

## Олимпиада «Формула Единства» / «Третье тысячелетие»

## Математика, 10 класс, 2016 год

1. В некотором треугольнике сумма тангенсов углов оказалась равна 2016. Оцените (хотя бы с точностью до 1 градуса) величину наибольшего из его углов.

2. Назовём типичным любой прямоугольный параллелепипед, все размеры которого (длина, ширина и высота) различны. На какое наименьшее число типичных параллелепипедов можно разрезать куб? Не забудьте доказать, что это действительно наименьшее количество.

3. Найдите все натуральные числа  $n$ , для которых  $2^n + n^{2016}$  — простое число.

4. В выпуклом четырёхугольнике  $ABCD$  внутри треугольника  $ADC$  выбрана точка  $E$ , причём  $\angle BAE = \angle BEA = 80^\circ$ ,  $\angle CAD = \angle CDA = 80^\circ$ ,  $\angle EAD = \angle EDA = 50^\circ$ . Докажите, что  $\triangle BEC$  равносторонний.

5. В игре «сет» участвуют всевозможные четырёхзначные числа, состоящие из цифр 1, 2, 3 (каждое число по одному разу). Говорят, что тройка чисел *образует сет*, если в каждом разряде либо все три числа содержат одну и ту же цифру, либо все три числа содержат разные цифры.

*Сложностью* сета будем называть количество таких разрядов, где все три цифры различны.

Например, числа 1232, 2213, 3221 образуют сет сложности 3 (в первом разряде встречаются все три цифры, во втором — только двойка, в третьем — все три цифры, в четвёртом — все три цифры); числа 1231, 1232, 1233 — сет сложности 1 (в первых трёх разрядах цифры совпадают, и только в четвёртом все цифры различны). А числа 1123, 2231, 3311 вообще не образуют сета (в последнем разряде встречаются две единицы и тройка).

Сетов какой сложности в игре больше всего и почему?