Тренировочные задачи

Угол между скрещивающимися прямыми

Здесь публикуются авторские задачи, начиная с элементарных и заканчивая уровнем C2 на EГЭ по математике. Цель этих задач — подготовить школьника к дальнейшей работе с «Задачником C2».

1. В правильной четырёхугольной пирамиде SABCD (с вершиной S) сторона основания равна 1, а боковое ребро равно 2. Найдите угол между прямыми AB и SC.

 $\arccos \tfrac{1}{4}$

2. В правильной четырёхугольной призме $ABCDA_1B_1C_1D_1$ сторона основания равна 2, а боковое ребро равно 1. Найдите угол между прямыми AA_1 и BD_1 .

 $\arccos \frac{3}{3}$

3. В правильной шестиугольной пирамиде SABCDEF (с вершиной S) сторона основания равна $\sqrt{6}$, а боковое ребро равно 3. Найдите угол между прямыми AC и SD.

۰9₹

4. В правильной треугольной призме $ABCA_1B_1C_1$ сторона основания равна 3, а боковое ребро равно 4. Найдите угол между прямыми A_1B и AC.

 $\frac{10}{3}$

5. В правильной шестиугольной призме $ABCDEFA_1B_1C_1D_1E_1F_1$ сторона основания равна 1, а боковое ребро равно $\sqrt{2}$. Найдите угол между прямыми AB_1 и CD_1 .

∘09

6. В правильной шестиугольной призме $ABCDEFA_1B_1C_1D_1E_1F_1$ сторона основания равна $\sqrt{2}$, а боковое ребро равно 1. Найдите угол между прямыми AF_1 и B_1C .

06

7. В правильной треугольной пирамиде SABC сторона основания AB=4, а углы $ASB,\,BSC$ и ASC — прямые. Точка M — середина ребра BS. Найдите угол между прямыми AM и BC.

 $\frac{\sqrt{10}}{\sqrt{10}}$

8. В правильной четырёхугольной пирамиде SABCD (с вершиной S) сторона основания равна $\sqrt{6}$, а боковое ребро равно 2. Точка M — середина ребра SC. Найдите угол между прямыми BM и AS.

009

9. В правильной шестиугольной призме $ABCDEFA_1B_1C_1D_1E_1F_1$ сторона основания равна 1, а боковое ребро равно $\sqrt{6}$. Найдите угол между прямыми AB и FD_1 .

09

10. В правильной шестиугольной пирамиде SABCDEF (с вершиной S) сторона основания равна 1, а боковое ребро равно $\sqrt{3}$. Точка M — середина ребра SC. Найдите угол между прямыми AM и BF.

 $\frac{9}{\sqrt{3}}$

11. В правильной шестиугольной призме $ABCDEFA_1B_1C_1D_1E_1F_1$ все рёбра равны. Найдите угол между прямыми AF_1 и BD_1 .

 $\frac{5\sqrt{2}}{8}$ arccos

12. В прямоугольном параллелепипеде $ABCDA_1B_1C_1D_1$ даны длины рёбер: $AB=6,\ BC=4,\ AA_1=3.$ Найдите угол между прямыми AC_1 и B_1C .

arccos $\frac{7}{5\sqrt{61}}$

13. Основанием прямой призмы $ABCA_1B_1C_1$ служит треугольник ABC, в котором $AB=BC=5,\ AC=8.$ Боковое ребро призмы равно $\sqrt{11}.$ Найдите угол между прямыми A_1B и $B_1C.$

∘09

14. На ребре BB_1 куба $ABCDA_1B_1C_1D_1$ взята точка K так, что $BK:KB_1=3:1.$ Найдите угол между прямыми AK и $BD_1.$

 $\frac{12}{\sqrt{3}}$ succos