформации верёвки, рассчитанная на основе теста, а $W_{\text{теор}}$ — энергия деформации, рассчитанная на основе закона Гука при том же относительном растяжении. Какая энергия больше и во сколько раз?

$$W_{\text{эксп}} \approx \frac{1}{2} m g r_1^2 \approx 1,125 m g r_1^2 \approx 1,125 m g (1,5)^2 \approx 2,53 m g$$

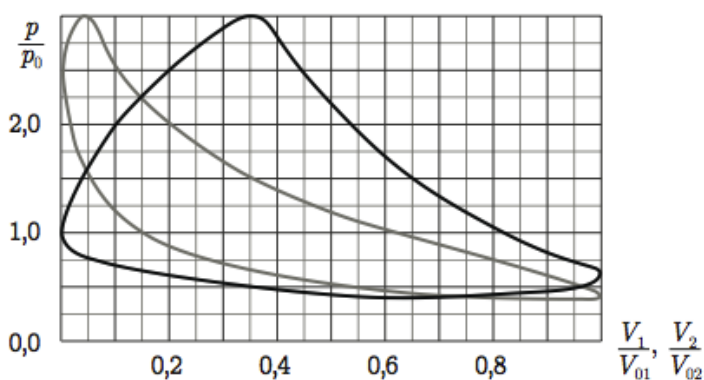
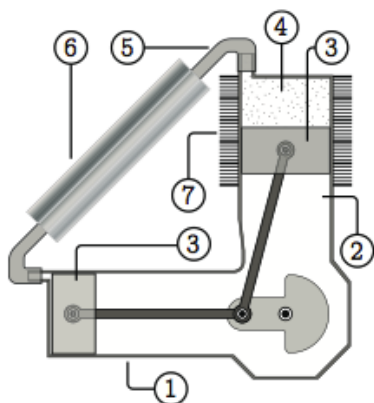
ЗАДАЧА 3. Идеализированная зависимость напряжения от силы тока для нелинейного элемента Z схематично показана на рисунке слева. На основе этого элемента и резисторов R_1 и r по схеме, показанной на рисунке справа, может быть собрано устройство (стабилизатор напряжения), обеспечивающее неизменное напряжение U_0 на нагрузке (резистор $R = 300$ Ом), при различных значениях напряжения на входе (между точками A и B). При этом напряжение U_{AB} должно лежать в некотором диапазоне напряжений $U_1 - \Delta U \leq U_{AB} \leq U_1 + \Delta U$, в противном случае устройство перестаёт выполнять свою функцию стабилизации напряжения.



1. Чему равны напряжение U_0 и сопротивление резистора r в данной схеме?
2. Найдите сопротивление резистора R_1 , при котором полуширина диапазона входных напряжений ΔU будет максимально возможной при напряжении середины диапазона, равном $U_1 = 6$ В.

(1) $r = 25$ Ом; (2) $R_1 = 40$ Ом

ЗАДАЧА 4. В задаче рассматривается термодинамическая модель двигателя Стирлинга, схематично изображенного на рис.



Поршни 3 совершают возвратно-поступательное движение, преобразующееся во вращательное движение с помощью кривошипно-шатунных передач. Рабочий цилиндр 1 нагревают горелкой. В рамках модели считается, что его температура поддерживается постоянной (обозначим её T). На вытеснительном цилиндре 2 закреплён радиатор 7 для улучшения теплообмена, температура в цилиндре считается равной комнатной температуре T_0 . Рабочее тело 4 (воздух) перекачивается из рабочего цилиндра в вытеснительный и обратно по трубке 5. Устройство 6 — это специальный теплообменник. При перетекании воздуха из рабочего цилиндра в вытеснительный в этом теплообменнике аккумулируется количество теплоты, неизрасходованное рабочим телом на совершение работы в рабочем цилиндре. Затем эта теплота полностью возвращается воздуху при его обратном течении из вытеснительного цилиндра в рабочий. Поэтому можно

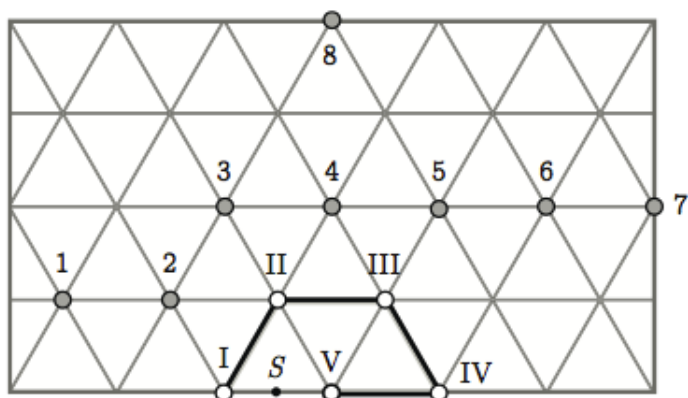
считать, что всё количество теплоты, полученное рабочим телом от нагревателя, расходуется на совершение работы в рабочем цилиндре. Максимальный объём воздуха в рабочем цилиндре обозначим V_{01} , а в вытеснительном — V_{02} . Объёмом трубки можно пренебречь.

В результате компьютерных расчётов были получены диаграммы зависимости относительного давления от относительного объёма: для рабочего цилиндра — чёрная линия, для вытеснительного — серая линия. При этом цикл для рабочего цилиндра обходится по часовой стрелке, а для вытеснительного — против часовой, $V_{02} = 1,25 \cdot V_{01}$.

1. Определите числовое значение отношения температур T и T_0 .
2. Какая часть общей массы воздуха находится в рабочем цилиндре при давлении $3p_0$?
3. Найдите значение КПД двигателя в рамках данной модели.

$$\frac{p}{p_0} = \frac{V}{V_0} \quad (1)$$

ЗАДАЧА 5. На рис. (вид сверху) чёрными линиями показаны зеркала (стены комнаты), по краям которых стоят колонны (обозначены римскими цифрами). Точка S — положение наблюдателя. Арабскими цифрами обозначены некоторые теоретически возможные изображения колонн в зеркалах. Укажите номера изображений, которые может видеть наблюдатель. Для каждого выбранного вами изображения назовите колонну, являющуюся его источником. Объясните ваш ответ.



См. конец листа

Ответ к задаче 5

В т. 1, 7 и 8 наблюдатель изображений колонн не может видеть.

2 — изображение колонны V ,

3 — изображение колонны III ,

4 — изображение колонны V ,

5 — изображение колонны IV ,

6 — изображение колонны I .