

**Олимпиада «Бельчонок» по математике****7 класс, 2021 год, вариант 1**

1. Вася утверждает, что существует такое четырёхзначное число  $\overline{abcd}$ , в записи которого используются различные ненулевые цифры, что сумма  $\overline{abcd} + \overline{dcba}$  делится на 101. Прав ли Вася?
2. По кругу лежат 4 одинаковых с виду ореха, два из которых весят 9 г и 11 г, а два других весят по 10 г каждый. Известно, что орехи весами 9 г и 11 г соседние. Требуется гарантированно определить вес каждого ореха. Каким наименьшим числом взвешиваний на чашечных весах без гирь это можно сделать?
3. На клетчатой бумаге нарисованы два квадрата размерами  $3 \times 3$  и  $4 \times 4$  клеток. Придумайте, как разрезать по линиям сетки каждый из них на две части так, чтобы из полученных частей складывался квадрат.
4. Дима и Лена, ни на что не отвлекаясь, начали одновременно есть чипсы из одной большой пачки (каждый со своей постоянной скоростью). Если бы Дима ел со скоростью Лены, то чипсы бы они ели на 3 минуты дольше, а если бы Лена ела со скоростью Димы, то чипсы они бы съели на 2 минуты быстрее. За какое время Дима и Лена съели все чипсы?
5. В турнире первокурсников по футболу участвовало 4 команды  $A, B, C, D$ . Каждая команда сыграла со всеми остальными по одному разу. Места, занятые командами, распределились в следующем порядке:  $A, B, C, D$ . При этом количества очков у команд, занявших соседние места, отличаются ровно на 1. Сколько очков набрала каждая из команд? Приведите пример такого турнира. В футболе за победу команде начисляется 3 очка, за ничью — 1 очко, за поражение — 0 очков.